

EIDGENÖSSISCHE TECHNISCHE HOCHSCHULE ZÜRICH

Institut für Geophysik



Jahresbericht  
1961

des

Schweizerischen Erdbebendienstes

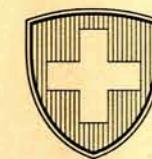
herausgegeben von

FRITZ GASSMANN und MAX WEBER

Inhaltsverzeichnis	Seite
Verzeichnis der Erdbebenstationen . . . . .	3
Intensitätsskala de Rossi-Forel . . . . .	3
Personal und Betrieb des Erdbebendienstes . . . . .	4
Über die seismische Aktivität im Jahre 1961 . . . . .	4-5
Symbole in der Makroseismik . . . . .	6
Tabelle I In der Schweiz 1961 verspürte Erdbeben . . . . .	7-10
Makroseismische Karten . . . . .	11-14
Tabelle II In der Schweiz 1961 registrierte Erdbeben . . . . .	15-38
Schweizerische Literatur zur Geophysik im Jahre 1961 . . . . .	39
Die Nullstellenbestimmung der ultrasphärischen Polynome. <i>Ernst Peter</i> . . . . .	41-52
Tabellen zur Approximation von Laufzeitfunktionen aus diskreten Meßwerten mit abgebrochenen Potenzreihen. <i>Max Weber und Ernst Peter</i> . . . . .	53-61

EIDGENÖSSISCHE TECHNISCHE HOCHSCHULE ZÜRICH

Institut für Geophysik



Jahresbericht  
1961

des

Schweizerischen Erdbebendienstes

herausgegeben von

FRITZ GASSMANN und MAX WEBER

Inhaltsverzeichnis	Seite
Verzeichnis der Erdbebenstationen . . . . .	3
Intensitätsskala de Rossi-Forel . . . . .	3
Personal und Betrieb des Erdbebendienstes . . . . .	4
Über die seismische Aktivität im Jahre 1961 . . . . .	4-5
Symbole in der Makroseismik . . . . .	6
Tabelle I In der Schweiz 1961 verspürte Erdbeben . . . . .	7-10
Makroseismische Karten . . . . .	11-14
Tabelle II In der Schweiz 1961 registrierte Erdbeben . . . . .	15-38
Schweizerische Literatur zur Geophysik im Jahre 1961 . . . . .	39
Die Nullstellenbestimmung der ultrasphärischen Polynome. <i>Ernst Peter</i> . . . . .	41-52
Tabellen zur Approximation von Laufzeitfunktionen aus diskreten Meßwerten mit abgebrochenen Potenzreihen. <i>Max Weber und Ernst Peter</i> . . . . .	53-61

## Verzeichnis der Erdbebenstationen

	Zürich = Zü	Chur = Ch	Neuchâtel = Ne	Basel = Ba
Personal	Prof. Dr. F. Gaßmann Vorstand des Instituts für Geophysik der ETH.  Prof. Dr. M. Weber, Leiter des Schweiz. Erdbebendienstes  E. Peter Dr. N. Pavoni	Prof. Dr. h. c. A. Kreis Leiter der Erdbebenstation	Dr. J. Bonanomi Direktor des Observatoriums	Prof. Dr. W. Becker Direktor der Astronomisch-Meteorologischen Anstalt.
Aufstellungsort der Seismographen	Schweiz. Erdbebenwarte Degenried	Kantonsschule	Observatorium	Astronomisch-Meteorologische Anstalt Binningen bei Basel
Geogr. Breite	47° 22' 07,2" N	46° 50' 59,5" N	46° 59' 50,6" N	47° 32' 24" N
Geogr. Länge	8° 34' 49,5" E	9° 32' 12,1" E	6° 57' 26,2" E	7° 34' 58,5" E
Meereshöhe	604 m	630 m	487 m	309 m
Untergrund	Sandsteine und Mergel der ob. Süßwassermolasse	Bündner Schiefer des Penninikums	Urgonkalke der untern Kreideformation	Nagelfluh der Hochterrasse

## Intensitätsskala de Rossi-Forel

Für die Beurteilung der Stärke der Erdstöße wurde wie früher die Rossi-Forelsche oder italienisch-schweizerische *Intensitäts-skala* zugrunde gelegt. Sie lautet:

- Grad I Mikroseismische Bewegung, notiert von einem Seismographen oder von mehreren Instrumenten derselben Art, aber nicht imstande, Seismographen verschiedener Konstruktion in Funktion zu versetzen. Konstatiert von einem geübten Beobachter.
- II Stoß, registriert von Seismographen verschiedenen Systems, konstatiert von einer kleinen Anzahl, im Zustande der Ruhe befindlicher Beobachter.
- III Erschütterung, beobachtet von mehreren Personen in der Ruhe; stark genug, daß Dauer oder Richtung geschätzt werden können.
- IV Erschütterung, beobachtet von Personen in Tätigkeit; Erschütterung beweglicher Objekte, der Fenster, Türen, Krachen der Dielen.
- V Erschütterung allgemein von der ganzen Bevölkerung bemerkt; Erschütterung größerer Gegenstände, der Möbel, Betten; Anschlagen einzelner Hausglocken.
- VI Allgemeines Erwachen der Schlafenden; allgemeines Anschlagen der Hausglocken, Schwanken der Kronleuchter, Stillstehen von Uhren, sichtbares Schwanken der Bäume und Gesträucher. Einzelne Personen verlassen erschreckt die Häuser.
- VII Umstürzen von beweglichen Gegenständen, Ablösen von Gipsstücken aus der Decke und von den Wänden, Anschlagen von Kirchenglocken, allgemeiner Schrecken, noch keine Beschädigung der Bauwerke.
- VIII Herabstürzen von Kaminen, Risse in den Mauern von Gebäuden.
- IX Teilweise oder gänzliche Zerstörung einzelner Gebäude.
- X Großes Unglück, Ruinen, Umsturz von Erdschichten, Entstehen von Spalten in der Erdrinde, Bergstürze.

Anmerkung: Die Zeitangaben beziehen sich auf die *mittlere Zeit von Greenwich*. (G. M. T.)

## Personal und Betrieb des Erdbebendienstes

Die makroseismische Tabelle I wurde auch dieses Jahr von N. Pavoni zusammengestellt. Ihre Neugestaltung wurde von M. Weber angeregt und auf Grund gemeinsamer Besprechung mit ihm und F. Gassmann von N. Pavoni ausgeführt (vgl. S. 6). Die laufenden Arbeiten des Erdbebendienstes sowie die Zusammenstellung der Tabelle II besorgte weiterhin E. Peter, dipl. Physiker. Die Karten zur Makroseismik wurden von W. Gruber gezeichnet.

Auch dieses Jahr war die Erdbebenwarte von Zürich das ganze Jahr außer Betrieb. Wegen Revisionsarbeiten am Antriebswerk des Seismographen von Chur mußte dessen Betrieb vom 25. März bis 20. Mai 1961 eingestellt werden.

Dank dem Entgegenkommen der Herren Professoren F. Preß und L. Knopoff konnten die Ablesungen vom Preß-Ewing-Seismographen, der bis anfangs Mai in Chur stand, in der Unterbruchsperiode für unseren Jahresbericht verwendet werden. Es sei ihnen dafür an dieser Stelle herzlich gedankt. Außer diesem Unterbruch von Chur waren die Universalseismographen de Quervain-Piccard der drei Stationen Basel, Chur und Neuenburg mit Ausnahme kleiner Unterbrüche das ganze Jahr in Betrieb.

## Über die seismische Aktivität im Jahre 1961

### a) Makroseismik

Wir erhielten 45 Meldungen von der Bevölkerung über verspürte Erschütterungen aus verschiedenen Gebieten der Schweiz. Davon sind 28 eindeutig seismischen Ursprungs. Auf das Wallis entfallen davon 10 Erdstöße (im Vorjahr 6). Die 28 Erschütterungen rein seismischen Ursprungs verteilen sich auf die verschiedenen Tagesstunden bzw. Monate wie folgt:

auf Tagesstunden												
0-2	2-4	4-6	6-8	8-10	10-12	12-14	14-16	16-18	18-20	20-22	22-24	
9	2	2	2	-	1	2	2	2	-	3	3	

### auf Monate

Jan.	Febr.	März	April	Mai	Juni	Juli	Aug.	Sept.	Okt.	Nov.	Dez.
3	2	6	2	1	4	-	4	1	3	1	1

### Das Beben vom 19. April 1961, 00.16 Uhr

Das Beben, dessen Epizentrum bei Raichberg ( $48^{\circ} 17,8' N$ ,  $9^{\circ} 00,0' E$ ) in der Schwäbischen Alb lag, wurde in der Schweiz im Gebiet nördlich einer Linie Basel–Langenthal–Luzern–Rorschach verspürt. Im ganzen gingen 192 telephonische und schriftliche Meldungen ein, davon allein 64 aus dem Gebiet der Stadt Zürich. Über die Verteilung der Intensitäten vergleiche man die Karte Seite 11. Gingen von einer Ortschaft mehrere Meldungen ein, so wurde jeweils auf der Karte nur die größte dort verspürte Intensität dargestellt.

Von besonderem Interesse ist das Auftreten der Intensität V in einem N-S verlaufenden Streifen zwischen Rhein und Zürichsee, gegeben durch die Ortschaften Rafz, Buchthalen b. Schaffhausen, Winterthur, Dübendorf b. Zürich, Fällanden, Freienbach SZ, Stäfa, Wetzikon, Pfäffikon ZH und Turbenthal.

Die 64 Meldungen aus dem Gebiet der Stadt Zürich wurden nach Intensität auf einer Karte der Stadt Zürich 1:20 000 eingetragen, um eventuelle Zusammenhänge zwischen Intensität und Beschaffenheit des Untergrundes (Molassefels oder Quartärmaterial) erkennen zu können. Irgendwelche eindeutige Beziehungen ließen sich dabei nicht feststellen. Offenbar sind die Intensitäten II, III und IV zu gering, als daß dabei die geologische Beschaffenheit des Untergrundes in der Verteilung der Intensitäten bereits zum Ausdruck kommt. 18 Meldungen aus Zürich enthielten Angaben über die Richtung der Erschütterung: NW-SE: 10 Meldungen; W-E: 4; NE-SW: 3; N-S: 1.

### Das Beben vom 28. April 1961, 20.48 Uhr

Sein Epizentrum befand sich in der Nähe von Schopfheim ( $47^{\circ} 42,6' N$ ;  $7^{\circ} 53,0' E$ ) im Dinkelberggebiet NE Basel. Im ganzen gingen 325 telephonische und schriftliche Meldungen ein. Das Beben wurde in der Schweiz vorwiegend mit Intensität III und IV im Gebiet nördlich einer Linie La Chaux-de-Fonds–Moudon–Vevey–Saanen–Interlaken–Meiringen–Linthal–Sargans verspürt. Außerdem wurde je eine Meldung aus Bissone im Südtessin und Celerina im Oberengadin zugesandt. Die Verteilung der Intensitäten im Gebiet der Schweiz ist auf der Karte Seite 12 ersichtlich. Bemerkenswert ist wiederum, daß die größten Intensitäten (V) in der weiteren Umgebung des Zürichsees: Wädenswil, Männedorf, Hedingen, Dietikon, Zürich-Oerlikon, und weiter nördlich im unteren Glattal: Rümlang und Bülach, festzustellen waren.

Aus dem Gebiet der Stadt Zürich gingen 164 Meldungen ein. Ebenso wie beim Beben vom 19. April (siehe oben) wurden die festgestellten Intensitäten in einer Karte der Stadt Zürich 1:20 000 eingetragen, um anhand deren Verteilung zu erkennen, ob ein direkter Zusammenhang mit der Geologie des Untergrundes (Molassefels oder quartäres Lockermaterial) bestehe. Es ließ sich kein solcher Zusammenhang erkennen. 43 Meldungen aus Zürich enthielten Angaben über die Richtung der Erschütterung: NE-SW: 19 Meldungen; W-E: 14; N-S: 7; NW-SE: 3.

### b) Instrumentelle Seismik

Die drei Stationen Basel, Chur und Neuenburg registrierten in diesem Jahre 418 Beben, d.h. 15 Beben weniger als im vorangegangenen Jahre. Die einzelnen Stationen sind für die absoluten Laufzeiten und die damit verbundene Uhrenkontrolle zuständig. Den Hauptanteil der schweizerischen Registrierungen lieferten die Beben der Kurilen-Inseln und Japan, dann folgen mit gleicher Größenordnung Griechenland, Italien, die Loyalty-Inseln, die Neuen Hebriden und die Aleuten. Beachtenswert sind auch die häufigen Stöße von Abessinien, Somaliland und Iran.

Unsere drei Stationen mußten auch Beben registrieren, bei welchen wieder Menschenleben und großer materieller Schaden zu beklagen waren. Es handelt sich um die Beben von Lar (Mag:  $6\frac{3}{4}$ ) und Zentralkolumbien (Mag:  $6\frac{3}{4}$ ) sowie von Japan (Mag:  $7\frac{1}{4}$  und  $7\frac{1}{2}$ ), Abessinien (Mag: 7) und der Türkei (Mag: 7).

Die Walliser Beben von diesem Jahre waren alle energetisch bedeutend schwächer als dasjenige vom 23. März 1960. Erwähnenswert sind aber dennoch die Beben vom 17. Januar ( $46^{\circ} 01,7' N$ ;  $7^{\circ} 28,2' E$ ) Arolla, 30. Mai ( $46^{\circ} 20,8' N$ ;  $8^{\circ} 04,5' E$ ) Gietschgraben am Bettlihorn sowie vom 10. September ( $46^{\circ} 17,8' N$ ;  $7^{\circ} 31,1' E$ ) Darnona b. Sierre.

## Symbole in der Makroseismik

Um den Inhalt der makroseismischen Meldungen möglichst vollständig und detailliert und dennoch in möglichst gedrängter Form wiedergeben zu können, wurde in diesem Jahresbericht zum ersten Male der Versuch unternommen, die am häufigsten wiederkehrenden Mitteilungen und Beobachtungen in Tabelle I durch Symbole darzustellen. Um rein visuell einen raschen Überblick über den wesentlichen Inhalt der Tabelle zu ermöglichen, wurde versucht – ähnlich wie bei den Symbolen der makroseismischen Karten – den Symbolen der Tabelle I optisch verschiedene Gewichte zu geben, indem darauf geachtet wurde, daß die Symbole je nach Intensitätsgrad dunkler oder heller erscheinen. Dunkle, das heißt flächenhaft schwarze gehaltene Symbole weisen auf größere Intensität ( $\geq VI$ ) hin. Die Anordnung der Symbole wurde so gewählt, daß zuerst die Auswirkungen des Bebens auf den Menschen, dessen Verhalten und Empfinden beschrieben werden, anschließend sodann die Beobachtungen über die Auswirkungen an Objekten. Für alle Details sei auf die nachfolgende Legende zu Tabelle I verwiesen.

### **Legende zu Tabelle I**

♂	vereinzelt verspürt
♀♀	von wenigen, von mehreren verspürt
♀♀♀	von vielen verspürt
♀♀♀♀	allgemein verspürt
眠	aus dem Schlaf erwacht
睜	erschreckt
睜睜	allgemeiner Schrecken, Leute eilen auf die Straße
⌚	dumpfer Lärm, unterirdisches Rollen
⚡	Tiere erschreckt
⚡⚡	Stoß, stoßartige Erschütterung
⚡⚡⚡	zwei Stoße, zweimalige stoßartige Erschütterung
↑	Stoß von unten
→ SE	seitlicher Stoß von NW nach SE
~~	niederfrequente Schwingungen, verspürt als «Rollen», «Schaukeln»
~~~~	hochfrequente Schwingungen, verspürt als «Zittern», «Vibrieren»
^K	Krachen, Knistern im Gebälk und/oder in den Wänden
田	Rütteln von Türen und Fensterflügeln
□	Bewegung von Gegenständen
Y	«Klirren», Aneinanderschlagen von Gläsern und Flaschen, «Klirren» von Fensterscheiben
■ SE	Verschiebung leichter Gegenstände, zum Beispiel Nippssachen, Bücher (nach SE)
■ N	Verschiebung schwerer Gegenstände, zum Beispiel Möbelstücke (nach N)
◆ S	Umfallen von Gegenständen (Fallrichtung nach S)
♂ NW	Schwanken, Schwingen frei hängender Gegenstände (in SE–NW–Richtung)
❖	Bilder verschoben
⌚	Stillstehen von Pendeluhren
◆	Risse im Verputz
◆	Herunterfallen von Gips und Mörtel
◆◆	Risse im Mauerwerk
田	Fensterscheiben zersprungen
█	Kamin beschädigt, zum Beispiel Kaminhut abgeworfen
█	Kamin vollständig zerstört
P	Parterre, im Parterre verspürt
1.St.	1. Stockwerk, verspürt im 1. Stockwerk
2.St.	2. Stockwerk, verspürt im 2. Stockwerk
ob. St.	obere Stockwerke, verspürt in den oberen Stockwerken
s	Sekunde
2s	Dauer: Zwei Sekunden
2s	Abstand: Zwei Sekunden
w	wenige
m	mehrere
v	viele
3/20	drei von zwanzig befragten Personen haben das Beben verspürt

Zahl vor dem Symbol bedeutet Anzahl. Zu jedem Ort wurden die geographischen Koordinaten hinzugefügt: erster Wert = nördliche Breite, zweiter Wert = östliche Länge. Wenn vom betreffenden Ort mehr als eine Meldung erhalten wurde, so wurde dies in der Kolonne «Bemerkungen» erwähnt. Meldungen, bei denen es zweifelhaft ist, ob sie sich auf Erdbeben beziehen, wurden nicht numeriert.

**Tabelle I** In der Schweiz 1961 verspürte Erdbeben

Tabelle I (Fortsetzung)

Nr.	Datum	G. M. T. h m s	Meldungen aus dem Schüttergebiet	Grad Rossi-Forel	Tab. II Nr.	Bemerkungen
8	15. März	01 49	Herd im Gebiet von Nauders (Österreich) Ramosch 46° 50' / 10° 24' Sent 46° 49' / 10° 20' Münster 46° 38' / 10° 27' Scuol-Schuls 46° 47' / 10° 18'	IV-V IV IV III-VI	96	888, 7, 8, viele aufgestanden, 27, 27 besonders stark mehrere Meldungen, 888, 7 888 3 Meldungen, 888, 7, 1 → SE, 7 2 s, △ 888 27 17, nachher 7 8 Mehrere Meldungen, 1 →, △, ~ ~, m. s
		15. März	02 50	Münster 46° 38' / 10° 27'	II-III	Leichtes Beben. Nachbeben?
9	18. März	17 49	Chippis 46° 17' / 07° 33'	IV	102	888, 17, nachfolgendes 7 1 s
10	19. März	15 24	Bourg St. Pierre 45° 57' / 07° 13'	IV	106	888, 17, 7
11	24. März	10 07	Sion 46° 14' / 07° 22'	IV-V	111	888, 7 1 s
12	19. April	00 16	Herd: Raichberg (Schwäbische Alb) Verspürt in der Schweiz mit Intensität III, IV und V im Gebiet nördlich einer Linie Basel-Langenthal-Luzern- Rorschach	V	133	192 Meldungen Vgl. bes. Bericht. S. 22
13	28. April	20 48	Herd: Südschwarzwald Verspürt in der Schweiz mit Intensität III, IV und V im Gebiet nördlich einer Linie La Chaux-de-Fonds-Moudon- Vevey-Meiringen-Bad Ragaz	V	148	325 Meldungen Vgl. bes. Bericht S. 23
	11. Mai	03 20	Zürich 47° 22' / 08° 32'	?		Rötelstraße, 1., 2. und 3. St., 5/5, 7, Y
14	12. Mai	04 24	Sarnen 46° 54' / 08° 17'	IV		88, 8/15, 1 → W, □
	30. Mai	13 33	La Neuveville 47° 04' / 07° 06'	?		«Mysterieuse explosion ressentie violement au Locle, La Chaux-de-Fonds, La Vue des Alpes». Dumpfes unterirdisches Rollen
15	2. Juni	01 54	Sion 46° 14' / 07° 22' Chippis 46° 17' / 07° 33'	V IV-V	186	888, 1 → 1 s 888, 7, 7 1 s
16	24. Juni	04 40	Zweisimmen 46° 33' / 07° 28'	III		88, 17
17	25. Juni	22 16	Bern 46° 57' / 07° 27'	II-III	223	Wankendorffeld, 7. St., 7, △ 1 s
18	29. Juni	03 05	Zweisimmen 46° 33' / 07° 28'	III	229	88, 17
	24. Juli	20 55	Miège bei Sierre 46° 19' / 07° 33'	II		8, 7 1 s
19	9. Aug.	13 04	Münster 46° 38' / 10° 27' Sta. Maria 46° 37' / 10° 25'	VII VI	276	888, 7, 7, 1 ↑, 7 Im Münstertal allgemein mit Intensität VI verspürt, 1 Minute später Nachstoß (siehe Nr. 20)

Tabelle I (Fortsetzung)

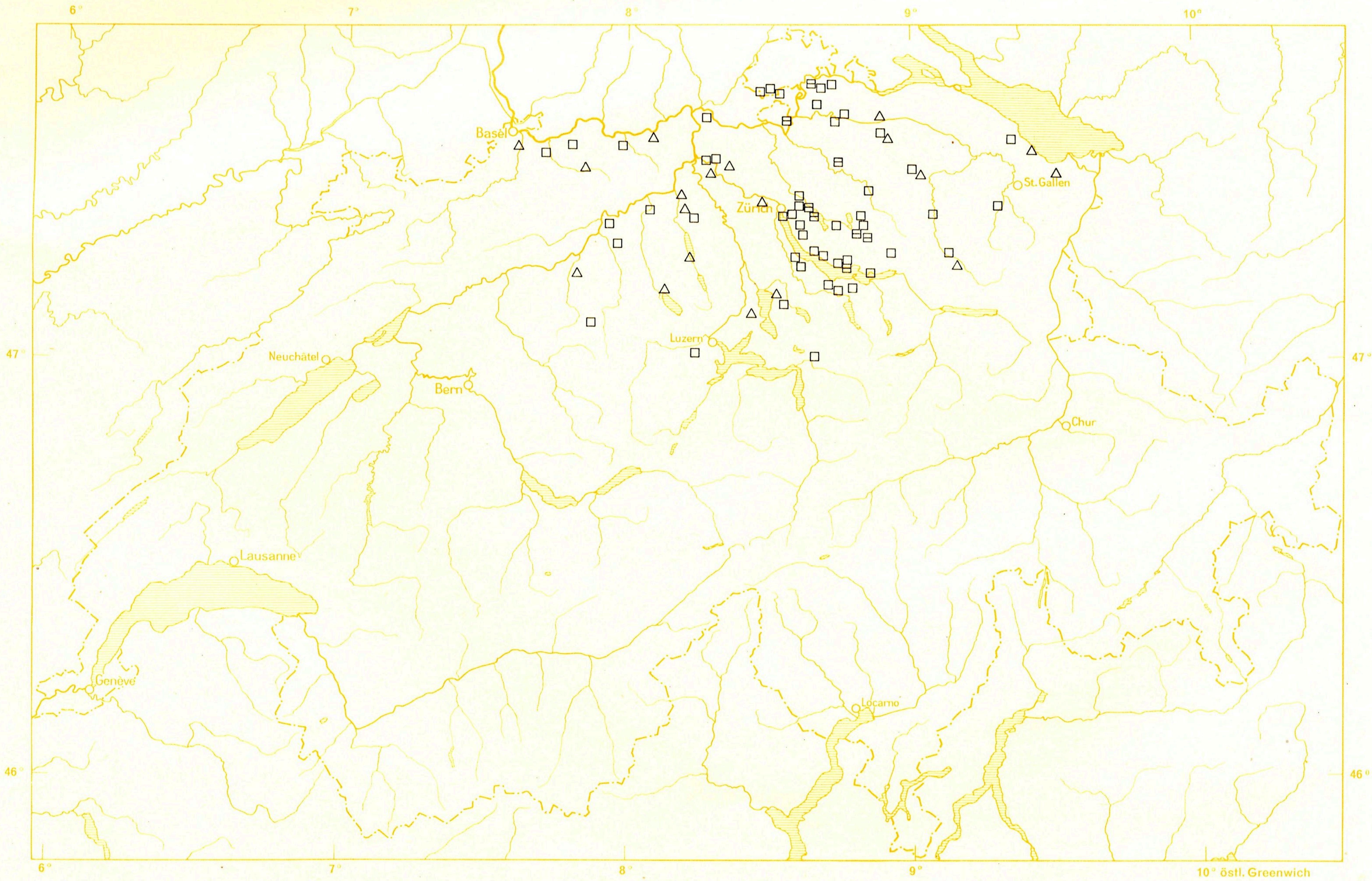
Nr.	Datum	G. M. T. h m s	Meldungen aus dem Schüttergebiet	Grad Rossi-Forel	Tab. II Nr.	Bemerkungen
			S-charl bei Schuls 46° 47' / 10° 17' Buffalora Tschierv (Ofenpaß) 46° 39' / 10° 16'	IV-V IV-V		Y, 5 ~, 1 Minute später Nachbeben 888, 27, Y, 7 1 s explosionsartig
			Scuol-Schuls 46° 47' / 10° 18'	IV		888, 7, △
			Tarasp 46° 47' / 10° 16'	IV		17, △, 7, ~
			Küblis 46° 55' / 09° 47'	IV		27, ~
			Ftan 46° 47' / 10° 15'	IV		7, ~
			Tossiglai (1,5 km nordwestlich Ftan auf 2000 m Höhe) 46° 48' / 10° 20'	III-IV		17
			Lavin 46° 46' / 10° 07'	IV		888
			Cinuos-chel 46° 38' / 10° 02'	III-IV		△, 7, ~
			Arosa 46° 47' / 09° 41'	III-IV		2 → S heftig
			Saas im Prättigau 46° 55' / 09° 49'	III-IV		88, 17
			Oberengadin	III		88
			Klosters 46° 52' / 09° 53'	III		88, 17
			Cunter im Oberhalbstein	III		8
			46° 37' / 09° 35'			
20	9. Aug.	13 05	Sta. Maria 46° 37' / 10° 25'	IV	277	888, 17, Nachstoß zu Nr. 19
			S-charl bei Schuls 46° 47' / 10° 17'	III		8, 17, 7, ~
			Ftan 46° 47' / 10° 15'	II-III		~
			Cinuos-chel 46° 38' / 10° 02'	II-III		17
21	15. Aug.	01 04	Sta. Maria 46° 37' / 10° 25'	V-VI	290	888, 7, 8, 7, 17 dann ~, wurde im ganzen Münstertal verspürt, Ferien- gäste verließen erschreckt die Häuser
22	24. Aug.	01 41	Scuol-Schuls 46° 47' / 10° 18'	IV	304	888, 17
	25. Aug.	20 29	Zürich 47° 22' / 08° 32'	III		2. St., 6 Personen, 7, ~
23	10. Sept.	17 26	Sierre und Umgebung Adelboden 46° 30' / 07° 33'	V-VI IV	331	888, 7, 17 1,5 s 888, 17 1 s
24	9. Okt.	07 55	Ermatingen Oberdorf 47° 40' / 09° 05'	III-IV		88, 17, 7 wie durch vorbeifahrenden schweren Lastwagen
25	17. Okt.	02 30	Zürich 47° 22' / 08° 32'	II-III	360	Zweierstrasse, 2 → E
	18. Okt.	11 01	Bern 46° 57' / 07° 27'	III		2. St., ~
	22. Okt.	19 22	Fiesch 46° 24' / 08° 08'	III		7, 1 → SW, ~
26	27. Okt.	06 07	Oberbalm/Uecht bei Bern 46° 53' / 07° 25'	IV-V	365	888, 1 → W, △, 7
			Bern 46° 57' / 07° 27'	III		2 ~ 3 s
			Liebefeld/Köniz bei Bern 46° 56' / 07° 25'	III		88, ~
27	23. Nov.	01 12	Epizentrum in den Bergamasker Alpen Vicosoprano 46° 22' / 09° 37'	IV-V	386	888, 27 110 sl
			Bissone 45° 57' / 08° 57'	IV-V		888, 7, 7
			Chiasso 45° 49' / 09° 03'	IV-V		888, 7, 8
			Lugano 46° 00' / 08° 57'	IV		888, 7
			Ponte Tresa 45° 58' / 08° 52'	IV		27, 7, Y 3-4 s
			Balerna 45° 50' / 09° 00'	IV		888
			Rivera 46° 08' / 08° 54'	IV		starke Stöße
			Locarno 46° 11' / 08° 48'	IV		888, 7,
			Vira-Gambarogno, Piazzogna 46° 08' / 08° 50'	IV		888, 7, 7, 7, ~

**Tabelle I (Fortsetzung)**

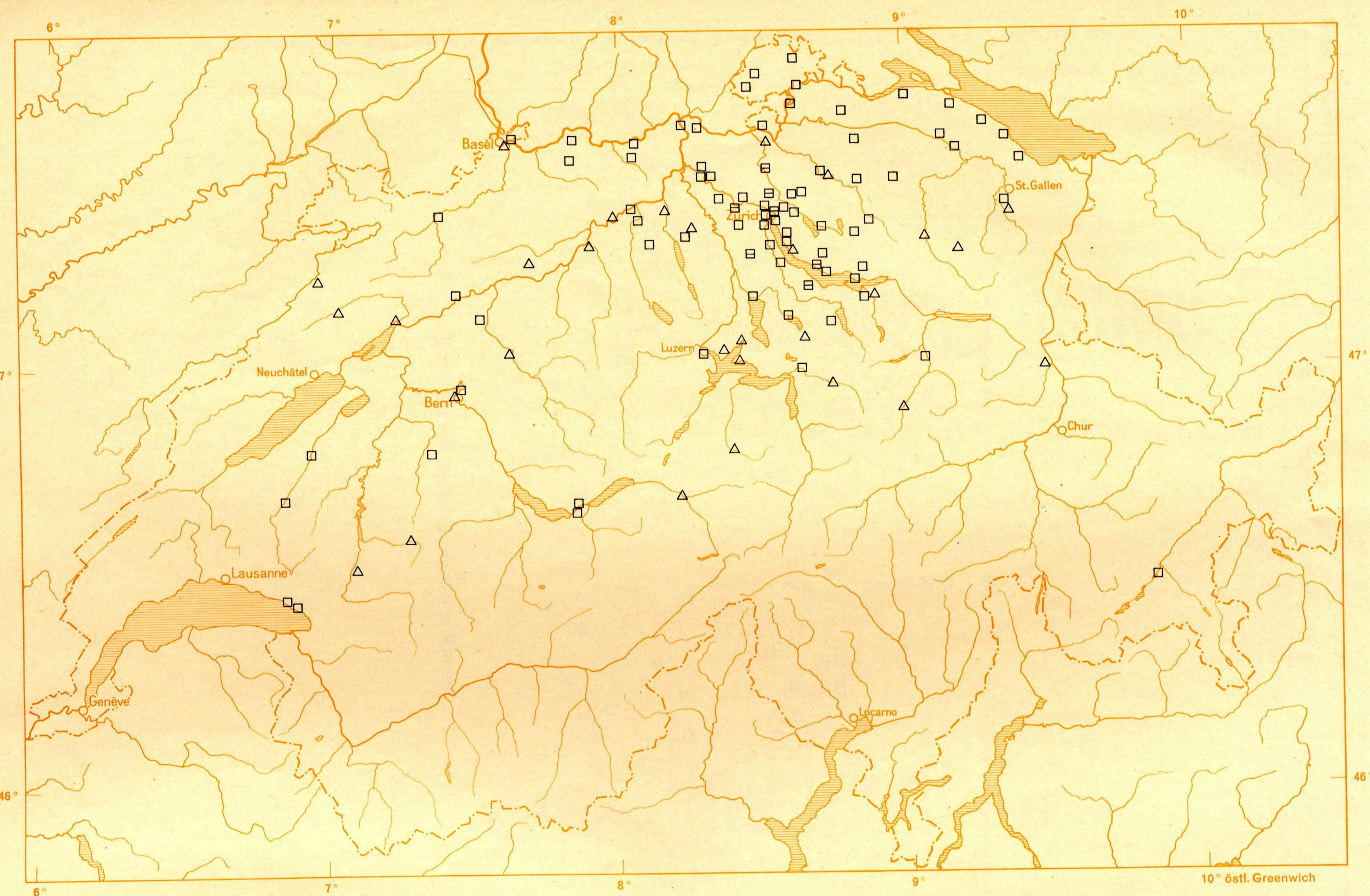
Nr.	Datum	G. M. T. h m s	Meldungen aus dem Schüttergebiet	Grad Rossi-Forel	Tab. II Nr.	Bemerkungen
			Magadino 46° 08' / 08° 51' Minusio 46° 11' / 08° 49' Fosano 46° 08' / 08° 50' Cavigliano 46° 12' / 08° 43' Bellinzona und Umgebung 46° 12' / 09° 01' Bivio 46° 28' / 09° 39' Celerina 46° 32' / 09° 52' Piazzo/Brusio 46° 16' / 10° 08' Stabio-Braggio 46° 16' / 09° 09'	IV IV IV IV IV IV IV IV IV III-IV	2 $\nearrow$ $\nearrow$ , $\sim$ 888 888 3s 888, 2 $\nearrow$ 1. Stoß schwach, $\blacksquare$ , 888 888, $\square$ , $\sim$ 2s $\square$ , $\triangle$ , $\blacksquare$ 888, 2 $\nearrow$ , $\sim$ 20s $\overline{\square}$ , $\nearrow$ , 1 → N, Öffnen und Schließen einer Tür III	
			Chur 46° 51' / 09° 32' Andeer 46° 37' / 09° 25' Trin 46° 59' / 09° 22' Thusis 46° 42' / 09° 26' Disentis 46° 43' / 08° 52' Frasco 46° 21' / 08° 48' Glarus 47° 03' / 09° 04' Zürich 47° 22' / 08° 32'	III III III III III III III II-III	telephonische Meldung telephonische Meldung 88, 2 $\nearrow$ , 1. $\nearrow$ 888, 2. $\nearrow$ stärker $\sim$ , $\blacksquare$ 88, $\sim$ S 888, 1 $\nearrow$ , 888 6s 2 leichte $\nearrow$ und ein starker $\nearrow$ Mühlebachstraße, 3. St., 1 $\nearrow$ und nachfolgendes 888 w.s., $\square$	Verschiedene spontane telephonische Meldungen
	25. Nov.	06 25	Zürich 47° 22' / 08° 32'	?		Schwanengasse, 4. St., Erschütterung von 4 Personen verspürt, Bretter heruntergefallen, Pyramide von Kupfersachen im Laden Leuthold (Eisenwaren) zusammen gestürzt, in der Decke des neugestrichenen Schlafzimmers Haarrisse
28	5. Dez.	01 10	Grono/Roveredo 46° 15' / 09° 08'	III	1 $\nearrow$	
	5. Dez.	01 30	Thalwil 47° 17' / 08° 34'	II-III	2. St., 1 $\nearrow$ , $\square$	

**Legende zu den makroseismischen Karten**

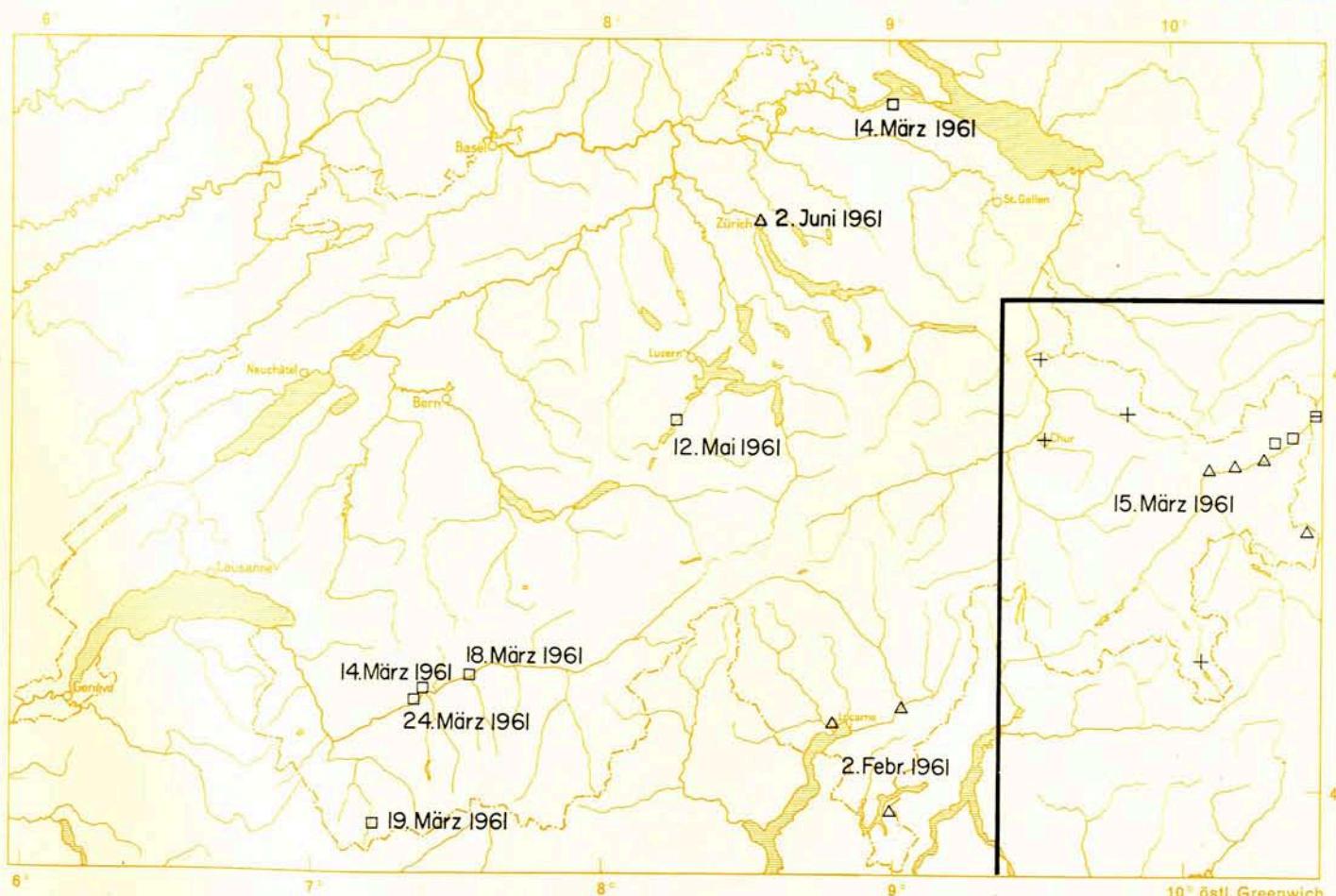
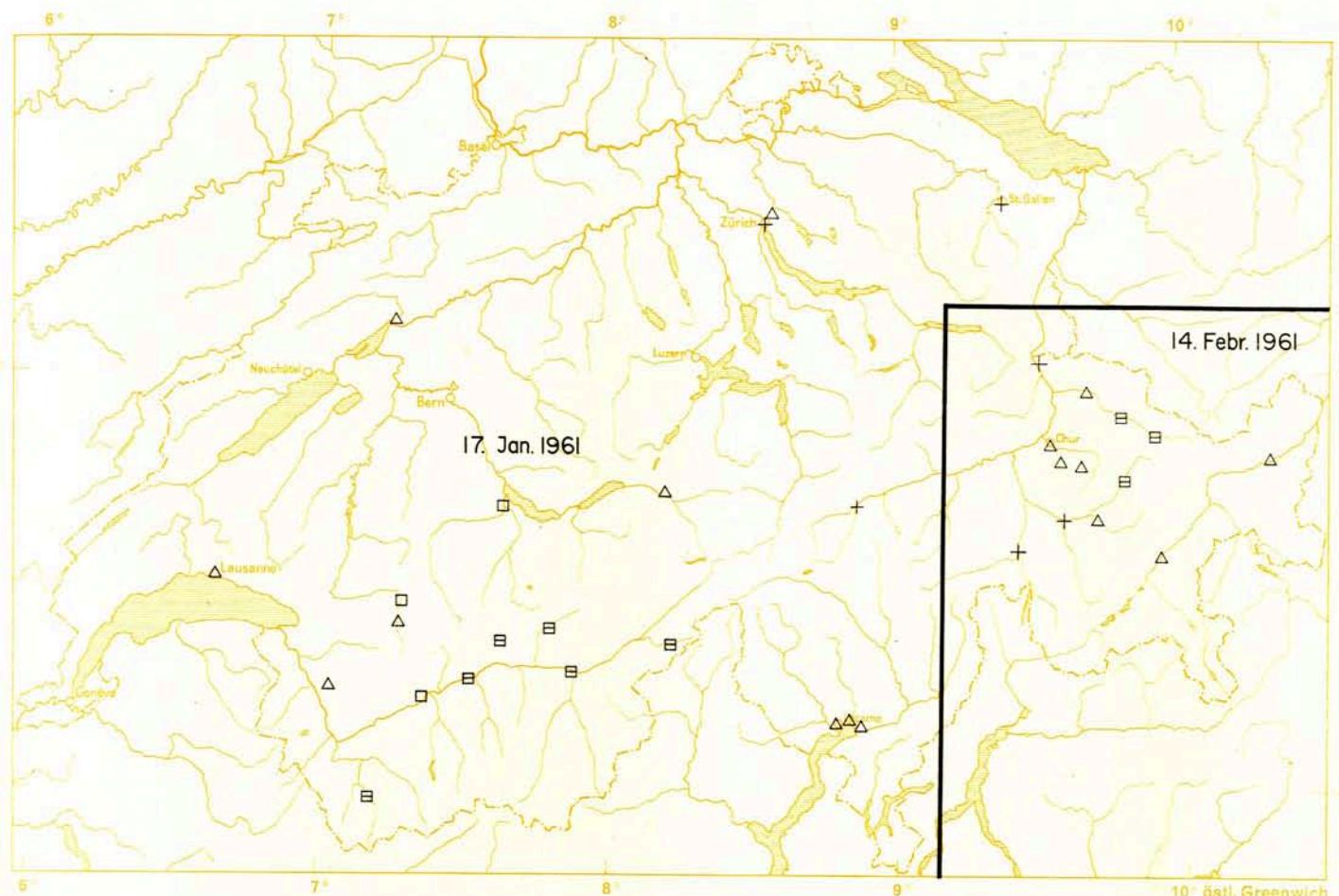
II	≤	+	<	III
III	≤	$\triangle$	<	IV
IV	≤	$\square$	<	V
V	≤	$\blacksquare$	<	VI
VI	≤	$\boxtimes$	<	VII
VII	≤	$\blacksquare$	<	VIII



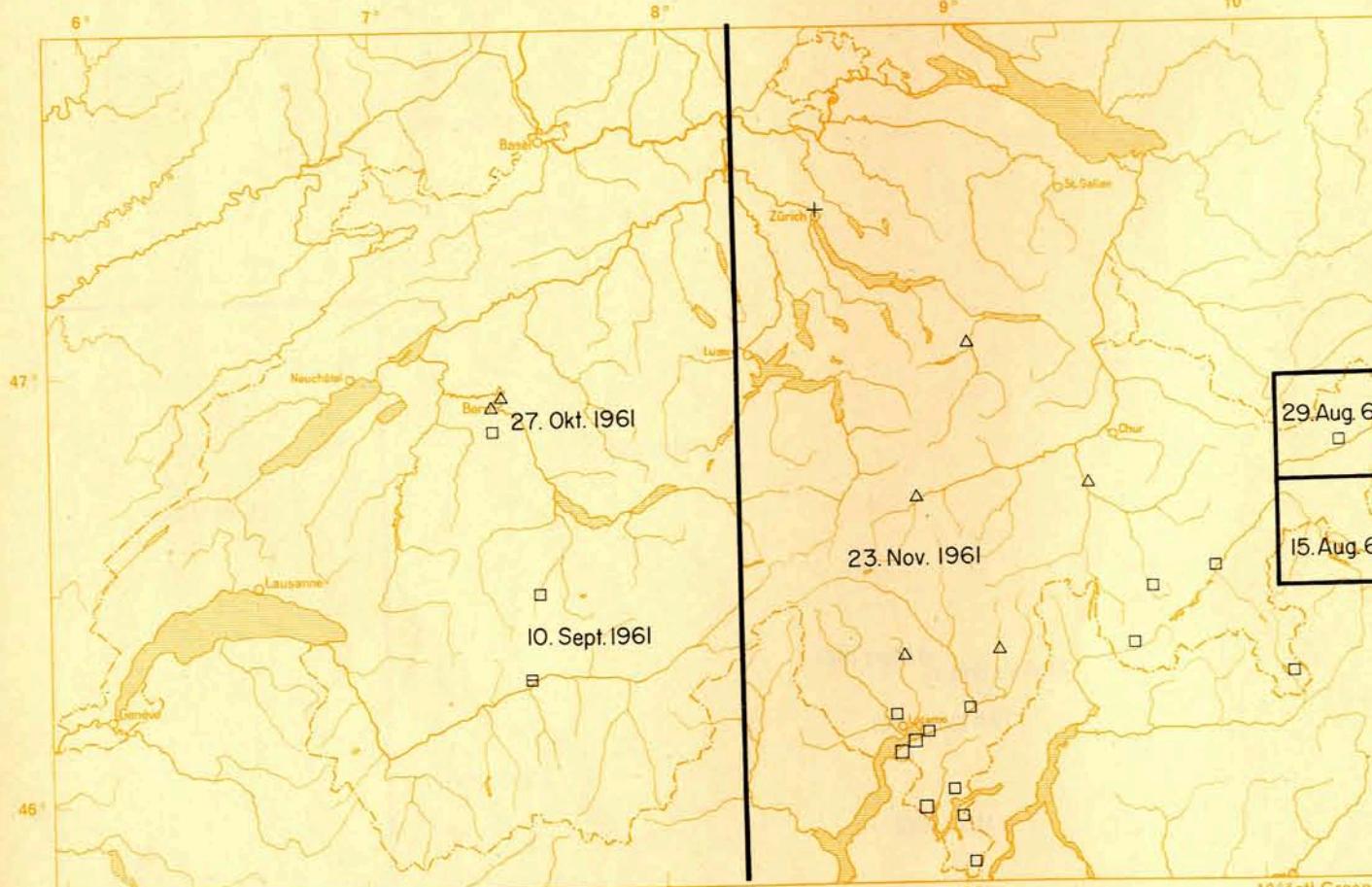
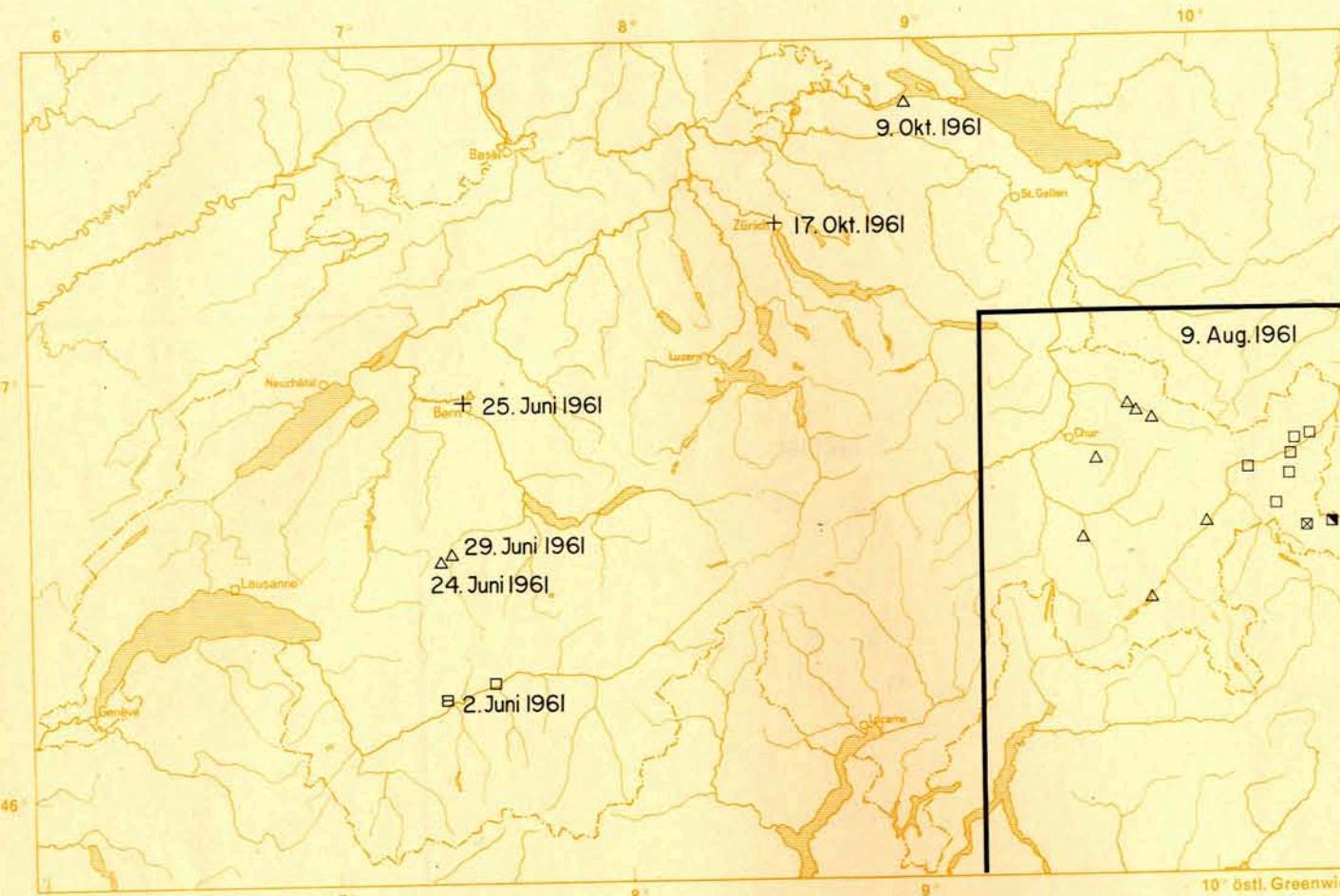
12



Das Beben vom 28. April 1961, 20.48 Uhr. Epizentrum bei Schopfheim, Süddeutschland, (47° 42,6'N ; 7° 53,0'E). Legende siehe Seite 10



In der Schweiz 1961 verspürte Erdbeben. Legende siehe Seite 10



In der Schweiz 1961 verspürte Erdbeben. Legende siehe Seite 10

**Tabelle II In der Schweiz 1961 registrierte Erdbeben**
**Bemerkungen**

1. Die Zeitangaben beziehen sich auf die *mittlere Zeit von Greenwich* (G.M.T.). Für die Angaben sind die einzelnen Stationen verantwortlich.
2. Es bedeuten:
  - BCIS = Bureau Central International de Séismologie
  - ING = Istituto Nazionale di Geofisica (Roma)
  - Str. = Straßburg
  - USCGS = United States Coast and Geodetic Survey
3. Als Abkürzungen benutzen wir:
  - Ba = Basel; Ch = Chur; Ne = Neuchâtel; Zü = Zürich
  - D = Dilatation; K = Kompression
  - ML = Minutenlücke; MS = Starke Mikroseismen
  - Ber = Berkeley; Pal = Palisades; Pas = Pasadena

Nr.	Datum	Station	Epizentrale- entfernung nach S-P	Max. Doppel- Amplit.	Ungef. Dauer der Reg.	Tab. I Nr.	Phasen, Bemerkungen	
1	1961 Jan. 1.	Ba	km	mm	min			
1	1961 Jan. 1.	Ba	—	< 1/2	5-7		e 16 h 57 m 12.6 s	e 17 h 01 m 28 s
							USCGS: H = 16 h 38 m 27.8 s; 18,3° S; 178,2° W; h = 663 km.	Region der Fiji-Inseln.
2	1961 Jan. 2.	Ba Ne Ch	—	4 1 6	5-7 8-12 6		e 10 h 31 m 08.5 s	e 10 h 34 m 15 s
							e 10 h 31 m 09.7 s	
							e 10 h 31 m 06.3 s	e 10 h 31 m 13 s K eL ca. 11 h 17 m
							USCGS: H = 10 h 11 m 56.9 s; 12,4° S; 166,4° E; h ca. 161 km; Mag: 6 1/4 (Pas); 6 1/2-6 3/4 (Ber). Inselregion von Santa Cruz.	
3	1961 Jan. 2.	Ne	—	< 1/2	< 1/2		eP 16 h 33 m 31.9 s	
							USCGS: H = 16 h 21 m 34.0 s; 52° N; 157,9° E; h ca. 43 km.	In der Nähe der Ostküste von Kamtschatka.
4	1961 Jan. 5.	Ne	—	< 1/2	1		eP 04 h 42 m 09.0 s	e 04 h 42 m 20 s
5	1961 Jan. 5.	Ne	—	< 1/2	2		e 09 h 03 m 34.0 s	
6	1961 Jan. 5.	Ba	22	1	1		eP 11 h 26 m 23.3 s K	eS 11 h 26 m 26 s
7	1961 Jan. 5.	Ba Ne	—	1 < 1/2	15-45 3		eP 14 h 18 m 43.4 s	e 14 h 26 m 35 s eL 15 h 15 m 46 s
							eP 14 h 18 m 45.7 s	
							USCGS: H = 14 h 06 m 25.9 s; 51,6° N; 176,3° W; h = 37 km; Mag: 6 3/4 (Pas); 6 1/4-6 1/2 (Ber); Andreanoff-Inseln, Aleuten; verspürt in Adak.	
8	1961 Jan. 5.	Ba Ne	—	1 1	1 1/4-3/4 < 1/2		eP 15 h 21 m 58.0 s K	
							eP 15 h 22 m 02.0 s ML	
							USCGS: H = 15 h 09 m 37,9 s; 45,7° N; 149,3° E; h ca. 19 km; Kurilen-Inseln.	
9	1961 Jan. 5.	Ba	—	1	4		ePKP 16 h 13 m 52.8 s	
							USCGS: H = 15 h 53 m 56.0 s; 4,1° S; 143,0° E; h ca. 108 km; Mag: 6 3/4-7 (Pas). Verspürt in Neu-Guinea.	
10	1961 Jan. 5.	Ba Ne Ch	—	6 2 1,7	8-12 5-7 6		ePKP 18 h 17 m 28.8 s	ePKP 18 h 17 m 40 s
							ePKP 18 h 17 m 37.0 s	
							iPKP 18 h 17 m 37.7 s D	
							USCGS: H = 17 h 57 m 56.6 s; 21,2° S; 169,3° E; h ca. 123 km; Mag: 6 3/4 (Pas); 6 3/4-7 (Ber); Region der Loyalty-Inseln.	
11	1961 Jan. 5.	Ba	—	4	60-120		e 18 h 34 m 15.0 s K	ePKP 18 h 34 m 25 s
							e 18 h 43 m 28 s	eL 19 h 20 m 36 s
							ePKP 18 h 34 m 20.8 s	
							iPKP 18 h 34 m 23.6 s D	
							USCGS: H = 18 h 14 m 43.0 s; 21,0° S; 169,1° E; h ca. 124 km; Mag: 6 3/4 (Pas); Loyalty-Inseln.	
12	1961 Jan. 6.	Ne	—	1	1		iP 06 h 52 m 15.6 s	
13	1961 Jan. 7.	Ne Ba	—	< 1/2	4		e 10 h 35 m 03.5 s	
							e 10 h 35 m 13.6 s	
							USCGS: H = 10 h 30 m 58.0 s; 35,9° N; 27,0° E; h ca. 127 km. Dodekanes-Inseln.	
14	1961 Jan. 7.	Ch Ne Ba	—	1/2 < 1/2 1	6 2 5-7		cP 15 h 55 m 59.2 s D	e 15 h 58 m 03.3 s
							eP 15 h 56 m 15.7 s	e 15 h 58 m 35.3 s
							e 15 h 56 m 18.4 s	e 15 h 58 m 31 s

Nr.	Datum	Station	Epizentral- entfernung nach S-P	Max. Doppel- Amplit.	Ungef. Dauer der Reg.	Tab. I Nr.	Phasen, Bemerkungen					
1961	Jan.		km	mm	min		BCIS: H = 15 h 52 m 51 s; 37,6° N; 20,8° E; Ionische Inseln. USCGS: H = 15 h 52 m 54,0 s; 37,7° N; 21,1° E; h ca. 22 km. In der Nähe der Westküste von Griechenland.					
15	10.	Ch	—	2	< 60		eP 14 h 34 m 23,3 s	iP 14 h 34 m 24,6 s				
		Ba	—	6	60-120		e 14 h 40 m 41 s	eL ca. 15 h 05 m				
		Ne	—	3	15-45		eP 14 h 34 m 23,5 s K	e 14 h 34 m 28 s				
							e 14 h 41 m 34 s	eL 15 h 16 m 05 s				
							eP 14 h 34 m 26,8 s					
							USCGS: H = 14 h 22 m 18,2 s; 49,9° N; 156,2° E; h ca. 29 km; Mag: 6 3/4 (Pas.), 6 1/4 (Ber.), 6 1/4-6 1/2 (Pal.). Region der Kurilen-Inseln.					
16	11.	Ba	—	1	4		e 12 h 12 m 05,9 s					
		Ne	—	1	4		e 12 h 12 m 12,2 s D					
							USCGS: H = 11 h 59 m 55,0 s; 51,8° N; 171,0° W; h ca. 47 km. Fuchs-Inseln, Aleuten.					
17	11.	Ne	—	< 1/2	< 1/2		e 19 h 44 m 47,8 s					
							USCGS: H = 19 h 29 m 05,9 s; 24,7° S; 69,8° W; h ca. 98 km. In der Nähe der Küste von Nord-Chile.					
18	12.	Ba	—	1	8-12		eP 14 h 25 m 05,7 s K					
							USCGS: H = 14 h 13 m 27,7 s; 57,4° N; 155,9° W; h ca. 40 km. Halbinsel Alaska.					
19	13.	Ba	—	1	1		eP 16 h 58 m 21,3 s K	e 16 h 58 m 30 s				
20	14.	Ba	—	1	8-12		eP 16 h 50 m 59,1 s	e 16 h 56 m 47 s				
		Ne	—	1	2		eP 16 h 51 m 01,0 s ML					
							USCGS: H = 16 h 38 m 55,6 s; 53,9° N; 163,7° W; h ca. 41 km; Mag: 5 3/4 (Pal.). Inselregion von Unimak.					
21	15.	Ba	—	1	4		eP 12 h 05 m 36,1 s					
							USCGS: H = 11 h 53 m 10,9 s; 39,5° N; 143,3° E; h ca. 75 km. In der Nähe der Ostküste von Honshu, Japan.					
22	15.	Ba	—	1	5-7		ePKP 17 h 04 m 15,6 s; ML; e 17 h 04 m 50 s					
		Ne	—	1	3		ePKP 17 h 04 m 19,0 s;					
							USCGS: H = 16 h 44 m 44,8 s; 20,4° S; 169,5° E; h ca. 182 km. Region der Loyalty-Inseln.					
23	16.	Ch	9600	6,5	60		i P 07 h 32 m 53,7 s; K; eP 07 h 32 m 54,0 s					
		Ba	9640	12	60-120		eS 07 h 43 m 20 s	eL ca. 08 h 08 m 10 s				
		Ne	9710	10	60-120		eP 07 h 32 m 57,2 s; K	eS 07 h 43 m 25 s	eL 08 h 09 m 05 s			
						eP 07 h 33 m 01,0 s	eS 07 h 43 m 28 s					
						USCGS: H = 07 h 20 m 18,6 s; 36,0 N; 141,1° E; h ca. 131 km; Mag: 6 3/4-7 (Pas.), 7 1/4 (Str.). In der Nähe der Ostküste von Honshu, Japan. Verspürt in Zentral- und Nordost-Honshu.						
24	16.	Ba	—	4	15-45		eP 11 h 32 m 20,5 s	e 11 h 43 m 29 s				
							USCGS: H = 11 h 19 m 46,5 s; 35,7° N; 140,6° E; h ca. 157 km. Bei der Ostküste von Hondo, Japan.					
25	16.	Ba	9640	11	60-120		eP 12 h 25 m 11,2 s	eS 12 h 35 m 34 s	eL 13 h 13 m 58 s			
		Ne	—	7	60-120		e 12 h 25 m 16,0 s	e 12 h 36 m 15 s				
		Ch	—	3	60		e 12 h 25 m 17,6 s	e 12 h 35 m 48,6 s	eL 13 h 00 m 20 s			
							USCGS: H = 12 h 12 m 34,4 s; 36,2° N; 141,7° E; h ca. 105 km; Mag: 6 1/2-6 3/4 (Pas.). Honshu, Japan.					
26	16.	Ba	—	< 1/2	3		eP 14 h 16 m 41,3 s					
							USCGS: H = 14 h 04 m 05,3 s; 36,3° N; 141,2° E; h ca. 127 km. In der Nähe der Ostküste von Honshu, Japan.					
27	16.	Ch	—	1,5	45		e 15 h 53 m 53,6 s	e 16 h 04 m 48 s	eL 16 h 30 m 06 s			
		Ba	—	8	60-120		e 15 h 53 m 55,5 s K	e 16 h 04 m 34 s	eL 16 h 17 m 27 s			
		Ne	—	3	60-120		e 15 h 54 m 12,0 s	e 16 h 04 m 44 s				
							USCGS: H = 15 h 41 m 23,3 s; 36,4° N; 140,4° E; h ca. 147 km. In der Nähe der Ostküste von Japan.					
28	17.	Ne	117	21	4	1	iP* 01 h 52 m 17,9 s	i 01 h 52 m 21 s	iSg 01 h 52 m 32 s			
		Ba	170	60	8-12		Azimut = 150°					
		Ch	187	24,5	4		iPg 01 h 52 m 27,4 s K	i 01 h 52 m 29 s	iSg* 01 h 52 m 46 s			
							iPn 01 h 52 m 31,8 s K	iPg 01 h 52 m 34,4 s D	iSg 01 h 52 m 56,7			
							Zürich: H = 01 h 51 m 57 s; 46°01,7'N; 7°28,2'E; 2 1/2 km westlich von Arolla, Wallis.					
							BCIS: H = 01 h 52 m 05 s; 46,5° N; 07,4° E; Berner Alpen. Verspürt in Sitten, Wallis.					

Nr.	Datum	Station	Epizentral-entfernung nach S-P	Max. Doppel-Amplit.	Ungef. Dauer der Reg.	Tab. I Nr.	Phasen, Bemerkungen					
29	1961 Jan. 17.	Ne Ba	km 116 135	mm 3 4	min 2 2		eP* eP*	07 h 18 m 12.0 s 07 h 18 m 22.4 s D	e eSg	07 h 18 m 15 s 07 h 18 m 39 s	iSg	07 h 18 m 26 s
30	17.	Ne	98	1	1	3	ePg	22 h 29 m 54.3 s	eSg	22 h 30 m 06 s		
31	17.	Ba	—	< ½	2		e	23 h 25 m 28.4 s K USCGS: H = 23 h 05 m 32.5 s; 21,4° S; 169,3° E; h ca. 84 km. Region der Loyalty-Inseln.				
32	19.	Ne	—	< ½	2		e	12 h 57 m 39.0 s				
33	19.	Ba Ne	— —	1 2	4 3		e e	17 h 34 m 24.5 s K 17 h 34 m 27.3 s				
34	20.	Ba Ne	— —	1 < ½	5-7 15-45		e e e	17 h 20 m 58.0 s K 17 h 21 m 01.0 s 17 h 30 m 43 s				
								USCGS: H = 17 h 09 m 15.7 s; 56,4° N; 152,3° E; h ca. 46 km; Mag: 6 ¾ (Pas); Ochotskisches Meer.				
35	20.	Ba	—	1	3		e	22 h 47 m 25.6 s K USCGS: H = 22 h 34 m 51.1 s; 38,1° N; 141,2° E; h ca. 52 km In der Nähe der Ostküste von Honshu, Japan.				
36	22.	Ba	—	4	60-120		e eS	03 h 37 m 33.3 s 03 h 46 m 32 s	e	03 h 43 m 34 s		
37	22.	Ne	—	< ½	8-12		ePKP	03 h 43 m 36.0 s USCGS: H = 03 h 24 m 04.5 s; 11,9° S; 166,2° E; h ca. 25 km; Mag: 6 ¼-6 ½ (Ber); 7 (Pas); Region der Insel Santa Cruz.	e	03 h 46 m 45 s		
38	22.	Ne	—	< ½	< ½		e	15 h 46 m 16.8 s	e	15 h 46 m 21 s		
39	24.	Ch Ne Ba	— — —	0,6 4 2	3 4 15-45		iPKP ePKP e	07 h 44 m 19.6 s D 07 h 44 m 21.1 s 07 h 44 m 22.1 s MS	e	07 h 54 m 45 s		
								USCGS: H = 07 h 25 m 03.5 s; 15,6° S; 167,6° E; h ca. 198 km. Insel-Region der Neuen Hebriden.				
40	25.	Ba Ch Ne	— — —	1 0,3 1	4 ½ 2		e e e	19 h 16 m 22.8 s MS 19 h 16 m 24 s 19 h 16 m 25.5 s				
								USCGS: H = 19 h 04 m 22.8 s; 49,8° N; 156,0° E; h = 98 km; Kurilen-Inseln.				
41	25.	Ba	—	1	4		e	19 h 16 m 22.8 s MS USCGS: H = 19 h 04 m 22.8 s; 49,8° N; 156,0° E; h ca. 98 km; Kurilen-Inseln.				
42	26.	Ba	—	1	1		e	06 h 39 m 31.4 s MS	e	06 h 40 m 34 s		
43	26.	Ch Ne	— —	0,7 < ½	2 2		e ePKP	16 h 32 m 02 s K 16 h 33 m 13.0 s	e	16 h 33 m 02 s		
								USCGS: H = 16 h 13 m 25.1 s; 21,4° S; 169,5° E; h = 119 km; Mag: 6 ½ (Pas); 6-6 ¼ (Ber); Loyalty-Inseln.				
44	26.	Ba	—	1	5-7		e	16 h 48 m 06.4 s MS				
45	26.	Ch Ba Ne	— — —	½ 2 < ½	2 2 2		ePKP ePKP ePKP	19 h 08 m 37.6 s 19 h 08 m 39.6 s K MS 19 h 08 m 40.2 s				
								USCGS: H = 18 h 48 m 56.9 s; 20,7° S; 169,5° E; h ca. 106 km; Region der Loyalty-Inseln.				
46	27.	Ba	30	1	1		ePg	10 h 40 m 17.4 s	eSg	10 h 40 m 21 s MS		
47	28.	Ne Ch	— —	< ½ ½	1-2 1-2		e e	07 h 21 m 28.0 s 07 h 23 m 11.7 s	e	07 h 23 m 42.0 s		
								USCGS: H = 07 h 18 m 16.2 s; 39,3° N; 22,0° E; h ca. 89 km; Im Norden von Griechenland.				
48	28.	Ne	—	< ½	1		eS	13 h 31 m 12.4 s				
49	28.	Ba Ne	— —	< ½ < ½	5-7 2		e e	20 h 01 m 34.8 s MS 20 h 02 m 51.6 s				
								USCGS: H = 19 h 43 m 01.4 s; 21,3° S; 169,5° E; h ca. 50 km; Mag: 6 ¼ (Pas); 6 (Pal). Region der Loyalty-Inseln.				

Nr.	Datum	Station	Epizentrale- entfernung nach S-P	Max. Doppel- amplit.	Ungef. Dauer der Reg.	Tab. I Nr.	Phasen, Bemerkungen							
50	1961 Jan. 29.	Ch Ba	km —	mm 0.4 $< \frac{1}{2}$	min 15 3		eP e	22 h 34 m 04.0 s ML 22 h 35 m 46.2 s MS	eS	22 h 46 m 25 s				
51	31.	Ne Ba	— —	$< \frac{1}{2}$ $< \frac{1}{2}$	2 3		e e	01 h 00 m 26.0 s 01 h 00 m 27.3 s MS						
								USCGS: H = 00 h 48 m 36.5 s; 55.8° N; 153.9° W; h ca. 26 km; Mag: 6 (Ber); 6½ (Pas). Bei der Insel Kodiak, Alaska.						
52	Febr. 2.	Ne	—	1	1	4	iP	06 h 33 m 53.6 s						
								Zürich: Verspürt in Bissone (46°57' N; 8° 58' E) Tessin.						
53	3.	Ba Ne	— —	3 1	5-7 4		e e	23 h 59 m 34.6 s 23 h 59 m 47.5 s	e	00 h 00 m 44 s				
54	4.	Ch Ne Ba	7725 — —	0.9 $< \frac{1}{2}$ 1	2-3 4 4		eP eP e	09 h 02 m 44.1 s 09 h 02 m 55.1 s 09 h 03 m 52.2 s K	epP	09 h 03 m 16.1 s				
								Quetta: H = 08 h 51 m 41 s; 25½° N; 96° E; h = 60 km; Mag: 5.8 Shillong: H = 08 h 51 m 50 s; 24° N; 95° E; USCGS: H = 08 h 51 m 48.9 s; 24.7° N; 95.3° E; h ca. 162 km; Nord-Burma.						
55	4.	Ne	—	1	1		e	13 h 01 m 30.0 s						
56	6.	Ne	—	$< \frac{1}{2}$	1		eP	18 h 27 m 47.1 s						
								USCGS: H = 18 h 15 m 21.6 s; 44.8° N; 149.1° E; h ca. 25 km; Kurilen-Inseln.						
57	6.	Ba Ch Ne	— — 14660	2 1 1	5-7 5-6 5-7		e ePKP ePKP ePKP	22 h 04 m 09.2 s K 22 h 04 m 16.6 s 22 h 04 m 23.2 s	e ePKS	22 h 07 m 35 s 22 h 07 m 44 s 22 h 07 m 45 s				
								USCGS: H = 21 h 45 m 13.5 s; 6.8° S; 155.3° E; h ca. 59 km; Salomoninseln, verspürt.						
58	7.	Ne	—	$< \frac{1}{2}$	$< \frac{1}{2}$		e	22 h 21 m 50.2 s						
59	8.	Ch Ne	—	$\frac{1}{2}$ 2	2 3		ePKP ePKP ePKP	02 h 55 m 59.1 s D 02 h 56 m 02.3 s ML 02 h 36 m 40.5 s; 15.3° S; 167.5° E; h ca. 162 km.						
								Inselregion der Neuen Hebriden.						
60	9.	Ba Ch Ne	17815 17775 17885	3 0.7 1	8-12 6-7 5-7		ePKP ePKP ePKP	02 h 28 m 03.0 s K 02 h 28 m 14.0 s K 02 h 28 m 14.2 s	esPKP isPKP esPKP	02 h 28 m 46 s 02 h 28 m 57.3 s D 02 h 28 m 58 s	e	02 h 32 m 47 s 02 h 32 m 39 s		
								USCGS: H = 02 h 08 m 15.9 s; 28.2° S; 177.4° W; h ca. 37 km; Mag: 6¾ (Pas); 6¼ (Ber). Inselregion von Kermadec.						
61	10.	Ba Ne	—	2 1	4 4		e e	18 h 57 m 00.6 s 18 h 55 m 02.2 s						
								BCIS: H = 18 h 51 m 55 s; 41.5° N; 6.3° W; Spanisch-Portugiesische Grenze, im Osten der Provinz «Traz-os-Montes» (Portugal). Verspürt IV-V in der Region von Bragança (nach Lissabon).						
62	10.	Ba Ne	—	2 1	5-7 3		e e	19 h 20 m 48.6 s 19 h 21 m 41.3 s	e	19 h 22 m 53 s				
								BCIS: H = 19 h 16 m 28 s; Nachstoß vom 10. II. 61; Zeit: 18 h 57 m; 41.5° N; 6.3° W.						
63	11.	Ba Ch Ne	— 17000 17110	3 1.7 2	8-12 10 5-7		ePKP ePKP iPKP	21 h 20 m 51.0 s K 21 h 21 m 03.1 s K 21 h 21 m 04.3 s	e isPKP isPKP	21 h 21 m 40 s 21 h 21 m 47.5 s D 21 h 21 m 49 s	e	21 h 25 m 24 s 21 h 25 m 22 s		
								USCGS: H = 21 h 01 m 06.4 s; 28.2° S; 177.5° W; h = 41 km; Mag: 6¾ (Pas); 6¾ (Ber); Kermadec-Inseln.						
64	12.	Ch Ne	— 9210	2 7	60 60-120		eP eP	22 h 06 m 04.9 s K 22 h 06 m 08.2 s	e eS	22 h 15 m 17 s 22 h 16 m 24 s	eLca.	22 h 36 m		
								USCGS: H = 21 h 53 m 43.5 s; 43.7° N; 147.6° E; h = 45 km; Mag: 6¾-7 (Pas); 7 (Pal). Kurilen-Inseln.						
65	12.	Ne	—	1	8-12		e	23 h 39 m 01.0 s ML						
								USCGS: H = 23 h 26 m 34.5 s; 44.0° N; 147.7° E; h ca. 23 km. Kurilen-Inseln.						
66	13.	Ba Ne	—	$< \frac{1}{2}$	2 3		ePKP ePKP	07 h 05 m 06.2 s K 07 h 05 m 13.0 s						
								USCGS: H = 06 h 45 m 25.0 s; 17.0° S; 173.7° W; h = 43 km; Mag: 5¾ (Pas), 6 (Pal). Inselregion von Tonga.						

Nr.	Datum	Station	Epizentrale- entfernung nach S-P	Max. Doppel- amplit.	Ungef. Dauer der Reg.	Tab. I Nr.	Phasen, Bemerkungen					
67	1961 Feb. 13.	Ch Ba Ne	km — —	mm 0.7 3	min 90 15-45 5-7		eP eP eP	16 h 39 m 46 s 16 h 39 m 47.6 s 16 h 39 m 49.5 s	e	16 h 49 m 52 s		
								USCGS: H = 16 h 27 m 20.9 s; 43.7° N; 149.6° E; h ca. 25 km; Mag: 6-6½ (Pas); 5½-5¾ (Pal). Kurilen-Inseln.				
68	14.	Ba Ne	—	$< \frac{1}{2}$	3 5-7		e eP	03 h 34 m 19.0 s K 03 h 34 m 29.2 s				
								USCGS: H = 03 h 22 m 00.7 s; 43.8° N; 147.9° E; h = 20 km; Mag: 6-6½ (Pas). Kurilen-Inseln.				
69	14.	Ch Ba Ne	22 164 198	12 1 $< \frac{1}{2}$	1 1 1	5	iPg ePn iPg	20 h 35 m 01.7 s 20 h 35 m 25.0 s K 20 h 35 m 35.6 s	iSg iSg iSg	20 h 35 m 04.4 s 20 h 35 m 46 s 20 h 36 m 02 s ML		
								Zürich: H = 20 h 34 m 58 s; 47° 03.1' N; 9° 33.4' E; Gir, Ausläufer des Mazora Kopfes (Rhätikon, Graubünden).				
70	15.	Ch Ne Ba	107 202 215	3.7 2 5	1 2 2		iPg iPg Sn-Pn	09 h 33 m 01.9 s 09 h 33 m 16.2 s = 25.4 s	iSg iSg iSg	09 h 33 m 14 s 09 h 33 m 19 s 09 h 33 m 43 s	BCIS: H = 09 h 32 m 43 s; 45.9° N; 9.1° E. Beim Comersee, Norditalien.	
								USCGS: H = 10 h 45 m 15.9 s; 43.7° N; 147.4° E; h ca. 69 km; Mag: 6-6½ (Pas), 6 (Pal). Kurilen-Inseln.				
71	15.	Ba Ne	—	2	15-45 15-45		e eP	10 h 57 m 18.6 s 10 h 57 m 40.0 s				
								USCGS: H = 10 h 45 m 15.9 s; 43.7° N; 147.4° E; h ca. 69 km; Mag: 6-6½ (Pas), 6 (Pal). Kurilen-Inseln.				
72	16.	Ch Ba Ne	— — —	1.2 2 1	7-8 8-12 5-7		e e e	03 h 46 m 01.1 s 03 h 48 m 58 s 03 h 47 m 10.2 s	e e e	03 h 46 m 07.3 s 03 h 49 m 45 s 03 h 50 m 11 s		
								USCGS: H = 12 h 25 m 03.1 s				
73	16.	Ne	—	$< \frac{1}{2}$	4		eP	14 h 07 m 16.0 s				
								USCGS: H = 13 h 54 m 53.7 s; 43.2° N; 148.0° E; h = 71 km; Mag: 6-6½ (Pas). Kurilen-Inseln.				
74	18.	Ne	203	$< \frac{1}{2}$	1		eP	00 h 14 m 43.8 s	iS	00 h 15 m 08 s		
								USCGS: H = 12 h 05 m 36.3 s; 22.6° S; 171.3° E; h = 38 km, Region der Loyalty-Inseln.				
75	18.	Ba	—	1	3		e	12 h 25 m 03.1 s				
								USCGS: H = 17 h 02 m 10.0 s; 1.3° S; 15.7° W; h ca. 25 km. Atlantischer Ozean, im Norden der Insel Ascension.				
76	18.	Ba	—	1	4		e	17 h 10 m 58.5 s D				
								USCGS: H = 17 h 02 m 10.0 s; 1.3° S; 15.7° W; h ca. 25 km. Atlantischer Ozean, im Norden der Insel Ascension.				

Nr.	Datum	Station	Epizentrale-entfernung nach S-P	Max. Doppel-Amplit.	Ungf. Dauer der Reg.	Tab. I Nr.	Phasen, Bemerkungen								
82	1961 Febr. 27.	Ne	km	mm	min		e 21 h 44 m 16.0 s	e 21 h 47 m 55.5 s							
83	27.	Ne	—	< 1/2	1		e 21 h 58 m 45.5 s								
							USCGS: H = 21 h 54 m 30.6 s; 36.2° N; 26.9° E; h ca. 32 km. Aegäisches Meer.								
84	März 3.	Ne Ch	223	1 0.4	2		eP* 00 h 53 m 04.0 s; iSg 00 h 53 m 30 s								
			—				eS* 00 h 54 m 01.7 s e 00 h 54 m 04.5 s								
							BCIS: H = 00 h 52 m 27 s; 45° 08' N; 5° 50' E; Graisvaudan, im Südosten von Grenoble. Verspürt VI-VII in Gières, V in Domène, St. Martin d'Uriage, Vaulnaveys le Bas, Jarrie etc., IV in Grenoble. Makroseismischer Radius = 23 km.								
85	3.	Ne	—	< 1/2	< 1/2		e 04 h 23 m 27.6 s								
86	4.	Ba	—	< 1/2	1		eP 22 h 38 m 21.9 s K								
87	7.	Ba Ne Ch	— 17600	6 4	> 120 60-120		e 10 h 30 m 22.7 s D eSKKS 10 h 41 m 23 s	eL 11 h 12 m 18 s							
							ePKP 10 h 30 m 37.0 s								
							iPKP 10 h 30 m 38.2 s D ePP 10 h 35 m 05 s								
							USCGS: H = 10 h 10 m 38.9 s; 28.2° S; 175,7° W; h ca. 43 km; Mag: 7 1/4-7 1/2 (Pas); 7-7 1/2 (Pal). Region der Kermadec-Inseln.								
88	9.	Ba	—	< 1/2	4		e 04 h 08 m 26.5 s								
							USCGS: H = 03 h 59 m 08.7 s; 10,9° N; 41,7° W; h ca. 27 km. Atlantischer Ozean.								
89	10.	Ch Ba	—				e 01 h 54 m 43.3 s e 01 h 55 m 55.1 s								
90	11.	Ba Ne Ch	—	1	4		eP 01 h 43 m 36.6 s K								
			—	1	3		eP 01 h 43 m 48.4 s								
			—				eP 01 h 43 m 45.8 s eL 02 h 00 m 00 s								
							USCGS: H = 01 h 31 m 34.4 s; 48,7° N; 154,6° E; h ca. 26 km; Mag: 6 1/2 (Ber). Kurilen-Inseln.								
91	11.	Ne	—	< 1/2	< 1/2		i 02 h 59 m 15.8 s								
92	11.	Ba Ch Ne	—	2	8-12		e 08 h 49 m 09.9 s								
			—	1	4		e 08 h 49 m 30 s; ML								
			—				eP 08 h 49 m 33.3 s								
							BCIS: H = 08 h 41 m 06 s; 11,8° N; 43,0° E; Golf von Tadjura, Französische Somalilandküste. Verspürt in Djibuti VI-VII, leichter Schaden. Auch verspürt in Tadjura und weniger stark in Ali-Sabieh und Dikhil, 40 Nachstöße (nach dem meteorologischen Dienst an der französischen Somalilandküste). USCGS: H = 08 h 41 m 00 s; 11,2° N; 43,3° E; h ca. 18 km. In der Nähe der Küste von Britisch Somaliland.								
93	12.	Ne	—	< 1/2	< 1/2		eP 16 h 20 m 01.0 s ML								
94	13.	Ch Ba Ne	—	1	5-7		eP 19 h 21 m 23.9 s								
			—	2	8-12		eP 19 h 21 m 33.9 s ML								
			—	1	5-7		e 19 h 21 m 40.8 s e 19 h 25 m 18 s								
							USCGS: H = 19 h 17 m 16.1 s; 34,4° N; 26,5° E; h ca. 25 km. Kreta.								
95	14.	Ba	149	1	2	7	ePg 23 h 58 m 53.7 s K eSg 23 h 59 m 11 s								
96	15.	Ch Ba	97 265	9	4	8	iPg 01 h 49 m 52.6 s iSg 01 h 50 m 04.0 s i 01 h 50 m 13.7 s								
							ePn 01 h 50 m 14.3 s K eS* 01 h 50 m 48 s								
							BCIS: H = 01 h 49 m 38 s; 46,7° N; 10,8° E; Alpen vom Oetztal. Verspürt in Sent (Unterengadin, Schweiz).								
97	16.	Ne	—	1	< 1/2		e 07 h 38 m 03.8 s	e 07 h 38 m 05 s							
98	16.	Ne	—	< 1/2	1		e 08 h 28 m 05.0 s	e 08 h 28 m 09 s							
99	16.	Ne	—	< 1/2	< 1/2		eS 09 h 29 m 46.0 s								
100	17.	Ba	—	< 1/2	2		e 20 h 29 m 49.7 s								
							USCGS: H = 20 h 10 m 36.4 s; 24,3° S; 175,6° W; h ca. 79 km; Mag: 6 (Pas). Region der Tongainseln.								
101	18.	Ch Ne	18075 18272	1	60-120		ePKP 15 h 15 m 54.5 s ePP 15 h 19 m 32.5 s								
							ePKP 15 h 16 m 01.0 s ePP 15 h 19 m 42 s								
							USCGS: H = 14 h 54 m 59.3 s; 49,9° S; 163,3° E; h = 38 km; Mag: 6 3/4-7 (Pas); 6 1/2-6 3/4 (Ber); 6 1/2 (Pal). Südlich Neuseeland.								

Nr.	Datum	Station	Epizentrale-entfernung nach S-P	Max. Doppel-Amplit.	Ungf. Dauer der Reg.	Tab. I Nr.	Phasen, Bemerkungen							
102	1961 März 18.	Ne Ba	km 121 130	mm 3 5	min 2 2	9	iP* 17 h 49 m 54.4 s	eP* 17 h 50 m 04.2 s D	iPg eSg	17 h 49 m 58 s	17 h 50 m 20 s	iSg	17 h 50 m 09 s	
103	19.	Ba	—	—	1	3	eP 05 h 04 m 22.6 s K							
104	19.	Ba Ch	—	—	1/2	2	ePKP 07 h 34 m 35.6 s K	ePKP 07 h 34 m 37 s						
105	19.	Ba Ne Ch	—	—	2	5-7	ePKP 12 h 25 m 27.8 s K	ePKP 12 h 25 m 29.5 s						
106	19.	Ne	117	1	1	10	eP* 15 h 24 m 13.0 s	eSg	15 h 24 m 27 s					
107	20.	Ne Ba Ch	— — —	2 8	5-7 8-12		e 16 h 12 m 43.0 s	e 16 h 12 m 45.4 s	e 16 h 12 m 47 s	e 16 h 15 m 23 s	e 16 h 12 m 49.8 s			
							USCGS: H = 15 h 53 m 09.9 s; 18,4° S; 175,2° W; h ca. 175 km; Mag: 6 1/2-6 3/4 (Pas, Ber). Tonga-Inseln.							
108	21.	Ba	—	< 1/2	3		e 00 h 02 m 45.4 s							
							USCGS: H = 23 h 42 m 33.9 s; 24,2° S; 175,9° W; h = 25 km; Mag: 6 1/4 (Pas); 6 1/2 (Pal). Region der Tonga-Inseln.							
109	21.	Ba	—	—	1	3	ePKP 20 h 14 m 45.8 s ML							
							USCGS: H = 19 h 54 m 44.4 s; 22,8° S; 171,4° E; h ca. 19 km. Region der Loyalty-Inseln.							
110	21.	Ba	—	< 1/2	3		e 22 h 15 m 51.5 s							
110*	23.	Ch Ne Ba	— — 550	2 5	5-7 5-7		eP 01 h 02 m 55 s	e 01 h 03 m 43 s						
							eP 01 h 03 m 12.9 s	eP 01 h 03 m 13.0 s	eS 01 h 04 m 21 s					
							BCIS: H = 01 h 01 m 59 s; 44,0° N; 12,7° E. An der italienischen Küste der Adria. In der Region von Rimini. USCGS: H = 01 h 02 m 01.6 s; 43,5° N; 12,9° E; h ca. 116 km. In der Nähe der Nordostküste von Italien.							
111	24.	Ba Ne	— —	9 1	< 1/2	11	e 10 h 07 m 59.6 s	eS 10 h 08 m 05.5 s	e 10 h 08 m 03 s					
112	24.	Ne Ba	120 145	2 3	1 3		iP* 10 h 30 m 41.6 s	iP* 10 h 30 m 51.5 s ML	i 10 h 30 m 45 s	iSg				

Nr.	Datum	Station	Epizentrale- entfernung nach S-P	Max. Doppel- Amplit.	Ungef. Dauer der Reg.	Tab. I Nr.	Phasen, Bemerkungen							
							km	mm	min	iP	15 h 26 m 53.9 s K	iPP	15 h 29 m 04 s	eL ca. 15 h 41 m
120	1961 April 1.	Ch Ba	5325 —	200 11	120 15-45		eP	15 h 27 m 17.4 s K	e	15 h 29 m 16 s	e	15 h 37 m 22 s		
							eL	16 h 16 m 43 s						
121	4.	Ch	—	> 200	120		e	09 h 55 m 24 s	e	09 h 57 m 18 s				
							i	10 h 01 m 54 s	eL ca.	10 h 11 m				
122	5.	Ba	—	< 1/2	1		eP	09 h 55 m 30.9 s	eSS	10 h 06 m 10 s	eL	10 h 11 m 12 s		
							e	09 h 55 m 40.5 s						
123	6.	Ba	—	—	1	4								
							USCGS: H = 09 h 46 m 36.6 s; 40,1° N; 77,8° E; h ca. 16 km.							
124	6.	Ch Ba Ne	3925 — —	12 2 1	60 8-12 4		iP	18 h 20 m 20 s K	eS	18 h 26 m 37 s				
							e	18 h 20 m 27.3 s	e	18 h 27 m 00 s				
125	8.	Ba	—	< 1/2	1		ePKP	16 h 19 m 24.5 s K						
							USCGS: H = 15 h 59 m 49.2 s; 18,2° S; 168,6° E; h ca. 120 km.							
126	8.	Ba Ch	— —	1	60-120		ePP	18 h 19 m 04.9 s	e	18 h 20 m 00 s				
							ePP	18 h 19 m 06 s K	e	18 h 28 m 55 s				
127	8.	Ba	—	—	1	3								
							USCGS: H = 17 h 59 m 46.7 s; 38,2° S; 72,7° W; h ca. 60 km;							
128	9.	Ch Ba Ne	9600 — —	3	60-120		ePP	21 h 55 m 19.9 s D						
							USCGS: H = 21 h 36 m 41.6 s; 14,8° N; 145,1° E; h ca. 105 km;							
129	12.	Ba	—	1	3		e	05 h 20 m 17.6 s						
							eP	22 h 32 m 55.3 s	e	22 h 36 m 41 s				
130	12.	Ba Ch	9525 —	2	5-7	> 60	eP	22 h 33 m 05 s K	eS	22 h 43 m 24 s				
							USCGS: H = 22 h 20 m 33.6 s; 13,1° N; 88,9° W; h ca. 122 km;							
131	13.	Ch Ba Ne	— — —	300 15 9	> 180 15-45 15-45		eP	16 h 43 m 23.6 s K	e	16 h 50 m 33 s	eL ca.	16 h 58 m		
							eP	16 h 43 m 32.2 s K	e	16 h 54 m 41 s				
132	16.	Ba Ne	— —	2	3		eP	16 h 43 m 36.5 s	e	16 h 54 m 48 s				
							USCGS: H = 16 h 34 m 39.1 s; 40,1° N; 77,8° E; h ca. 19 km.							
133	19.	Ba Ne	131 216	52 4	4	12	eP*	00 h 16 m 34.4 s K	eSn	00 h 16 m 52 s	eSg	00 h 16 m 46 s		
							iP*	00 h 16 m 43.0 s	i	00 h 16 m 46 s				
134	19.	Ba Ne	— —	3	3		eP	16 h 24 m 49.6 s K						
							eP	16 h 24 m 53.1 s						
135	19.	Ne	—	—	1	2	e	18 h 25 m 43.5 s						
							USCGS: H = 18 h 13 m 51.8 s; 55,1° N; 163,6° E; h ca. 21 km. Kamtchatka.							

Nr.	Datum	Station	Epizentrale- entfernung nach S-P	Max. Doppel- Amplit.	Ungef. Dauer der Reg.	Tab. I Nr.	Phasen, Bemerkungen						
136	1961 April 19.	Ba Ne	—	—	< 1/2	3	eP	20 h 32 m 12.4 s ML					
137	19.	Ba	—	—	1	4	eP	20 h 32 m 15.0 s					
138	20.	Ba Ne	—	—	< 1/2	8-12	USCGS: H = 20 h 19 m 46.4 s; 44,6° N; 150,2° E; h ca. 27 km. Kurilen-Inseln.						
139	21.	Ba Ne	—	—	< 1/2	8-12	eP	22 h 20 m 12.4 s ML					
140	21.	Ba Ne	—	—	< 1/2	8-12	USCGS: H = 22 h 07 m 51.2 s; 44,9° N; 149,5° E; h ca. 34 km. Kurilen-Inseln.						
141	23.	Ba	—	—	9	60-120	eP	20 h 22 m 52.5 s K					
142	23.	Ba	—	—	1	8-12	eP	20 h 22 m 57.3 s					
143	23.	Ba	—	—	2	15-45	USCGS: H = 20 h 10 m 38.3 s; 47,7° N; 154,6° E; h ca. 27 km. Kurilen-Inseln.						
144	25.	Ba Ne	—	—	< 1/2	4	eP	21 h 38 m 48.1 s	e	21 h 48 m 53 s			
145	26.	Ba Ne	—	—	1	15-45	eP	21 h 39 m 01.0 s ML					
146	26.	Ba	—	—	2	15-45	USCGS: H = 21 h 26 m 42.1 s; 51,7° N; 173,9° W; h ca. 36 km; Andreanoff-Inseln, Aleuten.						
147	28.	Ne	—	—	< 1/2	2	eP	09 h 14 m 01.5 s	e	09 h 14 m 04 s			
148	28.	Ba Ne Ch											

Nr.	Datum	Station	Epizentrale- entfernung nach S-P	Max. Doppel- Amplit.	Ungf. Dauer der Reg.	Tab. I Nr.	Phasen, Bemerkungen			
152	1961 April 30.	Ba	km	mm	min		e 11 h 27 m 35.6 s USCGS: H = 11 h 15 m 19.8 s; 44,6° N; 149,7° E; h ca. 70 km. Kurilen-Inseln.			
153	30.	Ba	—	1	15-45		ePKP 15 h 08 m 01.8 s USCGS: H = 14 h 48 m 11.5 s; 15,3° S; 174,4° W; h ca. 25 km. Inselregion von Samoa.	e 15 h 16 m 51 s		
154	Mai 2.	Ba	—	1	4		eP 03 h 17 m 09.5 s USCGS: H = 03 h 11 m 45.7 s; 71,2° N; 6,9° W; h ca. 22 km. Region der Jan-Mayen-Inseln.	e 07 h 41 m 52.2 s D eS 07 h 42 m 03 s		
155	2.	Ba	91	4	4		iP* 07 h 57 m 03.2 s e 21 h 02 m 47.9 s	iS* 07 h 57 m 22 s e 21 h 08 m 02 s		
156	2.	Ne	156	1	1					
157	2.	Ba	—	1	5-7					
158	2.	Ba	—	1	60-120		e 23 h 02 m 39.2 s USCGS: H = 22 h 44 m 44.3 s; 27,8° S; 176,5° W; h ca. 47 km; Mag: 6 1/4 (Pas); 6 1/4-6 1/2 (Ber), 6 1/4 (Pal). Region der Kermadec-Inseln.	eL 00 h 01 m 16 s		
159	6.	Ba	—	1	8-12		e 10 h 46 m 36.2 s			
160	6.	Ba	—	1	3		e 16 h 07 m 10.5 s USCGS: H = 16 h 04 m 33.1 s; 37,4° N; 11,2° E; h ca. 30 km. Mitteländisches Meer. Bei der Küste von Tunesien.			
161	6.	Ba	—	1	4		e 19 h 47 m 18.8 s USCGS: H = 19 h 38 m 04.6 s; 1,2° S; 15,5° W; h ca. 24 km. Atlantischer Ozean. Im Norden der Insel Ascension.			
162	6.	Ba Ne	—	2	4		ePKP 23 h 33 m 04.4 s K ePKP 23 h 33 m 06.0 s	e 23 h 35 m 00 s USCGS: H = 23 h 13 m 29.5 s; 17,2° S; 167,9° E; h ca. 96 km. Insel-Region der Neuen Hebriden.		
163	7.	Ba	—	1	8-12		eP 15 h 46 m 18.2 s USCGS: H = 15 h 40 m 52.5 s; 71,2° N; 7,1° W; h ca. 66 km. Region der Jan-Mayen-Inseln.			
164	8.	Ba	—	< 1/2	1		e 11 h 17 m 37.4 s			
165	8.	Ba Ne	—	8	5-7		e 22 h 46 m 58.7 s eP 22 h 47 m 02.7 s	e 22 h 48 m 09 s e 22 h 48 m 22 s		
166	13.	Ne	—	1	4		e 22 h 45 m 51 s; 44,2° N; 11,9° E. Etruskischer Apennin. Italien. BCIS: H = 22 h 45 m 50.0 s; 43,8° N; 11,8° E; h ca. 21 km. Italien. USCGS: H = 22 h 45 m 50.0 s; 43,8° N; 11,8° E; h ca. 21 km. Italien.			
167	14.	Ba	—	1	5-7		e 15 h 11 m 48.5 s USCGS: H = 14 h 52 m 55.3 s; 17,5° S; 178,8° W; h ca. 556 km. Region der Fiji-Inseln.			
168	16.	9740	3	60-120			eP 15 h 43 m 18.0 s USCGS: H = 15 h 38 m 07.5 s; 67,7° N, 18,4° W; h ca. 23 km. Im Norden von Island.	e 21 h 58 m 13.4 s eS 22 h 08 m 57 s	e 22 h 02 m 32 s eL 22 h 23 m 44 s	
169	17.	Ba Ne	—	3	8-12		USCGS: H = 21 h 45 m 24.0 s; 30,0° N; 132,0° E; h ca. 25 km; Mag: 5 1/4-5 1/2 (Pal). Riu-Kiu-Inseln.	eP 19 h 41 m 31.1 s eP 19 h 41 m 34.0 s	e 19 h 51 m 47 s	
170	18.	Ba	—	2	1		Shillong: H = 19 h 29 m 20 s; 50° N; 172,3° E. USCGS: H = 19 h 29 m 19.3 s; 52,0° N; 173,9° E; h ca. 21 km; Mag: 6 (Pas), 6 1/4-6 1/2 (Pal). In der Nähe der Insel Atka, Aleuten.	e 15 h 05 m 26.7 s	e 15 h 05 m 34 s	
171	19.	Ba	—	1	3		e 13 h 41 m 48.5 s			
172	19.	Ba	—	1	4		eP 16 h 50 m 16.7 s K USCGS: H = 16 h 37 m 28.9 s; 24,1° N; 123,4° E; h ca. 71 km. Riu-Kiu-Inseln.			
173	20.	Ba	—	1	3		e 18 h 01 m 48.0 s			

Nr.	Datum	Station	Epizentrale- entfernung nach S-P	Max. Doppel- Amplit.	Ungf. Dauer der Reg.	Tab. I Nr.	Phasen, Bemerkungen				
174	1961 Mai 22.	Ba	km	mm	min		e 14 h 04 m 17.6 s USCGS: H = 13 h 44 m 35.8 s; 21,3° S; 174,4° W; h ca. 97 km; Mag: 6 (Pas), 5 3/4 (Ber), 6 1/4 (Pal). Tonga-Inseln.	e 14 h 08 m 30 s			
175	22.	Ba	—	2	8-12		ePKP 17 h 52 m 16.0 s USCGS: H = 17 h 32 m 21.6 s; 22,8° S; 176,1° W; h ca. 35 km; Mag: 6 1/2-6 3/4 (Pas). Region der Tonga-Inseln.	e 17 h 52 m 41 s			
176	23.	Ch Ba	1935	45	20		eP 02 h 49 m 20.9 s K eP 02 h 49 m 26.4 s K e 03 h 04 m 07 s iP 02 h 49 m 37.5 s	eS 02 h 52 m 37 s e 02 h 53 m 10 s ML e 03 h 07 m 00 s e 02 h 53 m 20 s			
177	23.	Ba	—	1	8-12		BCIS: H = 02 h 45 m 18.8 s ± 0,7 s; 36,8° N; 28,7° E; h = 70 ± 10 km. Schäden auf der Insel Rhodos. In der Türkei sind in Marmarica, Ula und Milas (Provinz Mugla) zahlreiche Häuser zerstört. (Dieses Beben wurde mit der Elektronikrechenmaschine der Universität Straßburg berechnet).	eP 04 h 52 m 36.3 s K			
178	25.	Ba	—	1	8-12		USCGS: H = 02 h 45 m 16 s; 36,4° N; 28,3° E; h ca. 49 km; Mag: 6 1/4 (Pas, Pal). Dodekanes-Inseln. Mäßiger Eigentumsschaden in der Umgebung von Rhodos und im Südwesten der Türkei.	e 00 h 22 m 25.7 s Triest: d = 360 km (Distanz).	e 00 h 28 m 38 s		
179	25.	Ba	—	1	4		ePKP 21 h 26 m 29.8 s K USCGS: H = 21 h 07 m 29.7 s; 14,8° S; 177,4° W; h ca. 417 km. Region der Fiji-Inseln.				
180	27.	Ba	—	< 1/2	2		e 07 h 30 m 25.7 s K USCGS: H = 07 h 18 m 12.2 s; 41,0° N; 142,1° E; h ca. 156 km. In der Nähe der Nordküste von Honshu, Japan.				
181	28.	Ba Ne	—	< 1/2	4		e 09 h 00 m 18.1 s eP 09 h 00 m 19.0 s	e 09 h 01 m 19 s BCIS: H = 08 h 59 m 16 s; 44 1/4° N; 11 1/2° E; Im Süden von Bologna, Apennin, Italien.	e 09 h 01 m 26 s		
182	29.	Ch Ne Ba	326	0.7	2-3		eP* 04 h 14 m 42.0 s ML ePn 04 h 14 m 52.0 s e 04 h 14 m 53.2 s	eSn 04 h 15 m 16.3 s e 04 h 15 m 56 s			
183	30.	Ne Ch Ba	113 127 140	2 0.8 8	2 1 3		BCIS: H = 04 h 13 m 41 s; 44 1/4° N; 11 1/2° E. Apennin, südlich Bologna. Rom: Bollettino Sismico Definitivo macht folgende makroseismische Angaben: Nach der Mercalli-Skala: V Bagno di Romagna, Verghereto, Badia, Chiusa della Verna; III Bibbiena, Caprese Michelangelo, Pieve S. Stefano.	ePn 02 h 04 m 21.5 s eP* 02 h 04 m 25.1 s ML eP* 02 h 04 m 28.6 s D	eSg 02 h 04 m 40.6 s eSg 02 h 04 m 46 s	e 02 h 04 m 48 s	
184	Juni 1.	Ch Ba Ne	4905 5068 —	1.3 4 1	15-45 15-45		Zürich: H = 02 h 04 m 03 s ± 2 s; 46° 20,8' N; 8° 04,5' E. Gifrischgraben, am Bettlihorn (Wallis).	eP 23 h 37 m 40.7 s K eP 23 h 37 m 42.4 s K eP 23 h 37 m 44.0 s	ePP 23 h 39 m 24 s eS 23 h 44 m 39 s	eL 00 h 00 m 50 s	
185	2.	Ba	—	< 1/2	3		BCIS: H = 23 h 29 m 21 s; 10,3° N; 39,9° E. Aethiopien. Teilweise Zerstörung des Dorfes von Kara Koré (10° 32' N; 39° 56' E). 5 Tote durch herunterfallende Steine, Spalten im Boden; verspürt V in	e 00 h 17 m 22.0 s ML			
186	2.	Ne	119	1	2	15	Addis-Abeba (nach dem Observatorium von Addis-Abeba). Mag: 6.5-7 (Praha); 6 1/2-6 3/4 (Pas); 6 1/4 (Str.). USCGS: H = 23 h 29 m 21.1 s; 10,6° N; 39,3° E; h ca. 51 km; Mag: 6 1/2-6 3/4 (Pas), 6 1/2 (Pal). Beträchtlicher Schaden in Kara Koré. Verspürt in Addis-Abeba.	iP* 01 h 54 m 48.7 s	e 01 h 54 m 51 s	iSg 01 h 55 m 03 s	
187	2.	Ch Ne Ba	—	1.3 1 3	15-45 15-45		eP 04 h 59 m 26.0 s eP 04 h 59 m 36.2 s	e 05 h 06 m 20 s	eS 05 h 06 m 28 s		
							USCGS: H = 04 h 51 m 10.4 s; 9,8° N; 40,0° E; h ca. 41 km; Mag: 6 1/4-6 1/2 (Pas). Aethiopien, verspürt in Addis-Abeba. BCIS: H = 04 h 51 m 14 s; 10,3° N; 39,9° E. Nachstoß vom 1. Juni 1961, Zeit 23 h 29 m 21 s. Aethiopien.				

Nr.	Datum	Station	Epizentral-entfernung nach S-P	Max. Doppel-Amplif.	Ungew. Dauer der Reg.	Tab. I Nr.	Phasen, Bemerkungen					
188	1961 Juni 2.	Ba	km 126	mm 3	min 2		eP* 01 h 55 m 58.6 s	eSg	01 h 56 m 14 s			
189	2.	Ch Ne Ba	— — —	1 < 1/2	15-45		eP 05 h 30 m 49.2 s					
							eP 05 h 30 m 54.0 s					
							eP 05 h 30 m 55.4 s					
							Str.: H = 05 h 22 m 33 s; 10,3° N; 39,9° E. Nachstoß, Aethiopien.					
							USCGS: H = 05 h 22 m 29.1 s; 10,3° N; 39,6° E; h ca. 26 km. Aethiopien.					
190	2.	Ch Ne Ba	— — —	0.4 1	15-45		eP 05 h 53 m 14 s					
							eP 05 h 53 m 18.0 s					
							eP 05 h 53 m 19.7 s ML					
							BCIS: H = 05 h 44 m 57 s; 10,3° N; 39,9° E. Nachstoß, Aethiopien.					
							USCGS: H = 05 h 44 m 52.4 s; 10,3° N; 39,8° E; h ca. 31 km. Aethiopien.					
191	3.	Ba	—	1	5-7		e 15 h 31 m 41.3 s					
							USCGS: H = 15 h 23 m 16.6 s; 9,8° N; 39,8° E; h ca. 50 km. Aethiopien.					
192	4.	Ch Ba Ne	6025 — —	1.6 3	35 15-45		eP 07 h 42 m 33.1 s	eS	07 h 50 m 12.8 s	e	07 h 53 m 13 s	
							eP 07 h 42 m 41.3 s D	e	07 h 50 m 55 s	eL	08 h 09 m 06 s	
							eP 07 h 42 m 45.0 s					
							Shillong: H = 07 h 33 m 10 s; 33° N; 82° E. Tibet.					
							USCGS: H = 07 h 33 m 05.4 s; 33,8° N; 81,8° E; h ca. 46 km;					
							Mag: 6 1/2 (Pas). Tibet.					
193	6.	Ne	—	1	1		eP 15 h 14 m 53.3 s	e	15 h 14 m 59 s			
194	7.	Ne Ba	— 6140	1	15-45		eP 14 h 24 m 51.0 s K					
							eP 14 h 24 m 57.2 s	eS	14 h 32 m 36 s	eL	15 h 15 m 44 s	
							USCGS: H = 14 h 15 m 18.9 s; 5,4° S; 11,6° W; h ca. 17 km;					
							Mag: 5 1/4-5 1/2 (Pal). Inselregion Ascension.					
195	8.	Ba	—	1	5-7		e 07 h 29 m 08.9 s					
196	9.	Ba	—	< 1/2	3		e 17 h 38 m 05.6 s					
197	10.	Ne	—	7	15-45		eP 05 h 18 m 12.0 s	e	05 h 24 m 36 s			
198	10.	Ne	—	< 1/2	4		e 05 h 37 m 59.0 s					
199	11.	Ch Ba	4425 4580	4.3 11	30 > 120		eP 05 h 17 m 56.9 s	eS	05 h 24 m 04 s			
							eP 05 h 18 m 09.8 s K	eS	05 h 24 m 15 s	eL	06 h 06 m 43 s	
							BCIS: H = 05 h 10 m 23 s; 28,3° N; 54,7° E; Mag: 6 1/2-6 3/4 (Pas), 6 1/4 (Str.).					
							Im Nordosten von Lar, Süd-Iran. Zerstörung des Dorfes Dehkhoue					
							(27° 52' N; 54° 26' E) 62 Tote. Schaden in Lar, 10 Verwundete (nach Chiraz).					
							USCGS: H = 05 h 10 m 27.9 s; 27,9° N; 54,7° E; h ca. 44 km;					
							Mag: 6 1/2-6 3/4 (Pas), 6 1/4-6 1/2 (Pal). Süd-Iran. Bedeutender Eigentumsschaden					
							im Bereiche von Lar. Viele Verluste.					
200	11.	Ba Ne	313 395	2 < 1/2	3 2		eP 10 h 49 m 46.5 s	e	10 h 49 m 50 s	eS	10 h 50 m 21 s	
							eP 10 h 49 m 48.0 s	eS	10 h 50 m 31 s			
201	11.	Ch Ne Ba	4425 —	1/2 < 1/2	9 8-12		eP 12 h 38 m 54.5 s	eS	12 h 45 m 00.5 s			
							eP 12 h 39 m 13.1 s					
							e 12 h 39 m 21.1 s K	eS	12 h 45 m 29 s ML			
							BCIS: H = 12 h 31 m 23 s. Nachstoß von Süd-Iran vom 11. Juni 1961. Zeit:					
							05 h 10 m 23 s. Im Nordosten von Lar.					
							USCGS: H = 12 h 31 m 26.8 s; 28,0° N; 54,6° E; h ca. 36 km. Iran.					
202	11.	Ch Ba Ne	4425 4580	0.4 2	8 8-12		eP 14 h 05 m 31.0 s	eS	14 h 11 m 33.6 s			
							eP 14 h 05 m 43.2 s K	eS	14 h 11 m 58 s			
							eP 14 h 05 m 46.0 s					
							BCIS: H = 13 h 57 m 56 s. Nachstoß, im NE von Lar, Süd-Iran.					
							USCGS: H = 13 h 57 m 58.6 s; 27,6° N; 54,6° E; h ca. 63 km. Süd-Iran.					
203	13.	Ba Ne Ch	— — —	3 < 1/2 0.4	5-7 5-7 3-4		e 21 h 57 m 30.1 s	e	21 h 57 m 56 s	e	22 h 00 m 08 s	
							e 21 h 57 m 35.0 s					
							e 21 h 57 m 57.0 s K					
							USCGS: H = 21 h 37 m 55.0 s; 21,4° S; 176,4° W; h ca. 146 km.					
							Region der Tonga-Inseln.					
204	14.	Ch Ne	— —	0.2 < 1/2	4 4		e 20 h 40 m 38.5 s					
							eP 20 h 40 m 40.0 s					
							USCGS: H = 20 h 32 m 24.0 s; 10,8° N; 40,1° E; h ca. 56 km. Aethiopien.					
205	15.	Ba Ne	— —	3 1	5-7 2		eP 23 h 37 m 01.1 s					
							eP 23 h 37 m 04.0 s					
							USCGS: H = 23 h 24 m 40.5 s; 45,4° N; 151,3° E; h ca. 38 km. Kurilen-Inseln.					

Nr.	Datum	Station	Epizentral-entfernung nach S-P	Max. Doppel-Amplif.	Ungew. Dauer der Reg.	Tab. I Nr.	Epizentral-entfernung nach S-P	Max. Doppel-Amplif.	Ungew. Dauer der Reg.	Tab. I Nr.	Phasen, Bemerkungen
206	1961 Juni 16.	Ne Ba Ch	km 8578 8620 8775	mm 4 6 2	min 15-45 15-45 15-45		eP 10 h 43 m 41.0 s	eS	10 h 53 m 19 s		
							eP 10 h 43 m 43.5 s D	eS	10 h 53 m 25 s		
							eP 10 h 43 m 51.0 s	i	10 h 43 m 52.5 s K	eS	10 h 53 m 37 s
							USCGS: H = 10 h 31 m 56.2 s; 8,8° N; 73,4° W; h ca. 120 km;				
							Mag: 6 (Pas). In Nordkolumbien. Verspürt in Barrancabermeja, Maracaibo, Venezuela.				
207	16.	Ch	km 145	mm 2.3	min 2		eP* 17 h 06 m 57.4 s	i	17 h 07 m 01.1 s		
		Ne Ba	368 303	1/2	2		iS* 17 h 07 m 14.9 s	i	17 h 07 m 20.6 s		
							ePn 17 h 07 m 26.5 s	eSn	17 h 08 m 07 s		
							Sg - Pn = 44.5 s				
208	17.	Ba	—	1	5-7		e 08 h 13 m 01.9 s	e	08 h 16 m 55 s		
							USCGS: H = 08 h 05 m 54.5 s; 28,7° N; 55,3° E; h ca. 25 km. Süd-Iran.				
209	17.	Ne	—</								

Nr.	Datum	Station	Epizentral-entfernung nach S-P	Max. Doppel-Amplif.	Ungf. Dauer der Reg.	Tab. I Nr.	Phasen, Bemerkungen						
225	1961 Juni 26.	Ba Ne	km —	mm 1	min 5-7		e 14 h 59 m 05.4 s e 14 h 59 m 37.6 s USCGS: H = 14 h 47 m 26.1 s; 52,4° N; 174,5° E; h ca. 60 km; Mag: 5 1/2-5 3/4 (Pal). In der Nähe der Insel Atka, Aleuten.	e 15 h 00 m 01 s e 07 h 15 m 01.9 s e 07 h 15 m 25.1 s USCGS: H = 07 h 03 m 42.2 s; 27,8° N; 99,4° E; h ca. 33 km; Mag: 6 (Pas); 6 1/2 (Ber), 5 3/4-6 (Pal). Provinz Yünan, China.	e 15 h 09 m 36 s e 07 h 24 m 10 s e 07 h 25 m 43 s eL 08 h 08 m 50 s				
226	26.	Ch Ba	—	0.3 1	15-45								
227	27.	Ba Ch Ne	— — —	1 0.3 2	1-2 1-2 2		e 08 h 04 m 08.3 s eP 08 h 04 m 08.9 s e 08 h 04 m 11.5 s USCGS: H = 07 h 52 m 23.7 s; 54,6° N; 157,7° E; h ca. 19 km. Kamtchatka.	e 08 h 04 m 08.3 s eP 08 h 04 m 08.9 s e 08 h 04 m 11.5 s USCGS: H = 07 h 52 m 23.7 s; 54,6° N; 157,7° E; h ca. 19 km. Kamtchatka.	e 08 h 04 m 08.3 s eP 08 h 04 m 08.9 s e 08 h 04 m 11.5 s USCGS: H = 07 h 52 m 23.7 s; 54,6° N; 157,7° E; h ca. 19 km. Kamtchatka.				
228	28.	Ba	—	1	2	18	e 08 h 01 m 15.9 s iP 03 h 05 m 59.4 s e 03 h 05 m 59.6 s	e 03 h 06 m 07 s eS 03 h 06 m 20 s	e 03 h 06 m 23 s				
229	29.	Ne Ba	— —	1 3	2 3		ePKP 09 h 42 m 21.0 s e 09 h 45 m 49 s						
230	29.	Ba	—	1	8-12		ePKP 09 h 42 m 21.0 s e 09 h 45 m 49 s USCGS: H = 09 h 22 m 55.8 s; 13,8° S; 166,0° E; h ca. 37 km; Mag: 6 1/2-6 1/2 (Ber), 5 1/2-5 3/4 (Pal). Insel der Neuen Hebriden.						
231	29.	Ba Ne Ch	— — —	3 $\frac{1}{2}$ 0.3	5-7 4 2-3		e 12 h 53 m 54.2 s ePn 12 h 53 m 55.8 s ePg 12 h 54 m 06.2 s	eS* 12 h 54 m 59 s e 12 h 54 m 47.1 s					
232	30.	Ne Ba	— —	< 1/2 1	2 8-12		e 05 h 09 m 46.0 s e 05 h 09 m 52.1 s	e 05 h 13 m 12 s					
233	Juli 2.	Ba	—	< 1/2	3		e 21 h 05 m 26.6 s						
234	2.	Ba	—	1	4		e 22 h 00 m 04.2 s						
235	6.	Ba	16540	14	60-120		ePKP 22 h 29 m 12.1 s K ePcSPKP 22 h 40 m 59 s	ePKP 22 h 29 m 18 s e 23 h 00 m 25 s					
		Ne Ch	—	5-7 5.1	60-120 80		e 22 h 29 m 13.0 s ePKP 22 h 29 m 16.8 s	e 22 h 40 m 18 s eLca. 23 h 29 m					
							Nouméa: H = 22 h 09 m 30 s; 20,7° S; 169,4° E. Region der Loyalty-Inseln. Verspürt III Loyalty-Inseln, II Port Vila. USCGS: H = 22 h 09 m 31.4 s; 20,0° S; 169,0° E; h ca. 47 km; Mag: 6 1/2 (Pas), 6 1/2-6 3/4 (Pal). Inseln der Neuen Hebriden.						
236	7.	Ne	—	3	< 1/2		iP 17 h 10 m 05.4 s						
237	7.	Ch Ba Ne	— — —	0.5 2 2	2 1/2 8-12 5-7		ePKP 22 h 39 m 15 s ePKP 22 h 39 m 15.8 s K	e 22 h 39 m 26 s					
							e 22 h 39 m 17.5 s						
							Nouméa: H = 22 h 19 m 30 s; 20,3° S; 169,2° E. Region der Loyalty-Inseln. USCGS: H = 22 h 19 m 34.2 s; 20,1° S; 169,2° E; h ca. 89 km; Mag: 5-5 1/4 (Pal). Region der Loyalty-Inseln.						
238	8.	Ne Ba	—	< 1/2	2	5-7	ePKP 02 h 55 m 02.0 s ePKP 02 h 55 m 07.4 s K						
							Nouméa: H = 02 h 35 m 16 s; 20,4° S; 169,0° E. Loyalty-Inseln. USCGS: H = 02 h 35 m 20.1 s; 20,0° S; 168,8° E; h ca. 52 km. Loyalty-Inseln.						
239	8.	Ba	—	1	2		ePKP 15 h 28 m 18.6 s K						
							Nouméa: H = 15 h 08 m 32 s; 20,3° S; 168,9° E. Loyalty-Inseln.						
240	8.	Ba Ch Ne	— — —	5 1.7 2	8-12 9 8-12		e 15 h 54 m 20.0 s K ePKP 15 h 54 m 23.5 s ePKP 15 h 54 m 26.0 s	ePKP 15 h 54 m 24 s	e 16 h 01 m 36 s				
							Nouméa: H = 15 h 34 m 40 s; 20,2° S; 168,6° E. Loyalty-Inseln. USCGS: H = 15 h 34 m 38.5 s; 20,1° S; 169,8° E; h ca. 44 km. Loyalty-Inseln.						
241	8.	Ba	—	1	—		eP 16 h 00 m 00.6 s K						
242	8.	Ba Ne	— —	< 1/2	3		ePKP 21 h 33 m 45.8 s ePKP 21 h 33 m 49.0 s						
							USCGS: H = 21 h 13 m 59.4 s; 20,2° S; 169,0° E; h ca. 56 km. Loyalty-Inseln.						

Nr.	Datum	Station	Epizentral-entfernung nach S-P	Max. Doppel-Amplif.	Ungf. Dauer der Reg.	Tab. I Nr.	Phasen, Bemerkungen							
243	1961 Juli 8.	Ba Ne	km —	mm —	min 5-7	2	ePKP 22 h 08 m 26.0 s e 22 h 08 m 32.0 s USCGS: H = 21 h 48 m 46.2 s; 20,2° S; 169,0° E; h ca. 68 km. Region der Loyalty-Inseln.	ePKP 22 h 08 m 26.0 s e 22 h 08 m 32.0 s USCGS: H = 21 h 48 m 46.2 s; 20,2° S; 169,0° E; h ca. 68 km. Region der Loyalty-Inseln.						
244	9.	Ba	—	—	1	3	e 08 h 13 m 15.8 s USCGS: H = 08 h 05 m 45.9 s; 28,8° N; 54,7° E; h ca. 25 km. Süd-Iran.	e 08 h 13 m 15.8 s USCGS: H = 08 h 05 m 45.9 s; 28,8° N; 54,7° E; h ca. 25 km. Süd-Iran.						
245	9.	Ba	—	—	2	2	e 20 h 10 m 07.2 s iS 20 h 10 m 25 s	e 20 h 10 m 07.2 s iS 20 h 10 m 25 s						
246	9.	Ba	—	—	1	3	e 10 h 16 m 57.6 s	e 10 h 16 m 57.6 s						
247	11.	Ba	—	—	1	5-7	e 08 h 49 m 11.0 s Str.: Verspürt in Orahovica (45° 32' N; 17° 53' E). Jugoslawien.	e 08 h 49 m 11.0 s Str.: Verspürt in Orahovica (45° 32' N; 17° 53' E). Jugoslawien.						
248	11.	Ba	—	—	2	15-45	eP 09 h 44 m 00.2 s USCGS: H = 09 h 31 m 57.2 s; 8,3° N; 93,3° E; h ca. 163 km. Region der Nikobaren-Inseln.	eP 09 h 44 m 00.2 s USCGS: H = 09 h 31 m 57.2 s; 8,3° N; 93,3° E; h ca. 163 km. Region der Nikobaren-Inseln.						
249	12.	Ba	—	—	2	15-45	e 22 h 27 m 13.8 s e 22 h 37 m 39 s	e 22 h 27 m 13.8 s e 22 h 37 m 39 s						
250	18.	Ch Ba Ne	— — 9810	— — 8	60 120		eP 14 h 16 m 25.5 s D eP 14 h 16 m 28.3 s e 14 h 27 m 14 s eP 14 h 16 m 30.7 s	e 14 h 16 m 25.5 s D eP 14 h 16 m 28.3 s e 14 h 27 m 14 s eP 14 h 16 m 30.7 s	eLca. 14 h 49.5 m e 14 h 16 m 31 s eL 15 h 15 m 45 s eS 14 h 27 m 20 s	eLca. 14 h 49.5 m e 14 h 16 m 31 s eL 15 h 15 m 45 s eS 14 h 27 m 20 s				
251	18.	Ba Ne	— —	—	2	5-7	e 14 h 46 m 51.9 s D e 14 h 46 m 55.0 s	e 14 h 46 m 51.9 s D e 14 h 46 m 55.0 s	USCGS: H = 14 h 34 m 07.3 s; 29,9° N; 131,2° E; h ca. 72 km. Nördlich der Ryu-Kyu-Inseln.	USCGS: H = 14 h 34 m 07.3 s; 29,9° N; 131,2° E; h ca. 72 km. Nördlich der Ryu-Kyu-Inseln.				
252	18.	Ba	—	—	< 1/2		e 15 h 29 m 07.9 s USCGS: H = 15 h 16 m 12.5 s; 29,5° N; 131,3° E; h ca. 35 km. Nördlich der Ryu-Kyu-Inseln.	e 15 h 29 m 07.9 s USCGS: H = 15 h 16 m 12.5 s; 29,5° N; 131,3° E; h ca. 35 km. Nördlich der Ryu-Kyu-Inseln.						
253	19.	Ch Ba Ne	— — —	1350	1.2 3 1	15-45 8-12	eP 23 h 03 m 52.1 s eP 23 h 04 m 09.3 s eP 23 h 04 m 10.0 s	e 23 h 05 m 54.8 s e 23 h 08 m 14 s	iS 23 h 06 m 00.6 s	BCIS: H = 23 h 00 m 58 s; 38,2° N; 20,4° E. Ionisches Meer, bei der Insel von Cephalonia. USCGS: H = 23 h 00 m 56.7 s; 37,7° N; 20,2° E; h ca. 37 km. In der Nähe der Küste von Griechenland.	BCIS: H = 23 h 00 m 58 s; 38,2° N; 20,4° E. Ionisches Meer, bei der Insel von Cephalonia. USCGS: H = 23 h 00 m 56.7 s; 37,7° N; 20,2° E; h ca. 37 km. In der Nähe der Küste von Griechenland.			
254	22.	Ba Ne	85 108	5	2	1	eP 22 h 05 m 02.7 s ML iP 22 h 05 m 04.9 s	eS 22 h 05 m 15 s iS 22 h 05 m 17.7 s	Str.: H = 22 h 04 m 46 s; Provisorisches Epizentrum: 47,9° N; 6,4° E. Verspürt IV-V in der Region von Plombières, Bains, St.-Loup (Vogesen, Hte-Saône).	eP 22 h 05 m 02.7 s ML iP 22 h 05 m 04.9 s Str.: H = 22 h 04 m 4				

Nr.	Datum	Station	Epizentral-entfernung nach S-P	Max. Doppel-Amplif.	Ungef. Dauer der Reg.	Tab. I Nr.	Phasen, Bemerkungen				
	1961 Juli		km	mm	min		BCIS: H = 12 h 00 m 39 s; 47 3/4° N; 13° E. Region von Salzburg, Oesterreich. Keine makroseismischen Meldungen. Pruhonice: Pruhonice hat 6 weitere Vorstöße oder Nachstöße am gleichen Tage registriert und zwar zwischen 11 h 39 m und 14 h 33 m.				
260	27.	Ch	—	0.4	1 1/2		eP 18 h 39 m 42.2 s USCGS: H = 18 h 35 m 48.5 s; 35,2° N; 25,4° E; h ca. 65 km. Ägäisches Meer.				
261	27.	Ba	—	1	5-7		eP 19 h 39 m 56.5 s K				
262	28.	Ne Ba Ch	9824	4 8 —	15-45 15-45 < 15		eP 01 h 18 m 04.0 s e 01 h 28 m 19 s eP 01 h 18 m 05.9 s ML eS 01 h 28 m 22 s e 01 h 18 m 12.9 s eS 01 h 28 m 30 s USCGS: H = 01 h 05 m 30.0 s; 2,2° S; 77,1° W; h ca. 136 km; Mag: 6 1/4 (Pas), 5 3/4-6 (Ber). Ecuador.				
263	28.	Ba	—	2	8-12		e 06 h 31 m 22.7 s USCGS: H = 06 h 11 m 38.7 s; 18,6° S; 167,7° E; h ca. 41 km; Mag: 5 3/4 (Ber). Inseln der Neuen Hebriden.				
264	28.	Ba	—	< 1/2	1		e 13 h 31 m 06.5 s				
265	28.	Ba	—	2	8-12		eP 16 h 32 m 02.6 s K				
266	31.	Ba	—	< 1/2	8-12		e 08 h 07 m 58.6 s eS 08 h 13 m 28 s				
267	31.	Ch Ne Ba	232 — 372	0.8 1 1	2 1/2 3 3		ePn 16 h 12 m 21.2 s eSg 16 h 12 m 51.6 s e 16 h 12 m 32.0 s ePg 16 h 12 m 35.2 s D eSg 16 h 13 m 19 s e 16 h 13 m 36 s Chur: Epizentrum aus Bologna, Padova, Chur: 44 3/4° N; 9,9° E. Nordabhang des Apennin.				
268	Aug. 1.	Ne Ba	— —	< 1/2 2	8-12 8-12		e 05 h 59 m 14.0 s e 05 h 59 m 28.2 s e 06 h 02 m 57 s USCGS: H = 05 h 39 m 53.2 s; 9,8° S; 160,5° E; h ca. 50 km; Mag: 6 1/2-6 3/4 (Pas), 6 1/2 (Ber). Region der Salomon-Inseln. Str.: Salomon-Inseln. Verspürt IV in Homara, verspürt in Savo, Tulagi, Malaita und Santa Isabel-Insel.				
269	2.	Ba	—	< 1/2	2		eP 12 h 24 m 20.8 s K USCGS: H = 12 h 12 m 03.8 s; 44,5° N; 148,7° E; h ca. 74 km. Kurilen-Inseln.				
270	3.	Ch Ne Ba	303 378 438	1.5 1 2	2-3 3 4		eP* 10 h 27 m 20.8 s eSn 10 h 27 m 51.4 s eP* 10 h 27 m 32.1 s eSn 10 h 28 m 08 s ePn 10 h 27 m 33.8 s eSg 10 h 28 m 41 s ING: 44° 13' N; 10° 12' E. Verspürt in verschiedenen Gegenden der Toscana, Italien.				
271	4.	Ba	—	1	5-7		e 14 h 08 m 14.7 s				
272	4.	Ba	9070	1	15-45		eP 23 h 05 m 01.7 s ML eS 23 h 15 m 13 s USCGS: H = 22 h 52 m 49.5 s; 45,3° N; 151,1° E; h ca. 20 km. Kurilen-Inseln.				
273	8.	Ba	—	2	8-12		e 09 h 40 m 43.2 s eS 09 h 46 m 40 s				
274	8.	Ba Ne Ch	— — —	4 2 1.1	5-7 4 < 60		e 12 h 30 m 41.6 s D e 12 h 40 m 54 s e 12 h 30 m 44.0 s e 12 h 30 m 44.9 s e 12 h 41 m 06 s USCGS: H = 12 h 18 m 18.9 s; 50,9° N; 170,7° W; h ca. 24 km; Mag: 6-6 1/4 (Pas), 5-5 3/4 (Ber), 5 3/4-6 (Pal). Fuchs-Inseln, Aleuten.				
275	9.	Ba	—	5	1		e 10 h 23 m 34.6 s				
276	9.	Ch Ba Ne	72 228 272	12.8 4 1	1 1/2 3 3	19	ePg 13 h 04 m 39.4 s D eSg 13 h 04 m 48.0 s i 13 h 04 m 49.9 ePg 13 h 05 m 08.2 s eSg 13 h 05 m 35 s iP* 13 h 05 m 08.6 s eSg 13 h 05 m 45 s i 13 h 05 m 49.4 Zürich: H = 13 h 04 m 26 s; 46,8° N; 10,5° E. In der Umgebung des Cima Undi di Roja. Verspürt im Münsterthal, Schweiz. Wien: Verspürt im oberen Inntal in Pfunds (46° 57,5' N; 10° 32,5' E).				
277	9.	Ch	72	1.2	1	20	ePg 13 h 05 m 54.8 s eSg 13 h 06 m 03.4 s Zürich: Nachstoß vom 9. August, Zeit 13 h 04 m. Verspürt im Kt. Graubünden (Schweiz). Wien: Gespürt in Pfunds.				

Nr.	Datum	Station	Epizentral-entfernung nach S-P	Max. Doppel-Amplit.	Ungef. Dauer der Reg.	Tab. I Nr.	Phasen, Bemerkungen							
278	1961 Aug. 9.	Ba	km	mm	min		eP	15 h 01 m 06.3 s	ML					
279	9.	Ba Ch Ne	— — —	1 2 1.4 2-3 2 5-7			e	16 h 22 m 13.8 s	K	ePKP	16 h 22 m 17 s	e	16 h 26 m 22 s	
							ePKP	16 h 22 m 16.3 s	K					
							ePKP	16 h 22 m 19.0 s						
							Nouméa: H = 16 h 02 m 40 s; 19° S; 168½° E; Mag: 5¾ (Ber).							
							Verspürt IV in Port Vila.							
							USCGS: H = 16 h 02 m 36.1 s; 19,1° S; 168,7° E; h ca. 69 km;							
							Mag: 5¾ (Ber). Region der Neuen Hebriden.							
280	11.	Ba	—	< ½	2		e	10 h 44 m 41.6 s						
							USCGS: H = 10 h 24 m 58.9 s; 18,5° S; 168,2° E; h ca. 25 km.							
							Neue Hebriden.							
281	11.	Ch Ba Ne	9050 9090 9160	4.8 28 12	50 60-120 60-120		eP	16 h 03 m 53.2 s		eS	16 h 14 m 04 s			
							eP	16 h 03 m 54.3 s	K	eS	16 h 14 m 08 s	eL	16 h 17 m 50 s	
							iP	16 h 03 m 56.4 s		eS	16 h 14 m 12 s; Azimut = 45°			
							USCGS: H = 15 h 51 m 35.4 s; 42,9° N; 145,1° E; h ca. 71 km;							
							Mag: 7 (Pas, Ber), 7¼ (Str.). Ost-Hokkaido, Japan. Schwache Tsunami.							
282	11.	Ba	—	1	8-12		eP	23 h 46 m 11.4 s	K					
							USCGS: H = 23 h 33 m 51.9 s; 42,8° N; 145,1° E; h ca. 72 km.							
							Ost-Hokkaido, Japan.							
283	13.	Ch Ne Ba	148 — —	5.5 2 10	4 5-7 4		eP*	22 h 34 m 51.6 s		iPg	22 h 34 m 55.0 s	i	22 h 35 m 21.9 s	
							ePg	22 h 35 m 05.5 s		e	22 h 36 m 25 s			
							ePn	22 h 35 m 09.8 s	ML	e	22 h 35 m 45 s			
							BCIS: H = 22 h 34 m 26 s; 45,4° N; 10,4° E. Region des Gardasees, Norditalien.							
							ING: H = 22 h 34 m 18.5 s; 44° 48' N; 10° 15' E.							
							USCGS: H = 22 h 34 m 18.0 s; 45,0° N; 9,9° E; h ca. 20 km.							
							Verspürt in Parma, Norditalien.							
284	13.	Ch Ne Ba	— — —	0.8 < ½ 1	2 3 2		ePg	23 h 06 m 49.1 s		e	23 h 07 m 16.5 s			
							ePg	23 h 07 m 06.0 s						
							eP*	23 h 07 m 18.4 s		e	23 h 08 m 00 s			
							BCIS: H = 23 h 06 m 20 s; 45,4° N; 10,4° E. Region des Gardasees, Norditalien.							
							Nachstoß des vorangegangenen Bebens.							
							ING: 44° 48' N; 10° 15' E. Provinz Parma.							
285	14.	Ch Ba	— —	½ 1	2 2		eP*	01 h 00 m 51.7 s		e	00 h 00 m 53.9 s	e	01 h 01 m 21.3 s	
							ePg	01 h 01 m 15.0 s		e	01 h 02 m 00 s			
							BCIS: H = 01 h 00 m 26 s; 45,4° N; 10,4° E. Region des Gardasees, Norditalien.							
							Nachstoß des vorangegangenen Bebens.							
							ING: 44° 48' N; 10° 15' E. Provinz Parma.							
286	14.	Ch Ba	— 274	3.6 10	4 4		eP*	01 h 03 m 28.5 s		e	01 h 03 m 31 s	ML	e	01 h 03 m 58.9 s
							ePg	01 h 03 m 52.2 s		e	01 h 04 m 00 s		eSg	01 h 04 m 23 s
							e	01 h 04 m 37 s						
							BCIS: H = 01 h 03 m 02 s; 45,4° N; 10,4° E. Region des Gardasees, Norditalien.							
							Nachstoß des vorangegangenen Bebens.							
							ING: 44° 48' N; 10° 15' E. Provinz Parma.							
287	14.	Ba	—	1	8-12		e	07 h 53 m 33.7 s		e	08 h 04 m 46 s			
288	14.	Ch	230	Spuren			ePg	08 h 22 m 28 s		eSg	08 h 22 m 55 s			
289	14.	Ne Ch	— —	4 1.1	4 3		iPKP	23 h 48 m 26.2 s		i	23 h 48 m 30 s			
							e	23 h 48 m 27.6 s						
							USCGS: H = 23 h 28 m 46.5 s; 20,3° S; 169,4° E; h ca. 97 km;							
							Mag: 6-6 ¼ (Pas), 6 (Ber). Inseln der Neuen Hebriden. Verspürt in Port-Vila.							
290	15.	Ch	76	0.7	20sec.	21	ePg	01 h 04 m 49.6 s		eSg	01 h 04 m 58.7 s			
							Chur: Gespürt in Müstair (46° 37,5' N; 10° 26,8' E). Kanton Graubünden, Schweiz.							
291	15.	Ba	—	1	5-7		eP	19 h 15 m 56.2 s	D					
292	17.	Ba	—	1	5-7		e	14 h 59 m 35.1 s						
293	17.	Ch Ba Ne	8850 — 8910	4 11 4	40 15-45 15-45		eP	21 h 28 m 27.3 s	D	eS	21 h 38 m 22.5 s			
							iP	21 h 28 m 27.8 s	D	e	21 h 38 m 33 s	eL	22 h 22 m 58 s	
							iP	21 h 28 m 30.8 s		eS	21 h 38 m 27 s; Azimut = 45°			
							USCGS: H = 21 h 16 m 30.0 s; 46,3° N; 149,3° E; h ca. 186 km;							
							Mag: 6 ¾ (Pas), 6 ½-6 ¾ (Ber). Kurilen-Inseln.							

Nr.	Datum	Station	Epizentral-entfernung nach S-P	Max. Doppel-Amplif.	Ungef. Dauer der Reg.	Tab. I Nr.	Phasen, Bemerkungen							
							km	mm	min	iP	e	05 h 21 m 44.6 s	eL	06h 06 m 43 s
294	1961 Aug. 19.	Ne Ba Ch	—	15 22 7.5	> 120 60-120 90		eP	05 h 21 m 47.6 s D	e	05 h 31 m 22 s	e	05 h 31 m 26.5 s	eL	06h 06 m 43 s
							USCGS: H = 05 h 09 m 49.5 s; 10,7° S; 71,0° W; h ca. 649 km;							
							Mag: 7(Pas), 7 1/4-8 (Ber). An der Grenze Brasilien-Peru.							
295	19.	Ba	—	3			eP	05 h 46 m 08.4 s	e	05 h 56 m 43 s				
							USCGS: H = 05 h 33 m 30.6 s; 36,0° N; 136,5° E; h ca. 17 km;							
							Mag: 7 1/2 (Pas). Vor der Westküste von Honshu, Japan. 5 Tote, viele Verletzte. Mäßiger Eigentumsschaden Fukui, Gifu, Ishikawa.							
296	19.	Ba	—	< 1/2	3		e	22 h 55 m 22.4 s						
297	20.	Ba Ch Ne	—	6 0.9 1	5-7 2 5-7		e	05 h 22 m 58.0 s	e	05 h 23 m 30.6 s				
							e	05 h 23 m 00.5 s						
							e	05 h 23 m 02.0 s						
298	21.	Ba	—	1	4		eP	09 h 18 m 36.8 s						
299	21.	Ba	—	2	5-7		e	16 h 26 m 35.2 s						
300	21.	Ba	—	1	4		eP	17 h 12 m 58.0 s K						
							USCGS: H = 17 h 00 m 37.0 s; 40,9° N; 138,9° E; h ca. 49 km.							
							Vor der Nordküste von Honshu, Japan.							
301	22.	Ba	—	1	1		e	18 h 30 m 32.5 s	e	18 h 30 m 47 s				
302	23.	Ba	—	1	5-7		e	04 h 20 m 48.4 s D						
							USCGS: H = 04 h 12 m 35.9 s; 38,7° N; 68,7° E; h ca. 25 km.							
							Verspürt in Stalinabad, Tadzhik, USSR.							
303	23.	Ba	—	< 1/2	1		e	14 h 20 m 49.6 s						
304	24.	Ch	69	0.7	40sec.	22	ePg	01 h 41 m 49.6 s	iSg	01 h 41 m 57.7 s	iS*	01 h 41 m 59.6 s		
							Zürich: Gleicher Herd wie am 9. August, Zeit 13 h 04 m und 15. August 01 h 04 m.							
							Verspürt in Scuol (46° 47,8' N; 10° 18' E). Kanton Graubünden, Schweiz.							
305	25.	Ch Ba Ne	55 218 286	24.7 34 10	8-12 5-7		ePg	12 h 22 m 09.0 s	i	12 h 22 m 11.9 s	iSn	12 h 22 m 22.4 s		
							e	12 h 22 m 29.2 s K	iPn	12 h 22 m 33 s	eSg	12 h 22 m 59 s		
							ePn	12 h 22 m 40.5 s	eSn	12 h 23 m 13 s; Azimut: ca. 315°.				
							BCIS: H = 12 h 21 m 58 s; 47,5° N; 10,5° E. Allgäuer Alpen. Verspürt in Reutte (47,5° N; 10,7° E) Tirol (nach Wien).							
306	27.	Ba	—	1	5-7		eP	02 h 02 m 33.8 s D						
							USCGS: H = 01 h 51 m 51.8 s; 15,3° S; 13,1° W; h ca. 49 km. Atlantik.							
							Im Süden der Insel Ascension.							
307	27.	Ch Ba Ne	50 217 289	2.3 3 2	2 3 2		ePg	13 h 33 m 50.6 s	iSn	13 h 34 m 03.6 s				
							iPn	13 h 34 m 14.9 s D	eS*	13 h 34 m 42 s				
							ePn	13 h 34 m 22.2 s	eSn	13 h 34 m 55 s				
							Str.: Nachstoß vom Beben des 25. August, Zeit: 12 h 22 m (siehe Nr. 305).							
308	27.	Ch Ne	—	0.3	1 1/2	4	eP	16 h 34 m 29 s ML						
							eP	16 h 34 m 30.6 s						
							USCGS: H = 16 h 22 m 08.1 s; 46,6° N; 154,1° E; h ca. 31 km;							
							Mag: 6 1/2 (Pas), 5 1/4-5 1/2 (Ber), 5 1/4 (Pal). Kurilen-Inseln.							
309	27.	Ch Ba Ne	1713 — —	0.7 3 1	8-12 5-7		eP	22 h 12 m 25.4 s	eS	22 h 15 m 16.3 s				
							eP	22 h 12 m 40.2 s D	e	22 h 15 m 56 s				
							eP	22 h 12 m 41.7 s						
							BCIS: H = 22 h 08 m 41 s; 35,2° N; 23,1° E. Vor der Westküste von Kreta.							
							USCGS: H = 22 h 08 m 49.8 s; 35,9° N; 23,7° E; h ca. 69 km.							
							In der Nähe der Westküste von Kreta.							
310	31.	Ne Ba Ch	— — —	2 5 1	8-12 5 7-8		eP	02 h 00 m 33.5 s						
							eP	02 h 00 m 35.2 s D						
							eP	02 h 00 m 41.3 s						
							USCGS: H = 01 h 48 m 37.5 s; 10,6° S; 70,9° W; h ca. 626 km;							
							Mag: 7-7 1/4 (Pas); 6 1/2 (Ber). Grenze von Peru-Brasilien.							
311	31.	Ne Ba Ch	— — 10000	28 42 1	15-45 60-120 7-8		eP	02 h 09 m 02.0 s ML	e	02 h 18 m 39 s				
							eP	02 h 09 m 07.2 s	e	02 h 18 m 43 s				
							e	02 h 20 m 26 s	eL	03 h 03 m 42 s				
							eP	02 h 09 m 10.0 s	iPcP	02 h 09 m 14.2 s	i	02 h 18 m 46.6 s		
							USCGS: H = 01 h 57 m 08.0 s; 10,4° S; 70,7° W; h ca. 629 km;							
							Mag: 7 1/2 (Pas), 7 (Ber). Verspürt in Arequipa. Grenze von Peru-Brasilien.							

Nr.	Datum	Station	Epizentral-entfernung nach S-P	Max. Doppel-Amplif.	Ungef. Dauer der Reg.	Tab. I Nr.	km	mm	min	Phasen, Bemerkungen					
312	1961 Sept. 1.	Ch	—	—	0.8	20	eP	00 h 24 m 02.0 s							
313	1.	Ch Ba Ne	— — —	3 1	60-120 15-45		e	00 h 27 m 05.2 s	e	00 h 34 m 17.0 s					
							e	00 h 27 m 19.9 s	eSKKS	00 h 36 m 06 s					
							ePKP	00 h 27 m 53.5 s							
							USCGS: H = 00 h 09 m 34.6 s; 59,3° S; 27,3° W; h ca. 131 km;								
							Mag: 7 1/2 (Pas), 7 (Ber). Region der Sandwich-Inseln.								
314	1.	Ba	—	3	8-12		eP	1							

Nr.	Datum	Station	Epizentral-entfernung nach S-P	Max. Doppel-Amplit.	Ungef. Dauer der Reg.	Tab. I Nr.	Phasen, Bemerkungen					
	1961 Sept.		km	mm	min							
		Ba Ch	140 172	11 0.8	2 1		eP* 17 h 27 m 23.0 s D eS* 17 h 27 m 40 s eP* 17 h 27 m 29.1 s ML eSg 17 h 27 m 51.4 s Zürich: H = 17 h 26 m 58.6 ± 1.7 s; 46° 17.8' N; 7° 31, 1' E. Darnona bei Sierre (Wallis).					
332	12.	Ba	—	1	3		eP 12 h 39 m 20.2 s USCGS: H = 12 h 27 m 09.2 s; 43,8° N; 147,8° E; h ca. 96 km. Bei der Ostküste von Hokkaido, Japan.					
333	14.	Ba Ne	—	< 1/2	3		eP 08 h 09 m 45.4 s eP 08 h 09 m 47.0 s USCGS: H = 08 h 03 m 09.0 s; 33,6° N; 48,8° E; h ca. 30 km. Iran.					
334	14.	Ne	—	< 1/2	1		e 21 h 49 m 38.0 s					
335	14.	Ne Ba	—	1	2		e 22 h 51 m 08.4 s e 22 h 51 m 26 s e 22 h 51 m 19.6 s eS 22 h 51 m 35 s					
336	15.	Ch Ba Ne	2400 — —	3 16 7	15 15-45 15-45		eP 01 h 50 m 59.8 s eS 01 h 54 m 59 s eP 01 h 51 m 14.9 s e 01 h 55 m 25 s eP 01 h 51 m 17.3 s BCIS: H = 01 h 46 m 10 s; 34 1/4° N; 33 1/2° E; h ca. 100 km. Östliches Mittelmeer. Vor der Südküste der Insel Zypern. USCGS: H = 01 h 46 m 08.4 s; 35,1° N; 33,9° E; h ca. 25 km.					
337	17.	Ba	—	< 1/2	1		e 08 h 55 m 40.4 s ML USCGS: H = 08 h 41 m 53.6 s; 23,9° N; 122,2° E; h ca. 35 km. Bei der Küste von Formosa.					
338	18.	Ba	—	1	3		eP 05 h 12 m 52.5 s USCGS: H = 05 h 08 m 37.7 s; 35,0° N; 26,3° E; h ca. 83 km. Kreta.					
339	19.	Ne Ch	10300	1 0.9	15-45 12		e 02 h 38 m 01.0 s ML e 02 h 41 m 47 s e 02 h 47 m 40 s eP 02 h 38 m 05.9 s i 02 h 38 m 12.6 s epP 02 h 40 m 16.0 s e 02 h 47 m 46.3 s e 02 h 38 m 15.7 s e 02 h 47 m 36 s USCGS: H = 02 h 25 m 49.2 s; 20,3° S; 63,2° W; h ca. 609 km; Mag: 6 1/2 (Pas); 6 1/4 (Ber). Im Süden von Bolivien.					
340	19.	Ba	—	2	15-45		e 09 h 58 m 57.3 s e 10 h 09 m 28 s USCGS: H = 09 h 46 m 17.7 s; 6,7° N; 82,4° W; h ca. 33 km; Mag: 6 1/4-6 1/2 (Pas), 5 3/4-6 (Ber). Im Süden von Panama.					
341	24.	Ba	—	< 1/2	5-7		e 19 h 17 m 17.2 s USCGS: H = 19 h 04 m 40.7 s; 18,4° N; 98,6° W; h ca. 81 km. Puebla, Mexico. Verspürt in Chilpancingo und Bundesdistrikt.					
342	25.	Ch Ba	—	0.3 < 1/2	35s 1		e 12 h 07 m 14.0 s e 12 h 07 m 26.2 s					
343	25.	Ne	—	1	1		iP 12 h 08 m 07.4 s					
344	25.	Ba	—	< 1/2	1		e 15 h 30 m 30.8 s Spuren					
345	27.	Ba	—	1	5-7		eP 04 h 48 m 22.6 s K e 04 h 52 m 24 s					
346	27.	Ba	—	1	5-7		eP 06 h 52 m 54.0 s K					
347	27.	Ne	—	< 1/2	1		e 11 h 33 m 01.0 s ML USCGS: H = 11 h 20 m 46.8 s; 52,3° N; 168,7° W; h ca. 27 km. Fuchs-Inseln, Aleuten.					
348	27.	Ne Ba	—	1	1		eP 19 h 33 m 04.0 s e 19 h 33 m 59.8 s K USCGS: H = 19 h 20 m 48.6 s; 52,5° N; 168,7° W; h ca. 42 km. Fuchs-Inseln, Aleuten.					
349	27.	Ba Ne	—	—	5-7		e 19 h 39 m 16.0 s iP 19 h 39 m 18.3 s USCGS: H = 19 h 27 m 00.7 s; 52,2° N; 168,7° W; h ca. 22 km. Fuchs-Inseln, Aleuten.					
350	28.	Ba	—	< 1/2	1		e 03 h 37 m 54.0 s USCGS: H = 03 h 24 m 43.4 s; 30,5° N; 141,3° E; h ca. 125 km. Im Süden von Honshu, Japan.					

Nr.	Datum	Station	Epizentral-entfernung nach S-P	Max. Doppel-Amplit.	Ungef. Dauer der Reg.	Tab. I Nr.	Phasen, Bemerkungen				
351	1961 Sept. 28.	Ba	km	mm	min						
352	29.	Ba	—	—	2	5-7	eP 22 h 44 m 23.4 s K USCGS: H = 22 h 36 m 27.5 s; 27,6° N; 57,1° E; h ca. 56 km. Süd-Iran.				
353	Okt. 1.	Ch	402	—	1	4	e 17 h 02 m 55.7 s K USCGS: H = 16 h 50 m 32.9 s; 42,9° N; 145,4° E; h ca. 37 km. In der Nähe der Ostküste von Hokkaido, Japan.				
354	1.	Ba	—	—	2	5-7	e 17 h 37 m 25.9 s				
355	2.	Ch Ne Ba	— — 1641	0.3 1.6 6	15-45 15-45	2	eP 00 h 44 m 55.7 s eS 00 h 45 m 39.9 s				
356	3.	Ba	—	< 1/2	1		e 09 h 32 m 56.9 s				
357	4.	Ch Ne Ba	236 396	1.5 1	1.5 3	1.5	ePn 12 h 21 m 12.0 s iP* 12 h 21 m 14.1 s i 12 h 21 m 43.8 s eP* 12 h 21 m 33.2 s eP* 12 h 21 m 39.8 s eS* 12 h 22 m 20 s				
358	5.	Ch Ba Ne	— — —	1.2 2 1	5-7 2 2	2	ePKP 18 h 28 m 23.3 s K i 18 h 28 m 23.8 s D ePKP 18 h 28 m 24.4 s K ePKP 18 h 28 m 25.8 s				
359	9.	Ba	—	—	1	1	Nouméa: H = 18 h 08 m 42 s; 19 1/2° S; 168 1/2° E. Region der Neuen Hebriden. Verspürt in Anatom. USCGS: H = 18 h 08 m 43.4 s; 19,4° S; 169,0° E; h ca. 58 km. Region der Loyalty-Inseln.				
360	17.	Ne	347	< 1/2	2	25	eP 14 h 58 m 43.5 s				
361	19.	Ba	—	—	1	3	eP 02 h 31 m 53.3 s eS 02 h 32 m 32 s				
362	22.	Ne	154	< 1/2	1		BCIS: H = 02 h 30 m 56 s; 46,3° N; 2,6° E. Im Norden des französischen Zentralmassives. Verspürt in Montluçon und Commeny (Allier).				
363	24.	Ba	—	—	1	3	e 19 h 46 m 28.2 s USCGS: H = 19 h 26 m 32.2 s; 55,3° S; 146,4° E; h ca. 50 km. Im Süden von Australien.				
364	26.	Ne Ba Ch	238 318	6 4 0.6	3 3 70 s	2	ePg 21 h 27 m 55.0 s eSg 21 h 28 m 13 s Str.: Vorstoß zum Beben vom 26. Oktober 1961. Zeit: 16 h 59 m; 45,8° N; 5,9° E.				
365	27.	Ne Ba	41 89	5 3	2 2	2	e 07 h 37 m 29.6 s USCGS: H = 07 h 25 m 19.9 s; 45,0° N; 146,4° E; h ca. 82 km. Bei der Nordküste von Hokkaido, Japan.				
366	28.	Ch Ba Ne	— — —	0.3 2 < 1/2	2 3 2	3	eP* 17 h 00 m 02.9 s e 17 h 00 m 04 s e 17 h 00 m 23 s iPn 17 h 00 m 18.1 s D eSn 17 h 00 m 46 s eP* 17 h 00 m 30.9 s eS* 17 h 01 m 08.3 s				
367	29.	Ba	—	—	1	15-45	BCIS: H = 16 h 59 m 40 s; 45,8° N; 5,9° E. Im NE des Sees Bourget (Frankreich). Verspürt in Aix-les-Bains, Annecy und Seyssel.				
368	30.	Ch	—	—	1.4	—	iPg 06 h 07 m 49.1 s iSg 06 h 07 m 54.0 s Azimut = 135° ePg 06 h 07 m 59.5 s e 06 h 08 m 06 s eSg 06 h 08 m 10 s				
369	31.	Ch Ne	570	3 1	6 5-7	2	eP 10 h 53 m 06.6 s e 10 h 53 m 17.1 s eP 10 h 53 m 22.5 s				
							USCGS: H = 10 h 46 m 40.2 s; 33,7° N; 48,5° E; h ca. 34 km. Iran.				
							e 09 h 24 m 08.9 s e 09 h 33 m 32 s				
							USCGS: H = 09 h 12 m 15.7 s; 49,0° N; 128,7° W; h ca. 16 km. Region der Insel Vancouver.				
							eL ca. 08 h 56 m Ch: Atombombe bei Nowaja Semlja.				
							eP 13 h 38 m 38.2 s eS 13 h 39 m 37.0 s				
							eP 13 h 38 m 53.0 s				

Nr.	Datum	Station	Epizentral-entfernung nach S-P	Max. Doppel-Amplit.	Ungef. Dauer der Reg.	Tab. I Nr.	Phasen, Bemerkungen					
			km	mm	min							
370	1961 Nov. 2.	Ba	—	5	8-12		eP 13 h 38 m 53.1 s BCIS: H = 13 h 37 m 17 s; 42,4° N; 13,0° E. Mittel-Italien. Provinz von Aquila. Verspürt VII in Antrodoco, Caneta, Ponte Alto (nach Rom) und Rieti (gemäß Presse).					
		Ch Ba	212	0.5 < 1/2	1.5 1		eP 17 h 21 m 41.8 s eS 17 h 22 m 06.8 s Chur: Herd in Oberitalien 45,0° N; 9,6° E H = 17 h 21 m 03 s Str.: d = 215 km.					
		Ch Ba	210	0.5 < 1/2	1.5 1		ePg 00 h 07 m 33.9 s eSg 00 h 07 m 58.8 s e 00 h 08 m 18.4 s Chur: Herd vom 2. November; Zeit: 17 h 21 m; 45,0° N; 9,6° E. Auffallende Übereinstimmung der beiden Aufzeichnungen, speziell in der Sg-Phase.					
		Ba	—	< 1/2	1		e 13 h 50 m 17.3 s Spuren					
		Ne	—	< 1/2	< 1/2		e 10 h 45 m 46.0 s Garchy: d = 95 km Roseland: d = 260 km					
		Ba	—	< 1/2	1		c 14 h 57 m 11.5 s e 14 h 57 m 36 s Spuren					
		Ba	—	1	2		e 18 h 19 m 41.7 s Nouméa: H = 18 h 00 m 45 s; h = 530 km (Pas). Region der Fiji-Inseln. USCGS: H = 18 h 00 m 49.6 s; 17,5° S; 178,8° W; h ca. 586 km. Fiji-Inseln.					
		Ch Ba	—	0.3 2	2 3		eP 02 h 24 m 06.6 s eP 02 h 24 m 13.2 s USCGS: H = 02 h 15 m 16.7 s; 0,8° N; 29,5° E; h ca. 39 km. Region Kongo. USCGS: H = 02 h 15 m 16.7 s; 0,8° N; 29,5° E; h ca. 39 km. Region Kongo.					
		Ne	—	< 1/2	< 1/2		e 08 h 54 m 44.0 s					
		Ch Ba Ne	— 9110	2.4 12 5	45 60-120 15-45		iP 07 h 29 m 31.5 s e 07 h 39 m 42.0 s eL ca. 08 h 02 m eP 07 h 29 m 32.0 s e 07 h 39 m 56 s eL 08 h 09 m 01 s eP 07 h 29 m 35.5 s eS 07 h 39 m 51 s USCGS: H = 07 h 17 m 12.4 s; 43,1° N; 145,1° E; h ca. 43 km; Mag: 6 1/2-6 3/4 (Ber), 6 1/4-6 1/2 (Pas). In der Nähe der Küste von Hokkaido, Japan. Verspürt.					
		Ba	—	1	15-45		e 08 h 14 m 23.8 s e 08 h 23 m 19 s					
		Ba	—	1	3		eP 22 h 22 m 36.5 s K USCGS: H = 22 h 09 m 53.4 s; 23,7° N; 121,8° E; h ca. 60 km. In der Nähe der Küste von Formosa. Verspürt.					
		Ba	—	< 1/2	3		e 00 h 40 m 25.1 s					
		Ba	—	1	3		e 12 h 04 m 25.1 s					
		Ne Ba	—	2 5	8-12 15-45		eP 18 h 05 m 49.3 s e 18 h 06 m 00.4 s BCIS: H = 17 h 58 m 15 s; 30 3/4° N; 40,5° W. Mittelgrat des Atlantischen Ozeans. USCGS: H = 17 h 58 m 17.5 s; 31,3° N; 40,9° W; h ca. 44 km. Nordatlantischer Ozean.					
		Ba	—	1	5-7		ePKP 03 h 05 m 21.3 s e 03 h 10 m 29 s USCGS: H = 02 h 45 m 26.7 s; 21,6° S; 169,9° E; h ca. 74 km. Inseln der Neuen Hebriden.					
		Ba	—	1	1		e 10 h 26 m 37.5 s					
		Ch Ne	93 214	50 20	5 5-7	27	iPg 01 h 12 m 21.3 s D iS* 01 h 12 m 33.7 s Azimut = 197° iPn 01 h 12 m 38.5 s e 01 h 12 m 42 s iSg 01 h 13 m 08 s Azimut = 225° ePn 01 h 12 m 39.9 s K i 01 h 12 m 43 s e 01 h 13 m 14 s Chur: Gespürt in Ander, Chur, Trin. BCIS: H = 01 h 12 m 05 s; 45,8° N; 9,5° E. Am Südrande der Bergamaskischen Alpen. Verspürt im Norden von Italien und in der Schweiz.					
		Ba	—	90	5-7		e 03 h 37 m 10.3 s					
		Ba	—	< 1/2	3		iP 11 h 12 m 46.4 s					

Nr.	Datum	Station	Epizentral-entfernung nach S-P	Max. Doppel-Amplit.	Ungef. Dauer der Reg.	Tab. I Nr.	Phasen, Bemerkungen					
389	1961 Nov. 27.	Ba	—	—	1	2	eP 06 h 09 m 45.9 s USCGS: H = 05 h 57 m 07.6 s; 31,6° N; 131,1° E; h ca. 25 km; Mag: 6 1/4-6 1/2 (Pas). Bei der Südküste von Kyushu. Verspürt in Kyushu, Japan.					
390	28.	Ba	—	3	60-120		e 09 h 01 m 02.7 s e 09 h 06 m 21 s e 09 h 07 m 05 s					
391	29.	Ch Ba Ne	— — —	1.7 4 1	8-12 4 4		e 04 h 16 m 51.7 s e 04 h 17 m 33.6 s e 04 h 17 m 02.5 s eS 04 h 18 m 04 s					
392	30.	Ba	—	1	2		e 21 h 46 m 08.6 s					
393	Dez. 1.	Ch Ba	9600 9640	0.9 3	3 4		eP 21 h 25 m 26.3 s K epP 21 h 26 m 21.3 s eP 21 h 25 m 29.5 s epP 21 h 26 m 25 s					
394	2.	Ch	160	0.4	1		ePn 10 h 13 m 57.8 s iSg 10 h 14 m 18.3 s Sprengung in Eschenlohe.					
395	2.	Ch Ne Ba	— — —	1 1 5	15-45 15-45 15-45		eP 12 h 42 m 49 s eP 12 h 42 m 52.7 s eP 12 h 42 m 58.8 s					
396	3.	Ba	8640	1	15-45		BCIS: H = 12 h 40 m 18 s; 36,9° N; 8,0° E. Im Departement von Bône. USCGS: H = 12 h 40 m 17.8 s; 36,5° N; 8,6° E; h ca. 62 km. Nordtunesien. Verspürt in Bône, Lamy und Philippeville.					
397	5.	Ch Ne Ba	— — —	0.3 2 1	4 3 3		USCGS: H = 12 h 40 m 53.8 s; 36,9° N; 8,0° E. Im Departement von Bône. Verspürt in Bône, Lamy und Philippeville.					
398	5.	Ch	—	0.8	2		iPKP 13 h 21 m 50.1 s D Überlagerung mit dem vorhergehenden Beben. USCGS: H = 13 h 02 m 31.9 s; 16,0° S; 168,1° E; h ca. 145 km. Neue Hebriden. Verspürt in Santo.					
399	6.	Ch Ba Ne	— — —	0.7 2 1	2 5-7 3		eP 06 h 00 m 22.0 s e 06 h 00 m 22.2 s e 06 h 00 m 35.0 s					
400	6.	Ch Ba Ne	8810 — —	1 3 2	3 5-7 4		USCGS: H = 05 h 48 m 39.3 s; 13,7° N; 93,6° E; h ca. 53 km; Mag: 5 3/4-6 (Pal). Andaman-Inseln.					
401	9.	Ba	—	1	4		eP 16 h 51 m 34.9 s epP 16 h 51 m 41.4 s eP 16 h 51 m 40.7 s eL 17 h 18 m 24 s e 16 h 51 m 44.5 s					
402	10.	Ne Ba	— —	1 2	3 4		USCGS: H = 16 h 39 m 31.5 s; 49,4° N; 155,2° E; h ca. 22 km; Mag: 6-6 1/4 (Pas), 6 1/4 (Ber). Kurilen-Inseln.					
403	11.	Ch Ba Ne	1570 — —	0.8 3 4	5 5-7 4		e 20 h 08 m 28.2 s e 20 h 08 m 53 s					
404	12.	Ch Ba	935	0.5 3	3 5-7		USCGS: H = 19 h 49 m 41.3 s; 21,7° S; 179,9° E; h ca. 620 km. Fiji-Inseln.					
							e 08 h 43 m 24.5 s e 08 h 43 m 26.6 s K e 08 h 47 m 07 s					
							USCGS: H = 08 h 39 m 11.1 s; 38,8° N; 25,7° E; h ca. 79 km. Aegäisches Meer.					
							eP 16 h 56 m 39 s eS 16 h 59 m 12 s					
							e 16 h 56 m 50.1 s eS 16 h 59 m 38 s					
							BCIS: H = 16 h 53 m 12 s; 36 1/2° N; 22 1/2° E. Im Süden des Peloponnes.					
							USCGS: H = 16 h 53 m 05.3 s; 36,5° N; 23,5° E; h ca. 25 km. Bei der Südküste von Griechenland.					
							eSn 04 h 40 m 18.9 s eS* 04 h 40 m 54.7 s eSg 04 h 41 m 14.6 s					
							e 04 h 42 m 03.6 s e 04 h 46 m 45 s					
							BCIS: H = 04 h 36 m 43 s; 42,2° N; 19,3° E. An der albanisch-jugoslawischen Grenze. Verspürt V in Titograd.					

Nr.	Datum	Station	Epizentral-entfernung nach S-P	Max. Doppel-Amplit.	Ungf. Dauer der Reg.	Tab. I Nr.	Phasen, Bemerkungen					
							km	mm	min			
405	1961 Dez. 12.	Ba Ne	—	—	2 $< \frac{1}{2}$	3 2	e 23 h 18 m 38.3 s K e 23 h 18 m 41.0 s USCGS: H = 23 h 06 m 18.4 s; 43,5° N; 146,2° E; h ca. 44 km. Bei der Ostküste von Hokkaido, Japan.					
406	13.	Ba	—	—	1	2	e 07 h 35 m 29.1 s ePn 23 h 46 m 41.9 s eP* 23 h 46 m 50.0 s e 23 h 46 m 51.5 s	eS 07 h 36 m 35 s eS* 23 h 47 m 11.2 s i 23 h 47 m 24.2 s				
407	13.	Ch Ne Ba	243 — —	0.6 1 2	2 3 4		BCIS: H = 23 h 46 m 04 s; 44,7° N; 8,5° E. Norditalien. ING: Grad V in Savignone (16 km N von Genua). Grad IV in Ceranesi, Torriglia, Grad II in Campemorone, S. Stefano d'Aveto.	eSg 23 h 47 m 43 s				
408	15.	Ne	—	—	$\frac{1}{2}$	2	e 22 h 07 m 21.0 s Taranto: d = 650 km. Verspürt in Grecia.					
409	20.	Ne Ba	— 9120	6 5	15-45 15-45		eP 13 h 37 m 34.3 s eP 13 h 37 m 36.8 s D eS 13 h 47 m 38 s eP 13 h 37 m 43.1 s	e 13 h 47 m 33 s epP 13 h 38 m 22 s eL 14 h 14 m 57 s epP 13 h 38 m 22.9 s	isS 13 h 48 m 50.7 s			
		Ch	9275	5	24		USCGS: H = 13 h 25 m 34.4 s; 4,6° N; 75,6° W; h ca. 176 km;					
410	20.	Ch Ba Ne	220 — —	2.5 3 $\frac{1}{2}$	2 3 3		ePg 18 h 11 m 00.4 s e 18 h 11 m 28.4 s e 18 h 11 m 33.5 s	eSn 18 h 11 m 20.8 s eSg 18 h 12 m 14 s	iSg 18 h 11 m 25.2 s			
							BCIS: H = 18 h 10 m 32 s; 46,2° N; 11,5° E. Trienter Alpen, Norditalien.					
411	21.	Ba	—	—	1	2	e 20 h 19 m 43.0 s					
412	22.	Ch Ba	— —	0.7 2	5-7		ePg 13 h 05 m 25.3 s e 13 h 05 m 35.3 s	e 13 h 05 m 46.0 s eSg 13 h 06 m 50 s	e 13 h 06 m 00 s			
							BCIS: H = 13 h 04 m 44 s; 46,4° N; 13,0° E. Karnische Alpen, Norditalien.					
							Verspürt in Villach (nach Wien).					
413	27.	Ba	—	—	1	15-45	e 16 h 55 m 39.2 s					
414	28.	Ba	—	—	1	3	e 02 h 39 m 57.5 s					
415	29.	Ch	70	0.3	25	s	ePg 23 h 14 m 17.4 s	eSg 23 h 14 m 25.8 s				
416	30.	Ba Ne Ch	— — 8960	2 2 0.7	60-120 60-120 60		eP 00 h 51 m 36.1 s K e 00 h 51 m 36.3 s eP 00 h 51 m 40.7 s	eL 01 h 02 m 23 s eS 01 h 01 m 49 s eL ca. 01 h 30 m				
							USCGS: H = 00 h 39 m 24.1 s; 52,3° N; 177,7° E; h ca. 52 km; Mag: 6 1/4 (Pas), 6 1/2 (Ber), 7 (Pal). Ratten-Inseln, Aleuten.					
417	31.	Ne Ba Ch	138 206 245	$\frac{1}{2}$ 3 0.3	2 3 1		eP* 22 h 32 m 43.9 s iP* 22 h 32 m 54.3 s eP* 22 h 32 m 59.9 s	eSn 22 h 33 m 02 s eS* 22 h 33 m 19 s ML eSn 22 h 33 m 26.9 s				
							BCIS: H = 22 h 32 m 20 s; 45 3/4° N; 7° E. Im Osten des Mont-Blanc, Italien.					

## Schweizerische Literatur zur Geophysik im Jahre 1961

Ambraseys, N. N.: On the seismicity of South-West Asia. Data from a XV century Arabic manuscript. (Map.) – Rev. p. l'étude des calamités, No 37, 1961, p. 18–30.

Bendel, Louis; Bovet, Daniel: Une méthode pratique d'analyse harmonique des ébranlements sismiques. – Actes Soc. helv. Sc. nat., 141<sup>e</sup> session annuelle, Biennale 1961, partie sc., p. 107–111.

Fischer, Werner: Versuch zur Bestimmung von Lotabweichungsdifferenzen aus gegenseitigen Höhenwinkeln im schweizerischen Mittelland. (Fig., Diagr., Tab.) – Schweiz. Zschr. Vermessung, Jg. 59, 1961, S. 72–91.

Furrer, Heinrich: Erdbeben und Gebirgsbildung. – Verh. Schweiz. naturf. Ges., 141. Vers., Biel 1961, Wiss. Teil, S. 111–114.

Gaßmann, Fritz; Müller, Pierre: Gravimetrische Bestimmung der Gesteinsdichte und der Lotkrümmungen für den Punkt St. Anton des Basis-Vergrößerungsnetzes Heerbrugg. (Fig., Diagr., Karten, Tab.) – Schweiz. Zschr. Vermessung, Jg. 59, 1961, S. 311–330. Mitt. Inst. Geophysik ETH Zürich, Nr. 40.

Gaßmann, Fritz: Solution of an n-layer problem by a seismic reflection method. (Fig.) – Geophys. J. R. astronom. Soc., London, vol. 4, 1961, p. 151–157. Mitt. Inst. Geophysik ETH Zürich, Nr. 39.

Guyot, Edmond: Les observations de l'accélération de la pesanteur et la manière de les calculer. – Suisse horlog., année 75, 1960, p. 667–671.

Guyot, Edmond: Importance de la mesure du temps en séismologie. (Fig., diagr., tabl.) – Bull. annu. Soc. suisse Chronom., vol. 4, 1960, p. 379–383.

Heierli, Werner: Die Dynamik eindimensionaler Bodenkörper im nichtlinearen, nichtelastischen Bereich. (Fig., Diagr., Frequenzspektren, Tab.) – Diss. (Nr. 3177) techn. Wiss. ETH Zürich 1961. – Zürich, Versuchsanstalt für Wasserbau und Erdbau an der ETH (1961) VIII, 118 S. Mitt. Versuchsanstalt Wasserbau und Erdbau. 53. (Veröffentl.) Schweiz. Ges. Bodenmech. Fundationstechn. 32. – Techn. Mitt. Sapp. Ponton. Min., Jg. 26, 1961, Nr. 3, 4; Jg. 27, 1962, Nr. 1–4.

Auszug aus dem Bericht des Herrn Dr. Erwin Hunziker über: Gravimetermessungen auf St. Anton und Umgebung im Sommer 1960. (Tab.) – Protokoll 107. Sitzung Schweiz. geodät. Komm., Bern 1961, S. 7–12.

Schweizerische geodätische Kommission. (Gravimetermessungen in den Jahren 1953 bis 1957:) Das schweizerische Schweregrundnetz. (Beobachtet in den Jahren 1953–1954 von Erwin Hunziker, im Jahre 1957 von Paul Gleinsvik. Bearb. von E. H.) – Gravimetrische Einzelaufnahme einer Testschleife des Schweregrundnetzes. (Beobachtet im Jahre 1955. Beobachtet und bearb. von E. H.) – Gravimetrische Messungen auf den schweizerischen Teilstücken des «Réseau européen unifié de nivellation». (Beobachtet im Jahre 1956 von Nikolaus Wunderlin und P. G., ausgewertet von N. W., bearb. von E. H.) (Fig., Tab., 1 Karte a. T.) – Wabern/Bern, Kartenverlag der Eidg. Landestopographie, 1959, II, VI, 409 S. Astronomisch-geodätische Arbeiten in der Schweiz. 25.

Pavoni, Nazario: Faltung durch Horizontalverschiebung. Eclogae geologicae Helvetiae, Vol. 54, Nr. 2, 1961, S. 515–534 mit 9 Textfiguren. Mitt. Inst. Geophysik ETH Zürich, Nr. 41.

Pavoni, Nazario: Die nordanatolische Horizontalverschiebung. Geologische Rundschau Bd. 51, 1961, S. 122–139 mit 6 Abbildungen. Mitt. Inst. Geophysik ETH Zürich, Nr. 41.

Röthlisberger, Hans: The applicability of seismic refraction soundings in permafrost near Thule, Greenland. – U.S. Army Cold Regions Research and Engineering Laboratory, Corps of Engineers, Technical Report 81, Feb. 1961, IV, 19 p. and appendix A.–C.

Röthlisberger, Hans: Seismic refraction soundings in permafrost near Thule, Greenland. (Fig., diagr., map., tab., In:) Geology of the Arctic, Proc. 1st Internat. Symposium on Arctic Geology, Calgary 1960, vol. 2, p. 970–980. – Toronto, Univ. Toronto Press, 1961.

Rothé, Jean-Pierre: Les séismes du Chili «21 mai–22 juin 1960». (Carte, tabl.) – Rev. p. l'étude des calamités, No 37, 1961, p. 3–17.

Rothé, Jean-Pierre: Tableau de la séismicité du globe pendant les années 1958 et 1959 «Chronique séismol». (Tabl.) – Rev. p. l'étude des calamités, No 37, 1961, p. 31–69.

Rybach, Ladislaus: Radiometrische Untersuchungen in der Misoxer Muldenzone. (Abb., Kartenskizzen, Diagr., Tab.) – Schweiz. mineral. petrogr. Mitt., Bd. 41, 1961, S. 85–102. Mitt. Inst. Geophysik ETH Zürich, Nr. 39. Beitr. Geologie Schweiz. Geotechn. Serie. Kl. Mitt. 22.

Volet, Charles: La mesure absolue de l'accélération due à la pesanteur. (Fig.) – Bull. annu. Soc. suisse Chronom., vol. 4, 1960, p. 394–395.

Weber, Max: Zur Approximation von Laufzeitfunktionen aus diskreten Meßwerten mit abgebrochenen Potenzreihen. (Tab.) – Geofis. pura e appl., Milano, vol. 49, 1961 / II, p. 1–12. Mitt. Inst. Geophysik ETH Zürich, Nr. 40.

Weber, Max: Die Interpretation von seismischen Refraktionsmessungen im Grenzfall  $c_0 = 0$ . (Tab.) – Geofis. pura e appl., Milano, vol. 49, 1961 / II, p. 119–128. Mitt. Inst. Geophysik ETH Zürich, Nr. 40.

Weber, Max: Ein exakter Seismograph. (Abb.) – Geofis. pura e appl., Milano; vol. 48, 1961 / I, p. 35–39. Mitt. Inst. Geophysik ETH Zürich, Nr. 39.

Weber, Max; Rybach, Ladislaus: Ein refraktionsseismisches Profil zwischen Limmat- und Surbtal. Eclogae geologicae Helvetiae, Vol. 53, Nr. 2, 1960, S. 653–655. Mitt. Inst. Geophysik ETH Zürich, Nr. 38.

## Die Nullstellenbestimmung der ultrasphärischen Polynome

Ernst Peter

Im Anschluß an die Publikation von M. Weber «Zur Approximation von Laufzeitfunktionen aus diskreten Meßwerten mit abgebrochenen Potenzreihen» [1], stellte mir Prof. Dr. M. Weber die interessante Aufgabe, die Nullstellen der ultrasphärischen Polynome (Gegenbauerpolynome)

$$(1) \quad J_n(q, x) = \frac{x^{1-q}}{(q)_n} \cdot \frac{d^n}{dx^n} \left[ x^{q-1} (1-x)^n \right],$$

worin zur Abkürzung

$$(q)_n = q(q+1) \dots (q+n-1)$$

gesetzt ist, mit hoher Genauigkeit zu bestimmen.

Die Jacobipolynome

$$(2) \quad Q_n(p, q, x) = \frac{x^{1-q} (1-x)^{q-p}}{(q)_n} \cdot \frac{d^n}{dx^n} \left[ x^{q+n-1} \cdot (1-x)^{p+n-q} \right]$$

und mit ihnen auch als Spezialfall die ultrasphärischen Polynome (1), wobei in (2) nur

$$(3) \quad p = q$$

zu setzen ist, aber auch die Legendreschen Polynome mit

$$p = 0, q = \frac{1}{2},$$

sind Lösungen des folgenden **Sturm-Liouvilleschen Eigenwertproblems**

$$(4) \quad \frac{d}{dx} \left[ (1-x)^{p+1} (1+x)^{q+1} \frac{dy}{dx} \right] + \lambda (1-x)^p (1+x)^q = 0$$

mit den Randbedingungen  $y$  beschränkt für

$$(5) \quad x = \pm 1.$$

Solche Lösungen existieren für die Eigenwerte

$$(6) \quad \lambda = n(p+q+n+1).$$

Man bezeichnet sie als Jacobipolynome. Die Singularitäten der Differentialgleichung (4) liegen bei

$$x = \pm 1,$$

was man aus den Koeffizienten der linearen Differentialgleichung (4) leicht abliest. Es sind Singularitäten der Bestimmtheit. Die aus der Sturm-Liouvilleschen Form (4) durch Einsetzen der Eigenwerte (6) entstandene Differentialgleichung

$$(7) \quad \frac{d}{dx} \left[ (1-x)^{p+1} (1+x)^{q+1} \frac{dy}{dx} \right] + n(p+q+n+1)(1-x)^p (1+x)^q \cdot y = 0$$

geht aber auch aus der **hypergeometrischen Differentialgleichung**

$$(8) \quad \frac{d^2y}{dx^2} + \frac{\gamma + (1+\alpha+\beta)x}{x(x-1)} \cdot \frac{dy}{dx} + \frac{\alpha \cdot \beta}{x(x-1)} \cdot y = 0$$

durch einfache Variabeltransformation hervor, wenn man noch folgende Abkürzungen

$$(9) \quad \begin{aligned} \gamma &= 1-p \\ \alpha + \beta - \gamma &= q \\ \beta &= -n \end{aligned}$$

inführt. Die Lösungen der hypergeometrischen Differentialgleichung sind die hypergeometrischen Reihen

$$(10) \quad F(\alpha, \beta, \gamma, x) = 1 + \frac{\alpha \cdot \beta}{1!\gamma} \cdot x + \frac{\alpha(\alpha+1)\beta(\beta+1)}{\gamma(\gamma+1) \cdot 2!} \cdot x^2 + \dots + \frac{(\alpha)_n (\beta)_n}{(\gamma)_n \cdot n!} \cdot x^n + \dots$$

Diese Reihe bricht ab, falls

$$(1) \quad \alpha \text{ oder } \beta = -n$$

t.  
 $n = 0, 1, 2, 3, \dots$

Die Jacobipolynome sind also die abbrechenden hypergeometrischen Reihen und sind daher im abgeschlossenen Intervall (0,1) regulär. Sie lassen sich in folgender Form darstellen

$$(2) \quad Q_n(p, q, x) = \binom{n+p}{n} \cdot F(p+q+n+1, -n, p+1, \frac{1-x}{2}).$$

Die **ultrasphärischen Polynome** sind im Intervall (0,1) orthogonal bezüglich der Belegungsfunktion

$$(3) \quad \varrho(x) = x^{q-1},$$

es heißt es gilt

$$(4) \quad \int_0^1 \varrho \cdot J_n \cdot J_m dx = N_n \cdot \delta_{nm}$$

mit

$$\delta_{nm} = \begin{cases} 0 & \text{für } n \neq m \\ 1 & \text{für } n = m \end{cases}$$

und

$$N_n = (n!)^2 / (q + 2n) [(q)_n]^2.$$

Sie können aufgebaut werden über die dreigliedrige Rekursionsformel

$$(15) \quad J_{n+2}(q, x) = (a_n \cdot x + b_n) \cdot J_{n+1}(q, x) + c_n \cdot J_n(q, x)$$

mit

$$(16) \quad \begin{cases} a_n = -\frac{(q + 2n + 2)(q + 2n + 3)}{(q + n + 1)^2} \\ b_n = \frac{(q + 2n + 2)(q + 2n + 3)}{2(q + n + 1)^2} \left[ \frac{(q - 1)^2}{(q + 2n + 1)(q + 2n + 3)} + 1 \right] \\ c_n = -\frac{(q + 2n + 3)(n + 1)^2}{(q + 2n + 1)(q + n + 1)^2}. \end{cases}$$

Wie alle orthogonalen Polynome haben die Gegenbauer-Polynome die Eigenschaft, daß ihre Nullstellen reell und einfach sind und daß sie im Innern des Bereiches, das heißt in unserem Falle zwischen (0,1) liegen. Diese Tatsache ist zum Beispiel leicht aus der **Prüferschen Differentialgleichung** ersichtlich.

Prüfer geht dabei von der Sturm-Liouville-Differentialgleichung 2. Ordnung

$$(17) \quad \frac{d}{dx} \left[ p(x) \cdot \frac{dy}{dx} \right] + q(x) \cdot y + \lambda \cdot r(x) \cdot y = 0 \quad \text{mit } p(x) > 0, r(x) > 0 \text{ im Intervall } (a, b)$$

aus. Er führt diese mit

$$(18) \quad \begin{aligned} \frac{dz}{dx} &= -(q + \lambda \cdot r) \cdot y \\ \frac{dy}{dx} &= z \end{aligned}$$

in ein simultanes lineares System von 2 Gleichungen 1. Ordnung über.

Mit den Polarkoordinaten

$$(19) \quad \begin{aligned} z &= q \cdot \cos \vartheta \\ y &= q \cdot \sin \vartheta \end{aligned}$$

ergibt die eine der beiden Gleichungen die Prüfersche Differentialgleichung

$$(20) \quad \frac{d\vartheta}{dx} = \frac{1}{p} \cdot \cos^2 \vartheta + (q + \lambda \cdot r) \cdot \sin^2 \vartheta.$$

Ihr entnimmt man in der Phasenebene folgendes

#### Oszillationstheorem

Die  $n$ -te Eigenfunktion  $y_n(x)$  hat im Innern des Grundintervales genau  $n$  Nullstellen.

Anderseits gilt für die Orthogonalpolynome noch folgender

**Satz:** Die Folge von Orthogonalpolynomen bildet für jedes Intervall, wo

$$P_m(x)$$

an den Endpunkten nicht verschwindet, eine **Sturmsche Kette**

$$P_m(x), P_{m-1}(x), \dots, P_0(x).$$

Dieser Satz von Sturm enthält implizite auch die Bedingung einfacher Nullstellen, denn dies ist eine der Grundbedingungen, damit eine Funktion folge überhaupt eine Sturmsche Kette bilden kann.

Ferner ist noch ein **Satz von Laguerre** erwähnenswert. Hat ein Polynom

$$P_n(x) = x^n + a_1 x^{n-1} + \dots + a_{n-1} x + a_n$$

(21) lautet reelle Nullstellen, was für Jacobipolynome zutrifft, so liegen sämtliche Nullstellen im Intervall der beiden Lösungen der quadratischen Gleichung

$$n \cdot x^2 + 2a_1 x + [2(n-1) \cdot a_2 - (n-2) \cdot a_1^2] = 0.$$

(22) Hieraus folgt, daß die Nullstellen der ultrasphärischen Polynome im Intervall (0,1) liegen.

Zur Kontrolle der numerisch ermittelten Nullstellen seien noch die zwei folgenden Sätze über orthogonale Polynome angeführt

**1. Satz:** Zwischen zwei aufeinanderfolgenden Nullstellen des orthogonalen Polynoms

$$P_{n+1}(x)$$

liegt genau eine Nullstelle von

$$P_n(x).$$

**2. Satz:** Zwischen zwei Nullstellen des Orthogonalpolynoms  $P_n(x)$  liegt mindestens eine Nullstelle von  $P_m(x)$ , wenn

$$m > n$$

ist.

Mit steigendem Grade der Polynome häufen sich somit die Nullstellen in diesem Intervall und damit die Schwierigkeit der numerischen Ermittlung, so daß eine bequeme Methode zur Berechnung der Nullstellen gefunden werden mußte. Eine Methode, die diese Schwierigkeiten überwindet, ist der Quotienten-Differenzenalgorithmus nach H. Rutishauser [2]. Diese Methode liefert die Nullstellen mit der gewünschten Genauigkeit.

#### Der Quotienten-Differenzenalgorithmus

Der Quotienten-Differenzenalgorithmus kann eingeführt werden als eine Methode, welche Orthogonalpolynome

$$P_n(x)$$

und ihre Kernpolynome bezüglich der Belegungsfunktion  $\varrho(x)$  im Intervall

$$0 \leq a < b$$

konstruiert. Man geht dabei von der dreigliedrigen Rekursionsformel

$$(23) \quad P_{i+1}(x) = x \cdot P_i(x) - a_{i+1} \cdot P_i(x) - \beta_i \cdot P_{i-1}(x)$$

aus. Unser Intervall sei  $(a, b)$  und die Belegungsfunktion laute  $\varrho(x)$ . Aus der Orthogonalitätsrelation ergibt sich

$$(24) \quad a_{i+1} = \frac{\int_a^b x \cdot P_i^2(x) \cdot \varrho(x) dx}{\int_a^b P_i^2(x) \cdot \varrho(x) dx}$$

$$\text{und } a_0 = 0$$

$$(25) \quad \beta_i = \frac{\int_a^b x \cdot P_i(x) \cdot P_{i-1}(x) \cdot \varrho(x) dx}{\int_a^b P_{i-1}^2(x) \cdot \varrho(x) dx}$$

$$\beta_0 = 0.$$

Die beiden Zahlenfolgen  $a_i$  und  $\beta_i$  werden durch die beiden neuen Folgen

$$(26) \quad \begin{aligned} q_i + e_{i-1} &= a_i \\ q_i \cdot e_i &= \beta_i \\ e_0 &= 0 \\ q_0 &= 0 \end{aligned}$$

ersetzt. Die  $q_i$  und  $e_i$  sind so durch die  $a_i$  und  $\beta_i$  eindeutig bestimmt. Wir setzen sie in die Rekursionsformel ein

$$(27) \quad \begin{aligned} P_{i+1} &= x \cdot P_i - (q_{i+1} + e_i) \cdot P_i - q_i \cdot e_i \cdot P_{i-1} \\ \frac{P_{i+1}}{x} &= P_i - \frac{(q_{i+1} + e_i) \cdot P_i}{x} - \frac{q_i \cdot e_i \cdot P_{i-1}}{x} \end{aligned}$$

oder, indem wir die Glieder von  $e_i$  zusammenfassen,

$$(28) \quad \frac{P_{i+1} + q_{i+1} \cdot P_i}{x} = P_i - e_i \cdot \frac{P_i + q_i \cdot P_{i-1}}{x}.$$

Aus dieser Gleichung sind die neuen Polynome wie folgt

$$(29) \quad \begin{aligned} P'_i(x) &= \frac{P_{i+1} + q_{i+1} \cdot P_i}{x} & \text{a)} \\ P'_{i-1}(x) &= \frac{P_i + q_i \cdot P_{i-1}}{x} & \text{b)} \end{aligned}$$

zu definieren, wobei die obere durch die untere Form sich nur durch den um 1 erhöhten Index unterscheidet. Mit (29) lautet daher (28)

$$(30) \quad P'_i(x) = P_i - e_i \cdot P'_{i-1}.$$

Durch Umordnung von (29a) folgt

$$(31) \quad P_{i+1} = x \cdot P'_i - q_{i+1} \cdot P_i.$$

Für die rekursive Berechnung ist noch  $P_0$  und  $P'_0$  vorzugeben. Wir setzen

$$(32) \quad P_0 = 1$$

$$P'_0 = 1.$$

Auch die  $P'_i(x)$  sind Polynome, wie man durch Induktion aus (30) und (31) nachweisen kann. Es spaltet sich daher die Rekursionsformel (23)

$$(33) \quad P_{i+1}(x) = x \cdot P'_i(x) - q_{i+1} \cdot P_i(x) \quad \text{a)}$$

$$P'_i(x) = P_i(x) - e_i \cdot P'_{i-1}(x) \quad \text{b)}$$

auf. Die Polynome  $P'_i(x)$  bilden nun eine orthogonale Folge bezüglich der Belegungsfunktion  $x \cdot \varrho(x)$ . Zum Beweise ziehen wir die Gleichung (33a) heran. Wir bringen darin das negative Glied auf die linke Seite und multiplizieren mit

$$P'_k(x) \cdot \varrho(x), \\ k < n$$

wo

ist, und integrieren über das Intervall (a, b). Daraus ergibt sich

$$(34) \quad \int_a^b x \cdot P'_i \cdot P'_k \cdot \varrho(x) dx = \int_a^b P_{i+1} \cdot P'_k \varrho(x) dx + q_{i+1} \int_a^b P_i \cdot P'_k \varrho(x) dx.$$

Nun sind aber die Polynome  $P_{i+1}$  und  $P_i$  auf jedem beliebigen Polynom  $\Pi_v$  kleineren Grades orthogonal bezüglich der Belegungsfunktion  $\varrho(x)$ , so daß gilt

$$(35) \quad \int_a^b P_{i+1} \cdot P'_k \varrho(x) dx = 0 \\ \int_a^b P_i \cdot P'_k \varrho(x) dx = 0.$$

Somit gilt auch

$$(36) \quad \int_a^b P'_i \cdot P'_k \cdot x \cdot \varrho(x) dx = 0.$$

Diese Eigenschaft besitzen aber auch die Kernpolynome  $K_n(0, x)$ , so daß es nur noch eine Normierungsfrage ist, um setzen zu können

$$(37) \quad P'_n(x) = K_n(0, x).$$

Die Kernpolynome sind allgemein definiert als

$$(38) \quad K_n(x, y) = \sum_{i=1}^n p_i(x) \cdot p_i(y) \\ K_n(x, y) = \frac{k_n}{k_{n+1}} \cdot \frac{p_{n+1}(x) \cdot p_n(y) - p_{n+1}(y) \cdot p_n(x)}{x - y}$$

Es stellen die  $k_n$  und  $k_{n+1}$  die Koeffizienten der höchsten Potenz der jeweiligen orthonormierten Polynome  $p_n(x)$  und  $p_{n+1}(x)$  dar.

Das Kernpolynom  $K_n(x, y)$  ist reproduzierender Kern, das heißt es gilt die Relation

$$(39) \quad \Pi_n(x) = \int_a^b K_n(x, y) \Pi_n(y) dm(y)$$

mit stetiger oder diskreter Belegungsfunktion. Die Kernfunktion ist somit eine Verallgemeinerung der Einheitsmatrix im Kontinuierlichen. Die Polynome  $P'_i$  und  $P'_k$  sind also orthogonal bezüglich der Belegungsfunktion  $x \cdot \varrho(x)$ . Aus dieser Orthogonalität folgt nun, daß auch sie dreigliedrige Rekursionsformel besitzen müssen, das heißt

$$(40) \quad P'_{i+1} = x \cdot P'_i - a'_{i+1} \cdot P'_i - \beta'_{i+1} \cdot P'_{i-1}.$$

Sie kann ebenfalls in der Form von (27) geschrieben werden

$$(41) \quad P'_{i+1} = x \cdot P'_i - (q'_{i+1} + e'_i) \cdot P'_i - q'_i \cdot e'_i \cdot P'_{i-1}.$$

Zur Berechnung der neuen Koeffizienten  $q'_i$  und  $e'_i$  verwenden wir (33), indem wir b) in a) einführen. Dadurch erhalten wir aus

$$(42) \quad P'_{i+1} = P_{i+1} - e_{i+1} \cdot P'_i \\ P'_{i+1} = (x \cdot P'_i - q_{i+1} \cdot P_i) - e_{i+1} \cdot P'_i$$

Verwendet man (33b) nochmals in der Form

$$(43) \quad P_i = P'_i + e_i \cdot P_{i-1}$$

und führt diese in (42) ein, so ergibt sich schließlich

$$(44) \quad P'_{i+1} = x \cdot P'_i - q_{i+1} \cdot (P'_i + e_i \cdot P_{i-1}) - e_{i+1} \cdot P'_i \\ P'_{i+1} = x \cdot P'_i - (q_{i+1} + e_{i+1}) \cdot P'_i - q_{i+1} \cdot e_{i+1} \cdot P'_{i-1}.$$

Durch Koeffizientenvergleich von (41) mit (44) findet man die bedeutende Regel

$$(45) \quad q'_{i+1} + e'_i = q_{i+1} + e_{i+1} \\ q'_i \cdot e'_i = q_{i+1} \cdot e_i.$$

Man nennt sie die erste und zweite Rhombenregel.

Es liegt nun der Gedanke nahe, die gestrichenen Polynome auf höher gestrichene Systeme zu übertragen. Beim zweifach gestrichenen System ergeben sich entsprechende dreigliedrige Rekursionsformeln für zweifach gestrichene Polynome, die nun orthogonal sind bezüglich der Belegungsfunktion

$x^2 \cdot \varrho(x)$

Wir bezeichnen sie als zweite Kernpolynome. Ebenso erhalten wir im  $k$ -fach gestrichenen System die Polynome

$$P_i^{(k)}(x),$$

welche bezüglich der Belegungsfunktion

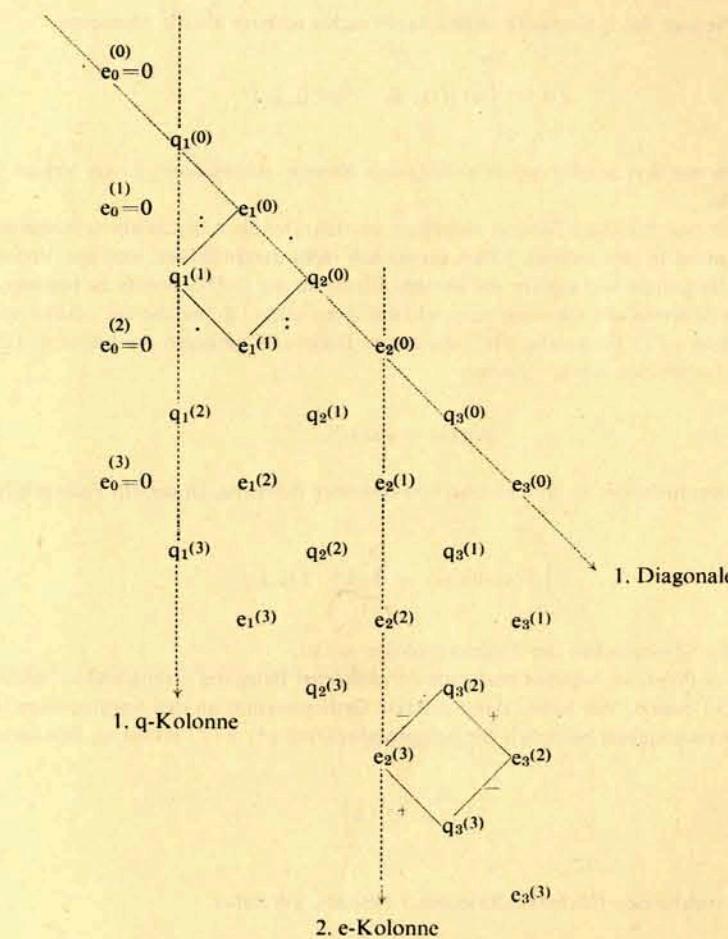
$$x^k \cdot \varrho(x)$$

orthogonal sind.

Die verallgemeinerte 1. und 2. Rhombenregel lautet dann

$$(46) \quad q_{i+1}^{(v+1)} + e_i^{(v)} = q_{i+1}^{(v)} + e_{i+1}^{(v)} \\ q_i^{(v+1)} \cdot e_i^{(v+1)} = q_{i+1}^{(v)} \cdot e_i^{(v)}.$$

Diese Formeln sind besonders bequem zu merken, wenn man sie im sog. Quotienten-Differenzenschema anordnet



In diesem Schema treten nun die beiden Regeln auf:

1. Für die Rhomben, welche durch eine q-Kolonne zentriert werden:

Die Summe der beiden niedrig gestrichenen Elemente ist gleich der Summe der beiden hoch gestrichenen Elemente.

2. Für die Rhomben, welche durch eine e-Kolonne zentriert werden:

Das Produkt der zwei niedrig gestrichenen Elemente ist gleich dem Produkt der zwei hoch gestrichenen Elemente.

Dieses zweidimensionale Schema ist verallgemeinerungsfähig. Es kann zum Beispiel für alle dreigliedrigen Rekursionsformeln und Sturmsche Kette gebraucht werden. Viele dieser Algorithmen beruhen auf diesem Schema. Da bei uns alle

$$(47) \quad e_0^{(k)} = 0$$

sind, so ist das Schema eindeutig bestimmt, falls die Diagonale bekannt ist. Das Schema kann aber auch durch die erste q-Kolonne berechnet werden. Es ist

$$(48) \quad q_1^{(0)} = a_1 = \frac{\int_a^b x \cdot P_0^2 \varrho(x) dx}{\int_a^b P_0^2 \varrho(x) dx}$$

$$\begin{aligned} q_1^{(0)} &= a_1 = \frac{\int_a^b x \cdot \varrho(x) dx}{\int_a^b \varrho(x) dx} = \frac{s(1)}{s(0)} \\ &\text{der allgemein für irgendein Glied der ersten q-Kolonne} \end{aligned}$$

$$(49) \quad q_1^{(k)} = \frac{\int_a^b x^{k+1} \varrho(x) dx}{\int_a^b x^k \varrho(x) dx} = \frac{s^{(k+1)}}{s^k},$$

denn es ist ja  $P_0 = I$ . Die Zähler und Nenner der  $q$ -Elemente stellen daher nichts anderes als die Momente

$$(50) \quad s(v) = \int_a^b x^v \varrho(x) dx = (A^v \bar{u}_0, \bar{u}_0)$$

dar. Diese Momente stimmen aber auch mit den Schwarzschen Konstanten überein, wobei unter  $\bar{u}_0$  ein Vektor verstanden sei, der zu keinem Eigenvektor der Matrix  $A$  senkrecht steht.  
Mit Hilfe der Rhombenregeln (46) könnte nun das ganze Schema aufgebaut werden. Der oben beschriebene numerische Prozeß der Berechnung des Q-D-Schemas nach der ersten  $q$ -Kolonne ist in den meisten Fällen numerisch nicht durchführbar, weil das Verfahren unter Auslöschung leidet.  
Wir müssen daher versuchen, die erste Diagonale und mit ihr die übrigen Elemente des Q-D-Schemas zu bestimmen.  
Es liefert uns nun die erste Diagonale des Schemas alle Elemente  $e_1, q_1$  und mit ihnen alle  $a_1, \beta_1$ , welche zur rekursiven Bestimmung der Orthogonalpolynome bezüglich der Belegungsfunktion  $\varrho(x)$  notwendig sind; die zweite Diagonale hingegen die Elemente für die Kernpolynome, und jede weitere Diagonale diejenigen für die nächsthöheren Kernpolynome.

Setzt man

$$dm(x) = \varrho(x) dx$$

(51)

und versteht man unter  $m(x)$  eine Treppenfunktion, so spricht man von diskreter Belegung. In diesem Falle gilt für das Stieltjessche Integral die Relation

$$(52) \quad \int_a^b f(x) dm(x) = \sum_{j=1}^n k_j^2 \cdot f(x_j).$$

Darin sind  $k_j^2$  die Sprunghöhen und  $x_j$  die Sprungstellen der Treppenfunktion  $m(x)$ .

Es kann nun gezeigt werden, daß das  $n$ -te Polynom, welches bezüglich der diskreten Belegung orthogonal ist, seine Nullstellen an den Stellen der Extremwerte der Belegungsfunktion  $\varrho(x)$  besitzt. Wir haben dann diskrete Orthogonalität an den Sprungstellen. Dieselbe Aussage gilt auch für jedes höhere Kernpolynom, wobei die Orthogonalität bezüglich der Belegungsfunktion  $x^k \cdot \varrho(x)$  erfüllt ist. Die Sprunghöhen gehen dabei über von

$$k_j^2 \xrightarrow{\text{in}} x_j^k \cdot k_j^2.$$

Für diese Kernpolynome vom Grade  $n$ , welche den Höchstkoeffizienten  $l$  besitzen, gilt daher

$$(53) \quad P_n^{(k+1)}(x) = P_n^{(k)}(x),$$

woraus sich dann die Relation

$$(54) \quad e_n^{(k)} = 0$$

ergibt. Da nun (54) für jedes  $k$  gilt, haben wir somit den

Satz: Im Falle einer diskreten Belegung mit  $n$  Spitzenwerten verschwindet die Kolonne der Zahlen  $e_n$  im Quotienten-Differenzenschema identisch.

H. Rutishauser hat dann ganz allgemein folgenden Satz bewiesen

Satz: Im Falle einer diskreten Belegung mit  $n$  Spitzen konvergieren die  $q_i$ -Kolonnen zur Abszisse der  $i$ -ten Spalte. Es ist dies die  $i$ -te Wurzel des letzten Polynoms  $P_n(x)$  der orthogonalen Folge.

Die Abszissen der Spitzenwerte werden dabei in absteigender Größenordnung aufgereiht

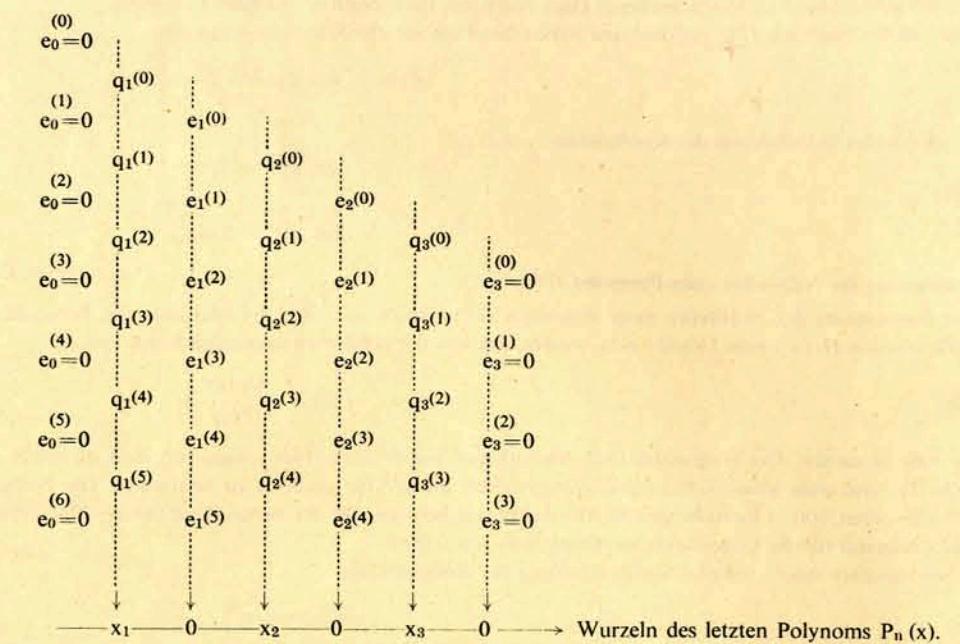
$$x_j > x_m$$

für  $j < m$ .

Unser Schema ist nicht mehr zweidimensional unendlich, denn es wird ja durch die  $e_n^{(k)} = 0$ -Kolonne ( $k = 0, 1, 2, \dots$ ) begrenzt. Es liefert auf dieselbe Weise, wie oben beschrieben wurde, Folgen von orthogonalen Polynomen und Kernpolynomen, welche aber nach dem  $n$ -ten Polynom abbrechen. Alle Höchstpolynome vom Grade  $n$  besitzen zudem dieselben Nullstellen  $x_j$ , welche an den Sprungstellen der Treppenfunktion liegen. Da sie alle den Höchstkoeffizienten  $l$  besitzen sollen, sind sie identisch

$$P_n^{(v)}(x) \equiv P_n^{(\mu)}(x).$$

Unser Schema hat damit folgende Gestalt



Formelmäßig lautet das Theorem von H. Rutishauser

(55)

$$\lim_{v \rightarrow \infty} q_j^{(v)} = x_j$$

mit  
 $P_n^{(v)}(x_j) = 0$ .

Für die erste  $q$ -Kolonne kann dies sofort gezeigt werden, denn in der Tat ist

$$q_1^{(v)} = \frac{s^{(v+1)}}{s^{(v)}} = \frac{\int_a^b x^{v+1} dm(x)}{\int_a^b x^v dm(x)} = \frac{\sum_{j=1}^n k_j^2 x_j^{v+1}}{\sum_{j=1}^n k_j^2 x_j^v}$$

$$q_1^{(v)} = \frac{x_1^{v+1} \sum_{j=1}^n \left(\frac{k_j}{k_1}\right)^2 \cdot \left(\frac{x_j}{x_1}\right)^{v+1}}{x_1^v \sum_{j=1}^n \left(\frac{k_j}{k_1}\right)^2 \cdot \left(\frac{x_j}{x_1}\right)^v}$$

$$q_1^{(v)} = x_1 \cdot \frac{1 + \left(\frac{k_2}{k_1}\right)^2 \cdot \left(\frac{x_2}{x_1}\right)^{v+1} + \dots + \left(\frac{k_n}{k_1}\right)^2 \cdot \left(\frac{x_n}{x_1}\right)^{v+1}}{1 + \left(\frac{k_2}{k_1}\right)^2 \cdot \left(\frac{x_2}{x_1}\right)^v + \dots + \left(\frac{k_n}{k_1}\right)^2 \cdot \left(\frac{x_n}{x_1}\right)^v}.$$

Für  $v \rightarrow \infty$  folgt nun, da  
ist,

(56)

$$x_1 > x_2 > \dots > x_n$$

$$q_1^{(v)} \rightarrow x_1$$

für  $v \rightarrow \infty$ .

Bildet man mit einer  $n$ -reihigen Matrix  $A$  und ihrer Transponierten  $A^*$  mit den zwei beliebigen Vektoren  $x_0, y_0$ , von denen  $x_0$  bezüglich der Matrix  $A$  und  $y_0$  bezüglich der Matrix  $A^*$  in allgemeiner Lage sind, die unendlich vielen Vektoren

$$x_v = A^v \cdot x_0$$

$$y_v = (A^*)^v y_0$$

$$s_{\mu+v} = (x_\mu, y_v)$$

und aus ihnen durch Bildung des inneren Produktes  
die Schwarzschen Konstanten  $s_k$ , so ist die Funktion

(58)

$$f(z) = \sum_0^\infty \frac{s_k}{z^{k+1}},$$

wie H. Rutishauser gezeigt hat, rational.

Wenn  $f(z)$  eine rationale Funktion ist, deren Nenner den Grad  $n$  besitzt, so bricht das Q-D-Schema hinter der  $n$ -ten  $e_n$ -Kolonne ab, ganz ähnlich wie das gewöhnliche Differenzenschema eines Polynoms nach der  $n$ -ten Differenz abbricht.

**Satz:** Ist die Funktion  $f(z)$  rational und haben ihre Pole verschiedene Absolutbeträge

$$|z_1| > |z_2| > |z_3| > \dots$$

so gilt für das Q-D-Schema der Koeffizienten von  $f(z)$

$$\lim_{v \rightarrow \infty} q_i^{(v)} = z_i \quad (i = 1, 2, 3, \dots) \quad (59)$$

$$\lim_{v \rightarrow \infty} e_i^{(v)} = 0.$$

#### Bestimmung der Nullstellen eines Polynoms $\Pi(x)$

Zur Bestimmung der Nullstellen eines Polynoms  $\Pi(x)$  kann, wie nach der Methode von Bernoulli, so vorgegangen werden, daß man sich ein Hilfspolynom  $\Pi_1(x)$  vom Grade  $(n-1)$  vorgibt, um von der gebildeten rationalen Funktion

$$(60) \quad f(x) = \frac{\Pi_1(x)}{\Pi(x)}$$

die Pole zu suchen. Der progressive Q-D-Algorithmus, wie er uns in (46) vorgegeben wird, ist hierzu das geeignete Mittel. Er erlaubt uns auf eine einfache Art und ohne wesentlichen Genauigkeitsverlust, die  $q_i^{(v)}$  für großes  $v$  zu bestimmen. Die Nullstellen von  $\Pi(x)$  lassen sich beliebig genau approximieren, sofern sie nicht gleiche Absolutbeträge besitzen. Bei der Behandlung unserer Nullstellen ergibt sich daraus gar kein Problem, denn unser Intervall für die Gegenbaupolynome läuft von 0 bis 1.

Schwierigkeiten macht lediglich die Beschaffung der Anfangswerte

$$q_i^{(0)} \text{ und } e_i^{(0)}.$$

Man findet sie durch Entwicklung der rationalen Funktion in einen Stieltjesschen Kettenbruch oder kürzer S-Kettenbruch

$$(61) \quad f(x) = \frac{s_0}{x} - \frac{q_1^{(0)}}{1 - \frac{e_1^{(0)}}{x - \frac{q_2^{(0)}}{1 - \frac{e_2^{(0)}}{x}}}}$$

mit Hilfe des Euklidschen Algorithmus, das heißt von der Form

$$(62) \quad \begin{aligned} \frac{f_0}{f_1} &= \lambda_0 + \frac{f_2}{f_1} \\ \frac{f_1}{f_2} &= \lambda_1 + \frac{f_3}{f_2} \\ &\vdots \end{aligned}$$

Wir gehen nun von den Polynomen

$$\Pi_1(x) = x^{n-1} + \dots$$

und

$$\Pi(x) = \Pi_0^*(x) = x^n + \dots$$

aus und konstruieren für

$$i = 1, 2, 3, 4, \dots$$

nacheinander die Polynome  $\Pi_i(x)$  und  $\Pi_i^*(x)$  vom Grade  $n-i$

$$(63) \quad \begin{aligned} q_i \Pi_i^*(x) &= x \cdot \Pi_i(x) - \Pi_{i-1}^*(x) & (i = 1, 2, \dots) \\ e_i \Pi_{i+1}(x) &= \Pi_i^*(x) - \Pi_i(x) & (i = 1, 2, \dots, n-1) \end{aligned}$$

Verlangt man nun, daß die Koeffizienten der höchsten Potenz in allen diesen Polynomen  $\Pi_i$  und  $\Pi_i^*$  den Wert 1 haben sollen, dann sind die  $q_i$  und  $e_i$  eindeutig bestimmt. Hat das Polynom  $\Pi(x)$  konjugiert-komplexe Nullstellen oder Nullstellen mit gleichem Absolutbetrag, dann kontrahieren die Kolonnen des Q-D-Schemas nicht mehr, doch lassen sich auch diese Fälle nach H. Rutishauser [2] gut behandeln. Bei den Orthogonopolynomen des Intervalls (0,1) treten diese Fälle nicht auf.

#### Die Wronskische Formel

Nach der Wronskischen Formel

$$(64) \quad \frac{1}{\sum_0^\infty s_v x^v} = \sum_0^\infty \frac{(-1)^{(i+1)}}{s_0^{i+1}} \begin{vmatrix} 0 & 0 & 0 & s_0 & s_1 \\ 0 & s_0 & s_1 & s_2 & \vdots \\ 0 & s_1 & s_2 & s_3 & \vdots \\ s_0 & s_1 & s_2 & s_3 & \vdots \\ s_1 & s_2 & s_3 & s_4 & \vdots \end{vmatrix} \cdot x^i$$

ist es möglich, die Kettenbruchentwicklung zu umgehen.

Es läßt sich zeigen, daß man im Q-D-Schema der Koeffizienten von

$$x^{n-1}/\Pi(x)$$

eine horizontale Zickzackreihe von  $q$ - und  $e$ -Werten direkt mit Hilfe der Koeffizienten des Polynoms  $\Pi(x)$  angeben kann. Ist nun

(65)

$$\Pi(x) = \sum_0^n c_i x^i,$$

dann gilt

$$q_i^{(1-i)} = \begin{cases} -\frac{c_{n-1}}{c_n} & (\text{d. h. } i = 1) \\ 0 & (i = 2, 3, \dots, n) \end{cases}$$

(66)

$$e_i^{(1-i)} = \frac{c_{n-i-1}}{c_{n-i}} \quad (i = 1, 2, \dots, n-1).$$

Nun beginnt man das Q-D-Schema der Koeffizienten von

$$x^{n-1}/\Pi(x)$$

mit der Horizontalreihe

$$\begin{array}{ccccccc} -\frac{c_{n-1}}{c_n} & 0 & 0 & \dots & 0 & 0 \\ \hline \frac{c_{n-2}}{c_{n-1}} & \frac{c_{n-3}}{c_{n-2}} & \dots & & & & \frac{c_0}{c_1} \end{array}$$

das man dann mit Hilfe der Rhombenregeln nach unten fortsetzt.

#### Die quadratische Konvergenz des Q-D-Algorithmus

Mit Hilfe der sog. J-Kettenbrüche

$$(67) \quad f(x) = \frac{s}{x-a_1} - \frac{\beta_1}{x-a_2} - \frac{\beta_2}{x-a_3} - \dots - \frac{\beta_{n-2}}{x-a_{n-1}}$$

läßt sich die Konvergenz des Q-D-Algorithmus wesentlich beschleunigen.

Der J-Kettenbruch kann durch Kontraktion des S-Kettenbruches, und zwar des sog. geraden Teils erzeugt werden.

Die Kontraktion des geraden Anteils eines beliebigen Kettenbruches

$$b_0 + \frac{a_1}{b_1} + \frac{a_2}{b_2} + \dots$$

ergibt sich ja bekanntlich durch die Bildung von

$$b_0 + \frac{a_1 b_2}{b_1 b_2 + a_2} - \frac{a_2 a_3 b_4}{(b_2 b_3 + a_3) b_4 + b_2 a_4} - \frac{a_4 a_5 b_6}{(b_4 b_5 + a_5) b_6 + b_4 a_6} - \frac{a_6 a_7 b_8}{(b_6 b_7 + a_7) b_8 + b_6 a_8} - \dots$$

Es läßt sich nun die progressive Form des Q-D-Algorithmus von (46) in zwei Formelgruppen aufspalten, nämlich

$$(68) \quad \begin{aligned} a_i^{(v+1)} &= q_i^{(v)} + e_i^{(v)} & (i = 1, 2, \dots, n) \\ \beta_i^{(v+1)} &= q_{i+1}^{(v)} \cdot e_i^{(v)} & e_n^{(v)} = 0 \end{aligned}$$

und

$$(69) \quad \begin{aligned} q_i^{(v+1)} &= a_i^{(v+1)} - e_{i-1}^{(v+1)} & (i = 1, 2, \dots, n) \\ e_i^{(v+1)} &= \frac{\beta_i^{(v+1)}}{q_i^{(v+1)}} & e_0^{(v+1)} = \beta_n^{(v+1)} = 0 \end{aligned}$$

Die hier auftretenden

$$a_i^{(v+1)}, \beta_i^{(v+1)}$$

und tatsächlich Elemente des J-Kettenbruches, der sich als Zwischenglied der Berechnung des  $S_{v+1}$ -Kettenbruches aus dem  $S_v$ -Kettenbruch ergibt. Bei einer als J-Kettenbruch dargestellten Funktion ist die Verschiebung des Koordinaten-Nullpunktes eine triviale Operation, denn man hat nur zu dem  $a_i$  dieselbe Konstante zu addieren. Es ist ja

$$(70) \quad \frac{c}{x-a_1} - \frac{\beta_1}{x-a_2} - \frac{\beta_2}{x-a_3} - \dots \equiv \frac{c}{x^* - a_1^*} - \frac{\beta_1}{x^* - a_2^*} - \frac{\beta_2}{x^* - a_3^*} - \dots$$

enn

$$(71) \quad \begin{aligned} x &= x^* + t \\ a_i &= a_i^* + t \end{aligned}$$

mittelbar nach der Berechnung der  $a_i^{(v+1)}$  und  $\beta_i^{(v+1)}$  wird man im Zwischenschritt den Nullpunkt der  $x$ -Achse in die Nähe eines Pol  $\lambda_n$  von  $x$ ) verschieben. Unter geeigneten Umständen wird der Absolutbetrag dieses Poles im neuen Koordinatensystem bedeutend kleiner als bei den deren Polen, so daß die  $e_{n-1}^{(v)}$  wesentlich rascher gegen 0 konvergieren, was bessere Näherungswerte für  $\lambda_n$  zur Folge hat. Man führt nun bei dem Schritt der Rechenvorschrift (68), (69) eine solche Koordinatenverschiebung durch. Die Rechenvorschrift hierzu ist die folgende:

Man konstruiert entweder die rationale Funktion

$$\Pi_1(x)/\Pi(x)$$

und entwickelt in einen S-Kettenbruch, dessen Koeffizienten man als Anfangswerte  $q_i^{(0)}, e_i^{(0)}$  des Q-D-Schemas benutzt,

oder  
man bestimmt eine Horizontalreihe des Q-D-Schemas der Funktion

$$x^{n-1} / \Pi(x)$$

und setzt dieses nach unten bis zur Schrägreihe der Werte  $q_i^{(0)}$  und  $e_i^{(0)}$  fort

2. Man geht nun von

$$t_0 = 0$$

aus und berechnet nacheinander für

$$v = 0, 1, 2, \dots$$

(72)

$$t_{v+1} = t_v + q_i^{(v)}$$

$$q_i^{(v+1)} = q_i^{(v)} + e_i^{(v)} - e_{i-1}^{(v+1)} - q_n^{(v)}$$

$$e_i^{(v+1)} = \frac{q_{i+1}^{(v)} \cdot e_i^{(v)}}{q_i^{(v+1)}}$$

$$e_0^{(v+1)} = e_n^{(v)} = 0$$

( $i = 1, 2, \dots$ ,

Es konvergieren nun die Größen

$$t_v + q_i^{(v)}$$

gegen die gesuchten Nullstellen von  $\Pi(x)$  und  $e_i^{(v)}$  gegen 0, und zwar konvergieren beide quadratisch gegen ihre Werte.

Sobald nun  $e_{n-1}^{(v)}$  genügend klein geworden ist, läßt man  $q_n^{(v)}$  und  $e_{n-1}^{(v)}$  weg und führt die Rechnung von  $n$  nun für  $n-1$  nach Vorschrift weiter.

Auf diese Weise erhält man  $\lambda_{n-1}$  mit quadratischer Konvergenz usw.

Ein Verfahren mit quadratischer Konvergenz für komplexe Nullstellen existiert ebenfalls, ebenso Maßnahmen, daß keine Divisionen durch Null vorkommen. Auf diese Dinge soll an dieser Stelle aber nicht weiter eingegangen werden.

Neben der angeführten quadratischen Konvergenz des Q-D-Algorithmus kennt man noch eine kubische Konvergenz des Q-D-Algorithmus. Dies ist aber für die ultrasphärischen Polynome sehr ungeeignet. Prof. Dr. H. Rutishauser war aber so zuvorkommend, daß er mir ein noch unpubliziertes neues Verfahren, eine Weiterentwicklung des Q-D-Verfahrens, zur Bestimmung meiner Nullstellen der ultrasphärischen Polynome überlassen hat.

Dieses Verfahren gestattet eine noch viel raschere Bestimmung der Nullstellen. Eine Beschreibung des Verfahrens findet man in den beiden Berichten [2], [3].

Das Rechenprogramm der Nullstellen  $x_j$ , aber auch die Größen  $c_j$ ,  $S_m$  und  $T_m$  nach den Tabellen von M. Weber wurde in der Formelsprache ALGOL durchgeführt. Das Anschlußprogramm für die Prozedur Weightcoeff sei zur Orientierung noch beigelegt.

ERMETH 1962

Ernst Peter 25. Mai

Methode Reihenentwicklung nach Jacobi

3760:

```

begin
integer K, J, M;
real P, U, JM, JM 1, H 1, H 2, H 3, H 4, AN, BN, CN, PM, SM, TM, N;
array Q, E, A, X, C [1:20];
real procedure taste (K); code; 6970
procedure Zeile; code; 6905
procedure Drucken (i, X); code; 6910
procedure weightcoeff (N, Q, E, EPS) result: (W, X); code; 5800

0: Zeile;
1: P := Taste (0); K := Taste (1);
2: Zeile; Zeile; Drucken (9, K); Drucken (5, P); Zeile;
3: for J := 1 step 1 until K + 1 do
4: begin
    Q [J] := (P + J - 1) * (P + J - 2) / ((P + 2 * J - 2) * (P + 2 * J - 1));
    E [J] := J * J / ((P + 2 * J - 1) * (P + 2 * J))
end;
5: E [K + 1] := 0;
6: Weightcoeff (K + 1, Q, E, 10^-9) result: (A, X);
7: for J := 1 step 1 until K + 1 do
8: begin
    Zeile; Zeile; Drucken (9, J); Drucken (0, X [J]);
    9: U := exp ((P-1) * LN (X [J])) * P;
    10: C [J] := A [J] / U;
    11: Drucken (0, C [J]);
    12: Zeile;
    13: for M := 0 step 1 until K do

```

```

14: begin
    Zeile;
15: if M = 0 then
16: begin
    JM := 1; go to 30;
end;
17: if M = 1 then
18: begin
    JM := - X [J] * (P + 1) / P + 1;
19: JM 1 := 1;
    go to 30;
end;
20: H 1 := (P + M - 1) * (P + M - 1);
21: H 2 := P + 2 * M - 3;
22: H 3 := H 2 + 1;
23: H 4 := H 3 + 1;
24: AN := - H 3 * H 4 / H 1;
25: BN := - 0,5 * AN * ((P - 1) * (P - 1) / (H 2 * H 4) + 1);
26: CN := - H 4 * (M - 1) * (M - 1) / (H 2 * H 1);
27: PM := (AN * X [J] + BN) * JM + CN * JM 1;
28: JM 1 := JM;
29: JM := PM;
30: SM := exp ((P - 1) / 2 * LN (X [J])) * JM;
31: Drucken (0, SM);
32: TM := SM * C [J];
33: Drucken (0, TM);
    end M;
    end J;
34: Zeile; Zeile; Zeile;
35: N := 1/P; Drucken (0, N);
36: for J := 1 step 1 until K do
37: begin
    Zeile;
38: N := N * J * J * ((P + 2 * J - 1) / ((P + 2 * J) * (P + J - 1) * (P + J - 1)));
39: Drucken (0, N);
    end J;
    FZ
40: go to 0;
end

```

Wie man diesem Programm entnimmt, werden nebst der Norm, die Nullstellen  $x_j$ , die Größen

$c_j$ ,  $S_m$  und  $T_m$

$$\left. \begin{array}{l} k = 5 \\ k = 8 \\ k = 11 \end{array} \right\} \text{für } q = 0,5 \text{ bis } 12,0 \text{ in Schritten von } 0,5,$$

sowie für

$$\left. \begin{array}{ll} k = 14 & q = 1 \\ k = 17 & q = 1 \end{array} \right.$$

noch zwei zusätzliche Fälle der Legendrepolynome berechnet. Die Rechenzyklen brechen in diesem Schema ab, wenn die Genauigkeit von 11 Ziffern erreicht ist.

Die gemeinsam veröffentlichten Tabellen von M. Weber und E. Peter der nachfolgenden Arbeit in diesem Heft enthalten vorerst die Werte für

$$k = 5 \text{ und } q = 0,5 \text{ bis } 12,0.$$

Die Publikation der noch verbleibenden schon berechneten Werte wird zu einem späteren Zeitpunkte und an anderer Stelle erfolgen.

Eine zusätzliche Kontrollmöglichkeit für die Richtigkeit der Nullstellen ist noch in der Summenbildung der Christoffelschen Zahlen gegeben. Diese entnimmt man der Arbeit von M. Weber [1], indem man für  $f(x)$  die Konstante 1 einsetzt. Auf diese Weise erhält man

$$\int_0^1 x^{q-1} dx = \sum_{j=1}^{k+1} A_j^{(k+1)}.$$

Integriert man die linke Seite aus, so ergibt sich die Bedingung

$$\frac{1}{q} = \sum_{j=1}^{k+1} A_j^{(k+1)}$$

$$1 = q \cdot \sum_{j=1}^{k+1} A_j^{(k+1)}.$$

Diese Kontrollsummierung wurde in Form von Stichproben für einzelne q-Parameter von uns in den nachfolgenden Tabellen durchgeführt. Diese Summenkontrolle ergab eine Genauigkeit bis und mit zur 11-ten Ziffer.

Mit diesem letzten Hinweise möchte ich die Betrachtungen über die Nullstellenberechnung schließen.  
Diese Arbeit war vor allem durch das große Entgegenkommen des Institutes für angewandte Mathematik der ETH möglich, stand mir doch die Rechenmaschine ERMETH während längerer Zeit zur alleinigen Benützung zur Verfügung. Im besonderen danke ich Herrn Prof. Dr. H. Rutishauser, der mir sein neues, noch unpubliziertes Verfahren ([2], [3]) überließ, welches eine noch schnellere und bessere Berechnung zuläßt. Ferner danke ich den Herren Dr. R. H. Schwarz und PD Dr. P. Läuchli vom genannten Institut für ihre große Mithilfe, namentlich beim Programmieren für die Überlassung des Themas und für die Teilnahme im Verlaufe der Arbeit bin ich zu besonderem Danke Herrn Prof. Dr. M. Weber verpflichtet. Dem Vorsteher des Institutes für Geophysik, Herrn Prof. Dr. F. Gassmann, danke ich für sein großes Entgegenkommen. Vielen Dank gebührt auch der Sekretärin des Institutes für Geophysik, Fräulein Irene Graf, welche die Reinschrift besorgte und mit mir die Korrekturen durchführte.

## Tabellen zur Approximation von Laufzeitfunktionen aus diskreten Meßwerten mit abgebrochenen Potenzreihen

Max Weber und Ernst Peter

In [1] (Literaturverzeichnis S. 52) wurde ein Verfahren zur Approximation von Laufzeitfunktionen mit abgebrochenen Potenzreihen entwickelt und dazu Tabellen mitgeteilt. Diese wurden nun ergänzt und mit höherer Genauigkeit erneut berechnet. Alle Bezeichnungen wurden beibehalten, so daß alles weitere aus der genannten Arbeit entnommen werden kann.  
Das Verfahren ist natürlich nicht auf Laufzeitfunktionen beschränkt.

### Tabellen für die Werte $x_j$ , $c_j$ , $S_m$ , $T_m$ und Norm $N$

$$q = 0,5 \quad m = 0, 1, \dots, 5 \quad k + 1 = 6$$

$$J_1 = 1 - 3x$$

$$J_2 = (3 - 30x + 35x^2)/3$$

$$J_3 = (5 - 105x + 315x^2 - 235x^3)/5$$

$$J_4 = (35 - 1260x + 6930x^2 - 12012x^3 + 6435x^4)/35$$

$$J_5 = (63 - 3465x + 30030x^2 - 90090x^3 + 109395x^4 - 46189x^5)/63$$

$$N_0 = 2.00000 \quad N_1 = 1.60000 \quad N_2 = 1.58024 \quad N_3 = 1.57538 \quad N_4 = 1.57349 \quad N_5 = 1.57256$$

	(*)	$x_j$	$+ 1.56834 \quad 06604 - 2$	$+ 1.35300 \quad 01162 - 1$	$+ 3.44942 \quad 37935 - 1$	$+ 5.92750 \quad 12780 - 1$	$+ 8.17428 \quad 01327 - 1$	$+ 9.63461 \quad 27869 - 1$
$S_0$		$+ 2.82579 \quad 01017$	$+ 1.64882 \quad 87124$	$+ 1.30485 \quad 83269$	$+ 1.13967 \quad 77928$	$+ 1.05168 \quad 97005$	$+ 1.00934 \quad 91781$	
$S_1$		$+ 2.69283 \quad 60563$	$+ 9.79569 \quad 08049 - 1$	$- 4.54444 \quad 81152 - 2$	$- 8.86954 \quad 67920 - 1$	$- 1.52735 \quad 21669$	$- 1.90805 \quad 73712$	
$S_2$		$+ 2.39071 \quad 89541$	$- 2.29894 \quad 58718 - 1$	$- 1.38479 \quad 73419$	$- 9.44093 \quad 44866 - 1$	$+ 6.53365 \quad 41400 - 1$	$+ 2.21558 \quad 16309$	
$S_3$		$+ 1.93839 \quad 67832$	$- 1.32309 \quad 47041$	$- 8.40209 \quad 49907 - 1$	$+ 1.21450 \quad 28635$	$+ 7.31590 \quad 63660 - 1$	$- 2.09033 \quad 90758$	
$S_4$		$+ 1.36425 \quad 31869$	$- 1.70591 \quad 74682$	$+ 8.58769 \quad 39307 - 1$	$+ 5.12208 \quad 85252 - 1$	$- 1.56992 \quad 51883$	$+ 1.61049 \quad 32916$	
$S_5$		$+ 7.04316 \quad 64438 - 1$	$- 1.16866 \quad 22137$	$+ 1.37789 \quad 99013$	$- 1.40136 \quad 23349$	$+ 1.24402 \quad 48258$	$- 8.73063 \quad 94545 - 1$	
$C_j$		$+ 6.24030 \quad 67560 - 2$	$+ 1.71771 \quad 81951 - 1$	$+ 2.38647 \quad 75479 - 1$	$+ 2.46489 \quad 46626 - 1$	$+ 1.93371 \quad 37989 - 1$	$+ 9.26109 \quad 06221 - 2$	
$T_0$		$+ 1.76337 \quad 97063 - 1$	$+ 2.83222 \quad 30799 - 1$	$+ 3.11401 \quad 51003 - 1$	$+ 2.80918 \quad 57086 - 1$	$+ 2.03366 \quad 68860 - 1$	$+ 9.34767 \quad 42077 - 1$	
$T_1$		$+ 1.68041 \quad 23035 - 1$	$+ 1.68262 \quad 36329 - 1$	$- 1.08452 \quad 23395 - 2$	$- 2.18624 \quad 98547 - 1$	$- 2.95346 \quad 19609 - 1$	$- 1.76706 \quad 92227 - 1$	
$T_2$		$+ 1.49188 \quad 19641 - 1$	$- 3.94894 \quad 11535 - 2$	$- 3.30478 \quad 77648 - 1$	$- 2.32709 \quad 09026 - 1$	$+ 1.26342 \quad 17168 - 1$	$+ 2.05187 \quad 02264 - 1$	
$T_3$		$+ 1.20961 \quad 90542 - 1$	$- 2.27270 \quad 38471 - 1$	$- 2.00514 \quad 11051 - 1$	$+ 2.99362 \quad 16260 - 1$	$+ 1.41468 \quad 69091 - 1$	$- 1.93588 \quad 19612 - 1$	
$T_4$		$+ 8.51335 \quad 83791 - 2$	$- 2.93028 \quad 54745 - 1$	$+ 2.04943 \quad 38754 - 1$	$+ 1.26254 \quad 08667 - 1$	$- 3.03578 \quad 59999 - 1$	$+ 1.49149 \quad 24320 - 1$	
$T_5$		$+ 4.39515 \quad 19143 - 2$	$- 2.00743 \quad 23484 - 1$	$+ 3.28832 \quad 71777 - 1$	$- 3.45421 \quad 05397 - 1$	$+ 2.40558 \quad 79718 - 1$	$- 8.08552 \quad 43177 - 2$	

(\*) Es wird zur Abkürzung  $x \cdot 10^n = x + n$  gesetzt, so daß z.B. für  $100 \cdot 10^{-2} = 100 - 2$  zu schreiben ist.

### Literatur

- [1] M. Weber: Zur Approximation von Laufzeitfunktionen aus diskreten Meßwerten mit abgebrochenen Potenzreihen (Tab.). Geofis. pura et apl. Milano, vol. 49, 1961/II, p. 1-12. Mitt. Inst. Geophysik ETH Zürich, Nr. 40, 1962.
- [2] H. Rutishauser: Der Quotienten-Differenzen-Algorithmus. Mitteilungen aus dem Institut für angewandte Mathematik, Nr. 7, 1957, Verlag Birkhäuser.
- [3] H. Rutishauser: Algorithm 125, Weightcoeff. Comm. A.C.M. Vol. 5, No. 10, 1962.
- [4] H. Rutishauser: On a Modification of the Q-D-Algorithm with Graeffe Type Convergence. Symposiumbericht IFIPS Kongreß August 1961, München.
- [5] E. Stiefel: Einführung in die numerische Mathematik, B. G. Teubnerverlag, Stuttgart 1961.
- [6] E. Stiefel: Kernel Polynomials in Linear Algebra and their Numerical Applications.
- [7] A.D. Booth: Numerical Methods, London Butterworths Scientific Publications Verlag 1955.
- [8] R. Courant und D. Hilbert: Methoden der mathematischen Physik I, Band XII, 2. Auflage, Springer-Verlag 1931.
- [9] G. Szegő: Orthogonal polynomials. Amer. Math. Soc. Colloquium Publications, 23. N.Y. 1939.
- [10] F.G. Tricomi: Vorlesungen über Orthogonalreihen, Springer-Verlag 1955, Bd. LXXVI.
- [11] A. Kratzer und W. Franz: Transzendente Funktionen, Akademische Verlagsgesellschaft Geest und Portig K.-G., Leipzig 1960.
- [12] R. Zürmühl: Praktische Mathematik für Ingenieure und Physiker, 3. Auflage, Springer-Verlag 1961.
- [13] R. Zürmühl: Matrizen und ihre technischen Anwendungen, 3. Auflage, Springer-Verlag 1961.
- [14] P. Appell et Kampé Fériet: Fonctions hypergéométriques et hypersphériques. Polynomes d'Hermite. P. 1926, 4°.
- [15] H.R. Schwarz: An Introduction to ALGOL: Communications of the Association for Computing Machinery, Volume 5, Number 2, February 1962.
- [16] F. Steiger und Ch. Iselin: Die Formelsprache «ALGOL», 11. Tagung der Schweiz. Gesellschaft für Automatik.

$$q = 1 \quad m = 0, 1, \dots, 5 \quad k + 1 = 6$$

$$J_1 = 1 - 2x$$

$$J_2 = 1 - 6x + 6x^2$$

$$J_3 = 1 - 12x + 30x^2 - 20x^3$$

$$J_4 = 1 - 20x + 90x^2 - 140x^3 + 70x^4$$

$$J_5 = 1 - 30x + 210x^2 - 560x^3 + 630x^4 - 252x^5$$

	$N_0 = 1.00000 \quad 00000$	$N_1 = 3.33333 \quad 33333 - 1$	$N_2 = 2.00000 \quad 00000 - 1$	$N_3 = 1.42857 \quad 14286 - 1$	$N_4 = 1.11111 \quad 11112 - 1$	$N_5 = 9.09090 \quad 90916 - 2$
$J_0$	$+ 3.37652 \quad 42901 - 2$	$+ 1.69395 \quad 30683 - 1$	$+ 3.80690 \quad 40696 - 1$	$+ 6.19309 \quad 59309 - 1$	$+ 8.30604 \quad 69320 - 1$	$+ 9.66234 \quad 75710 - 1$
$J_1$	$+ 1.00000 \quad 00000$	$+ 1.00000 \quad 00000$	$+ 1.00000 \quad 00000$	$+ 1.00000 \quad 00000$	$+ 1.00000 \quad 00000$	$+ 1.00000 \quad 00000$
$J_2$	$+ 9.32469 \quad 51420 - 1$	$+ 6.61209 \quad 38630 - 1$	$+ 2.38619 \quad 18610 - 1$	$- 2.38619 \quad 18620 - 1$	$- 6.61209 \quad 38640 - 1$	$- 9.32469 \quad 77900 - 1$
$J_3$	$+ 8.04249 \quad 09240 - 1$	$+ 1.55796 \quad 77883 - 1$	$- 4.14591 \quad 32605 - 1$	$- 4.14591 \quad 32597 - 1$	$+ 1.55796 \quad 77900 - 1$	$+ 8.04249 \quad 09240 - 1$
$J_4$	$+ 4.22005 \quad 00930 - 1$	$- 4.28245 \quad 86211 - 1$	$+ 1.75662 \quad 34044 - 1$	$+ 1.75662 \quad 34028 - 1$	$- 4.28245 \quad 86212 - 1$	$+ 4.22005 \quad 00920 - 1$
$J_5$	$+ 2.05712 \quad 31108 - 1$	$- 2.94395 \quad 71463 - 1$	$+ 3.34619 \quad 02075 - 1$	$- 3.34619 \quad 02079 - 1$	$+ 2.94395 \quad 71479 - 1$	$- 2.05712 \quad 31099 - 1$
$J_6$	$+ 8.56622 \quad 46044 - 2$	$+ 1.80380 \quad 78640 - 1$	$+ 2.33956 \quad 96731 - 1$	$+ 2.33956 \quad 96736 - 1$	$+ 1.80380 \quad 78663 - 1$	$+ 8.56622 \quad 46278 - 2$
$J_7$	$+ 8.56622 \quad 46044 - 2$	$+ 1.80380 \quad 78640 - 1$	$+ 2.33956 \quad 96731 - 1$	$+ 2.33956 \quad 96736 - 1$	$+ 1.80380 \quad 78663 - 1$	$+ 8.56622 \quad 46278 - 2$

$$q = 1,5 \quad m = 0, 1, \dots, 5 \quad k + 1 = 6$$

$$J_1 = (3 - 5x)/3$$

$$J_2 = (15 - 70x + 63x^2)/15$$

$$J_3 = (35 - 315x + 693x^2 - 429x^3)/35$$

$$J_4 = (315 - 4620x + 18018x^2 - 25740x^3 + 12155x^4)/315$$

$$J_5 = (693 - 15015x + 90090x^2 - 218790x^3 + 230945x^4 - 88197x^5)/693$$

$$\begin{aligned} N_0 &= 6.6666666667 - 1 & N_1 &= 1.2698412698 - 1 & N_2 &= 5.1717171717 - 2 & N_3 &= 2.7863945578 - 2 & N_4 &= 1.7381018684 - 2 & N_5 &= 1.1866308121 - 1 \\ x_j &+ 5.3111035379 - 2 & + 2.0114574768 - 1 & + 4.1261267388 - 1 & + 6.4252743555 - 1 & + 8.4198682225 - 1 & + 9.6861628523 - 1 \\ S_0 &+ 4.8006074192 - 1 & + 6.6969601383 - 1 & + 8.0146699208 - 1 & + 8.9530893595 - 1 & + 9.5791356559 - 1 & + 9.9206005559 - 1 \\ S_1 &+ 4.3756653684 - 1 & + 4.4518517146 - 1 & + 2.5030792770 - 1 & - 6.3458655163 - 2 & - 3.8633743286 - 1 & - 6.0948245666 - 1 \\ S_2 &+ 3.6676438399 - 1 & - 1.5486734633 - 1 & - 1.6869204567 - 1 & - 2.3683342545 - 1 & + 4.6251668673 - 2 & + 4.1696698959 - 1 \\ S_3 &+ 2.7652260452 - 1 & - 7.2972396168 - 2 & - 1.6318418583 - 1 & + 1.2548715886 - 1 & + 1.3663378153 - 1 & - 2.7775582999 - 1 \\ S_4 &+ 1.7783942210 - 1 & - 1.5918328258 - 1 & + 5.1987644062 - 2 & + 8.2234788143 - 2 & - 1.7301150640 - 1 & + 1.6518343892 - 1 \\ S_5 &+ 8.2216071643 - 2 & - 1.0992819280 - 1 & + 1.2184200901 - 1 & - 1.2026014122 - 1 & + 1.0503393006 - 1 & - 7.3128307533 - 1 \\ c_j &+ 1.0429768134 - 1 & + 1.8640798164 - 1 & + 2.2886390614 - 1 & + 2.2263592634 - 1 & + 1.6906108161 - 1 & + 7.9687342988 - 1 \\ T_0 &+ 5.0069222285 - 2 & + 1.2483686825 - 1 & + 1.8342686645 - 1 & + 1.9932793432 - 1 & + 1.6194590349 - 1 & + 7.9054625930 - 1 \\ T_1 &+ 4.5637175224 - 2 & + 8.2986069268 - 2 & + 5.7286450071 - 2 & - 1.4128176477 - 2 & - 6.5314624266 - 2 & - 4.8568037569 - 2 \\ T_2 &+ 3.8252674848 - 2 & + 2.8868509451 - 2 & - 3.8607520507 - 2 & - 5.2727629063 - 2 & + 7.8193571321 - 3 & + 3.3226991514 - 2 \\ T_3 &+ 2.8840666490 - 2 & - 1.3602637085 - 2 & - 3.7346970189 - 2 & + 2.7937949857 - 2 & + 2.3099454890 - 2 & - 2.2119280370 - 2 \\ T_4 &+ 1.8548239376 - 2 & - 2.9673034417 - 2 & + 1.1898095291 - 2 & + 1.8308418236 - 2 & - 2.9249512403 - 2 & + 1.3163029353 - 2 \\ T_5 &+ 8.5749456412 - 3 & - 2.0491492545 - 2 & + 2.7885238114 - 2 & - 2.6774227942 - 2 & + 1.7757149822 - 2 & - 5.8274005245 - 3 \end{aligned}$$

$$q = 3 \quad m = 0, 1, \dots, 5 \quad k + 1 = 6$$

$$J_1 = (3 - 4x)/3$$

$$J_2 = (6 - 20x + 15x^2)/6$$

$$J_3 = (10 - 60x + 105x^2 - 56x^3)/10$$

$$J_4 = (15 - 140x + 420x^2 - 504x^3 + 210x^4)/15$$

$$J_5 = (21 - 280x + 1260x^2 - 2520x^3 + 2310x^4 - 792x^5)/21$$

$$\begin{aligned} N_0 &= 3.3333333333 - 1 & N_1 &= 2.2222222222 - 2 & N_2 &= 3.9682539682 - 3 & N_3 &= 1.1111111112 - 3 & N_4 &= 4.0404040407 - 4 & N_5 &= 1.7442874587 - 4 \\ x_j &+ 1.1319438384 - 1 & + 2.8431887263 - 1 & + 4.9096358680 - 1 & + 6.9756308197 - 1 & + 8.6843605833 - 1 & + 9.7409544486 - 1 \\ S_0 &+ 1.1319438384 - 1 & + 2.8431887263 - 1 & + 4.9096358680 - 1 & + 6.9756308197 - 1 & + 8.6843605833 - 1 & + 9.7409544486 - 1 \\ S_1 &+ 9.6110425798 - 2 & + 1.7653591084 - 1 & + 1.6956992873 - 1 & + 4.8770744195 - 2 & - 1.3713885818 - 1 & - 2.9105380276 - 1 \\ S_2 &+ 7.4110378928 - 2 & + 7.2320337266 - 2 & - 1.6659465015 - 2 & - 7.5842294902 - 2 & - 8.1058888958 - 3 & + 1.2192754929 - 1 \\ S_3 &+ 5.0625947353 - 2 & + 4.0287192253 - 3 & - 3.8067015184 - 2 & + 1.6080308437 - 2 & + 3.5189504044 - 2 & - 5.6012479900 - 2 \\ S_4 &+ 2.8960630193 - 2 & - 2.0176013683 - 2 & + 1.9669211719 - 3 & + 1.6763548200 - 2 & - 2.7680271128 - 2 & + 2.4785014797 - 2 \\ S_5 &+ 1.1640345690 - 2 & - 1.4207100182 - 2 & + 1.5052246419 - 2 & - 1.4469947033 - 2 & + 1.2441939681 - 2 & - 8.5937636469 - 3 \\ c_j &+ 1.4290800791 - 1 & + 1.9446854962 - 1 & + 2.1277985160 - 1 & + 1.9436560558 - 1 & + 1.4237493787 - 1 & + 6.5909170149 - 2 \\ T_0 &+ 1.6176383901 - 2 & + 5.5291078790 - 2 & + 1.0446715914 - 1 & + 1.3558227086 - 1 & + 1.2364352985 - 1 & + 6.4201822417 - 2 \\ T_1 &+ 1.3734949490 - 2 & + 3.4330682537 - 2 & + 3.6081064271 - 2 & + 9.4793552300 - 3 & - 1.9525136413 - 2 & - 1.918314609 - 2 \\ T_2 &+ 1.0590966618 - 2 & + 1.4064031096 - 2 & - 3.5447984936 - 3 & - 1.4741133577 - 2 & - 1.1540754279 - 3 & + 8.0361435920 - 3 \\ T_3 &+ 7.2348532848 - 3 & + 7.8345918457 - 4 & - 8.0998938417 - 3 & + 3.1254588873 - 3 & + 5.0101034519 - 3 & - 3.6917360682 - 3 \\ T_4 &+ 4.1387059687 - 3 & - 3.9236001180 - 3 & + 4.1852119507 - 4 & + 3.2582571976 - 3 & - 3.9409768821 - 3 & + 1.6335597574 - 3 \\ T_5 &+ 1.6634986139 - 3 & - 2.7628341667 - 3 & + 3.2028147593 - 3 & - 2.8124600178 - 3 & + 1.7714203891 - 3 & - 5.6640783042 - 4 \end{aligned}$$

$$q = 2 \quad m = 0, 1, \dots, 5 \quad k + 1 = 6$$

$$J_1 = (2 - 3x)/2$$

$$J_2 = (3 - 12x + 10x^2)/3$$

$$J_3 = (4 - 30x + 60x^2 - 35x^3)/4$$

$$J_4 = (5 - 60x + 210x^2 - 280x^3 + 126x^4)/5$$

$$J_5 = (6 - 105x + 560x^2 - 1260x^3 + 1260x^4 - 462x^5)/6$$

$$\begin{aligned} N_0 &= 5.0000000000 - 1 & N_1 &= 6.2500000000 - 2 & N_2 &= 1.8518518519 - 2 & N_3 &= 7.8125000000 - 3 & N_4 &= 4.0000000000 - 3 & N_5 &= 2.3148148148 - 4 \\ x_j &+ 7.3054328691 - 2 & + 2.3076613796 - 1 & + 4.4132848121 - 1 & + 6.6301530973 - 1 & + 8.5192140032 - 1 & + 9.7068357278 - 1 \\ S_0 &+ 2.7028564273 - 1 & + 4.8038124226 - 1 & + 6.6432558372 - 1 & + 8.1425752045 - 1 & + 9.8523275057 - 1 \\ S_1 &+ 2.4066733846 - 1 & + 3.1409765624 - 1 & + 2.2454688239 - 1 & + 4.4597172642 - 3 & - 2.5648403476 - 1 & - 4.4929111897 - 1 \\ S_2 &+ 1.9611182096 - 1 & + 1.2223083719 - 1 & - 7.7113472437 - 2 & - 1.5207364072 - 1 & + 1.0658731667 - 2 & + 2.5421077611 - 1 \\ S_3 &+ 1.4290949409 - 1 & - 1.8965237363 - 2 & - 9.3359620987 - 2 & + 5.7810957988 - 2 & + 8.0322645699 - 2 & - 1.4730389963 - 1 \\ S_4 &+ 8.8216764484 - 2 & - 7.1714429423 - 2 & + 1.7783241152 - 2 & + 4.4568439056 - 2 & - 8.4507226794 - 2 & + 7.8650334400 - 1 \\ S_5 &+ 3.8815249815 - 2 & - 4.9801122352 - 2 & + 5.4176375214 - 2 & - 5.2915342370 - 2 & + 4.5935743203 - 2 & - 3.188422788 - 1 \\ c_j &+ 1.1961374465 - 1 & + 1.9047493696 - 1 & + 2.2355491444 - 1 & + 2.1235188950 - 1 & + 1.5910211157 - 1 & + 7.4494235579 - 1 \\ T_0 &+ 3.2329877852 - 2 & + 9.1500586836 - 2 & + 1.4851324903 - 1 & + 1.7290912301 - 1 & + 1.4685059783 - 1 & + 7.3394160621 - 1 \\ T_1 &+ 2.8787121568 - 2 & + 5.9827731272 - 2 & + 5.0198559080 - 2 & + 9.4702938769 - 4 & - 4.0807152584 - 2 & - 3.3469598460 - 1 \\ T_2 &+ 2.3457669275 - 2 & + 2.3281911008 - 2 & - 1.7239095733 - 2 & - 3.2293124950 - 2 & + 1.6958267593 - 3 & + 1.8937237442 - 2 \\ T_3 &+ 1.7093939734 - 2 & - 3.6124023911 - 3 & - 2.0871020288 - 2 & + 1.2276266163 - 2 & + 1.2779502873 - 2 & - 1.0973291401 - 1 \\ T_4 &+ 1.0551937541 - 2 & - 1.3659801423 - 2 & + 3.9755309542 - 3 & + 9.4641922456 - 3 & - 1.3445278578 - 2 & + 5.8589965392 - 3 \\ T_5 &+ 4.6428373799 - 3 & - 9.4858656405 - 3 & + 1.2111394926 - 2 & - 1.1236672936 - 2 & + 7.3084739317 - 3 & - 2.3751908036 - 3 \end{aligned}$$

$$q = 3,5 \quad m = 0, 1, \dots, 5 \quad k + 1 = 6$$

$$J_1 = (7 - 9x)/7$$

$$J_2 = (63 - 198x + 143x^2)/63$$

$$J_3 = (231 - 1287x + 2145x^2 - 1105x^3)/231$$

$$J_4 = (3003 - 25740x + 72930x^2 - 83980x^3 + 33915x^4)/3003$$

$$J_5 = (9009 - 109395x + 461890x^2 - 881790x^3 + 780045x^4 - 260015x^5)/9009$$

$$\begin{aligned} N_0 &= 2.8571428571 - 1 & N_1 &= 1.4842300556 - 2 & N_2 &= 2.1499958007 - 3 & N_3 &= 5.0500118852 - 4 & N_4 &= 1.5798339214 - 4 & N_5 &amp$$

$$q = 4,5 \quad m = 0, 1, \dots, 5 \quad k + 1 = 6$$

$$J_1 = (9 - 11x)/9$$

$$J_2 = (99 - 286x + 195x^2)/99$$

$$J_3 = (429 - 2145x + 3315x^2 - 1615x^3)/429$$

$$J_4 = (19305 - 145860x + 377910x^2 - 406980x^3 + 156009x^4)/19305$$

$$J_5 = (21879 - 230945x + 881790x^2 - 1560090x^3 + 1300075x^4 - 412965x^5)/21879$$

$$\begin{aligned} N_0 &= 2.22222 22222 -1 & N_1 &= 7.59734 09306 -3 & N_2 &= 7.68228 93219 -4 & N_3 &= 1.32475 65695 -4 & N_4 &= 3.16528 50301 -5 & N_5 &= 9.44184 77217 -6 \\ x_j &+ 1.71134 27448 -1 & + 3.52659 37920 -1 & + 5.50683 67311 -1 & + 7.37738 64510 -1 & + 8.87258 82552 -1 & + 9.77944 55728 -1 \\ S_0 &+ 4.55344 13440 -2 & + 1.61388 28915 -1 & + 3.52029 33150 -1 & + 5.87258 66582 -1 & + 8.11125 53544 -1 & + 9.61722 79389 -1 \\ S_1 &+ 3.60102 48228 -2 & + 9.18253 96658 -2 & + 1.15093 23611 -1 & + 5.77389 39518 -2 & - 6.84812 63345 -2 & - 1.87791 34953 -1 \\ S_2 &+ 2.56494 66456 -2 & + 3.65019 58660 -2 & + 2.27115 28579 -3 & - 3.47780 65298 -2 & - 1.02129 76039 -2 & + 5.63539 46732 -2 \\ S_3 &+ 1.60175 85242 -2 & + 5.26454 72002 -3 & - 1.36489 61875 -2 & + 3.16417 94202 -3 & + 1.40934 47722 -2 & - 1.96984 38619 -2 \\ S_4 &+ 8.26768 97944 -3 & - 4.77113 02234 -3 & - 5.97530 94382 -4 & + 5.50194 87669 -3 & - 8.04185 21215 -3 & + 6.92476 06872 -3 \\ S_5 &+ 2.94831 10630 -3 & - 3.45016 38838 -3 & + 3.56395 27636 -3 & - 3.37067 24336 -3 & + 2.86897 20303 -3 & - 1.97111 84736 -3 \\ c_j &+ 1.65201 22131 -1 & + 1.94154 53045 -1 & + 1.97210 12152 -1 & + 1.72402 04551 -1 & + 1.23032 24071 -1 & + 5.62008 93747 -1 \\ T_0 &+ 7.52234 07119 -3 & + 3.13342 67500 -2 & + 6.94237 47244 -2 & + 1.01244 59523 -1 & + 9.97945 92122 -2 & + 5.40496 80553 -1 \\ T_1 &+ 5.94893 69869 -3 & + 1.78283 16772 -2 & + 2.26975 51079 -2 & + 9.95431 12785 -3 & - 8.42540 32760 -3 & - 1.05540 41682 -3 \\ T_2 &+ 4.23732 31845 -3 & + 7.08702 06441 -3 & + 4.47894 33110 -4 & - 5.99580 95963 -3 & - 1.25652 53264 -3 & + 3.16714 21725 -3 \\ T_3 &+ 2.64612 46444 -3 & + 1.02213 56897 -3 & - 2.69171 34300 -3 & + 5.45511 00440 -4 & + 1.73394 84526 -3 & - 1.10706 98558 -3 \\ T_4 &+ 1.36583 24514 -3 & - 9.26336 54824 -4 & - 1.17839 15004 -4 & + 9.48547 22170 -4 & - 9.89407 08597 -4 & + 3.89177 73960 -4 \\ T_5 &+ 4.87064 58841 -4 & - 6.69864 94883 -4 & + 7.02847 55760 -4 & - 5.81110 82230 -4 & + 3.52976 05742 -4 & - 1.10778 61990 -4 \end{aligned}$$

$$q = 6 \quad m = 0, 1, \dots, 5 \quad k + 1 = 6$$

$$J_1 = (6 - 7x)/6$$

$$J_2 = (21 - 56x + 36x^2)/21$$

$$J_3 = (56 - 252x + 360x^2 - 165x^3)/56$$

$$J_4 = (126 - 840x + 1980x^2 - 1980x^3 + 715x^4)/126$$

$$J_5 = (252 - 2310x + 7920x^2 - 12870x^3 + 10010x^4 - 3003x^5)/252$$

$$\begin{aligned} N_0 &= 1.66666 66667 -1 & N_1 &= 3.47222 22222 -3 & N_2 &= 2.26757 36961 -4 & N_3 &= 2.65731 29251 -5 & N_4 &= 4.49915 41587 -6 & N_5 &= 9.84189 97225 -7 \\ x_j &+ 2.24468 99547 -1 & + 4.09533 35041 -1 & + 5.97789 04836 -1 & + 7.68413 60463 -1 & + 9.01350 73386 -1 & + 9.80797 20845 -1 \\ S_0 &+ 2.38721 15527 -2 & + 1.07330 50828 -1 & + 2.76293 00253 -1 & + 5.17592 06942 -1 & + 7.71319 90946 -1 & + 9.52682 20399 -1 \\ S_1 &+ 1.76204 74103 -2 & + 5.60491 81848 -2 & + 8.36005 82976 -2 & + 5.35798 17015 -2 & - 3.97814 84735 -2 & - 1.37437 18330 -1 \\ S_2 &+ 1.16446 40767 -2 & + 2.09752 67589 -2 & + 5.11110 68849 -3 & - 1.90922 71259 -2 & - 8.37608 83352 -3 & + 3.20296 40015 -2 \\ S_3 &+ 6.69558 02213 -3 & + 5.33182 46681 -3 & - 6.13602 33783 -3 & + 5.71759 09712 -4 & + 6.99914 23515 -3 & - 9.01878 96252 -3 \\ S_4 &+ 3.15113 28934 -3 & - 1.54438 76816 -3 & - 5.48531 34698 -4 & + 2.30775 38166 -3 & - 3.13194 23675 -3 & + 2.62699 00163 -3 \\ S_5 &+ 1.01137 69528 -3 & - 1.15333 02275 -3 & + 1.17160 83105 -3 & - 1.09570 46511 -3 & + 9.25958 48842 -4 & - 6.33763 29265 -4 \\ c_j &+ 1.77802 68349 -1 & + 1.89926 77294 -1 & + 1.82997 79179 -1 & + 1.54856 68877 -1 & + 1.08346 16183 -1 & + 4.89889 71304 -2 \\ T_0 &+ 4.24452 62013 -3 & + 2.03849 37076 -2 & + 5.05610 09350 -2 & + 8.01525 94004 -2 & + 8.35695 51733 -2 & + 4.66709 21153 -2 \\ T_1 &+ 3.13296 75799 -3 & + 1.06452 40234 -2 & + 1.52987 22077 -2 & + 8.29719 30478 -3 & - 4.31017 11829 -3 & - 6.73290 62288 -3 \\ T_2 &+ 2.07044 83766 -3 & + 3.98376 48847 -3 & + 9.35321 27354 -4 & - 2.95656 59083 -3 & - 9.07517 02227 -4 & + 1.56909 91156 -3 \\ T_3 &+ 1.19049 21309 -3 & + 6.70788 06180 -4 & - 1.12287 87286 -3 & + 8.85407 20554 -5 & + 7.58330 20989 -4 & - 4.41821 22615 -4 \\ T_4 &+ 5.60279 88448 -4 & - 2.93320 56853 -4 & - 1.00380 02522 -4 & + 3.57371 11454 -4 & - 3.39333 93459 -4 & + 1.28693 53852 -4 \\ T_5 &+ 1.79825 53623 -4 & - 2.19048 28824 -4 & + 2.14401 73366 -4 & - 1.69677 19414 -4 & + 1.00324 04823 -4 & - 3.10474 11757 -5 \end{aligned}$$

$$q = 5 \quad m = 0, 1, \dots, 5 \quad k + 1 = 6$$

$$J_1 = (5 - 6x)/5$$

$$J_2 = (15 - 42x + 28x^2)/15$$

$$J_3 = (35 - 168x + 252x^2 - 120x^3)/35$$

$$J_4 = (70 - 504x + 1260x^2 - 1320x^3 + 495x^4)/70$$

$$J_5 = (126 - 1260x + 4620x^2 - 7920x^3 + 6435x^4 - 2002x^5)/126$$

$$\begin{aligned} N_0 &= 2.00000 00000 -1 & N_1 &= 5.71428 57143 -3 & N_2 &= 4.93827 16052 -4 & N_3 &= 7.42115 02788 -5 & N_4 &= 1.56985 87129 -5 & N_5 &= 4.19921 05490 -6 \\ x_j &+ 1.89469 58389 -1 & + 3.72751 15605 -1 & + 5.67572 37282 -1 & + 7.48836 49752 -1 & + 8.92385 15838 -1 & + 9.78985 23125 -1 \\ S_0 &+ 3.58987 23221 -2 & + 1.38943 42434 -1 & + 3.22138 39837 -1 & + 5.60756 09996 -1 & + 7.96351 27089 -1 & + 9.58412 08298 -1 \\ S_1 &+ 2.77366 63839 -2 & + 7.67938 37877 -2 & + 1.02734 17220 -1 & + 5.68585 39345 -2 & - 5.64311 95144 -2 & - 1.67513 44665 -2 \\ S_2 &+ 1.92595 25544 -2 & + 2.99642 36238 -2 & + 3.90507 96930 -3 & - 2.80363 87988 -2 & - 9.68050 26687 -3 & + 4.58861 26071 -3 \\ S_3 &+ 1.16920 93346 -2 & + 4.67084 15228 -3 & - 1.02504 88548 -2 & + 1.86250 41754 -3 & + 1.09570 43945 -2 & - 1.48479 08897 -3 \\ S_4 &+ 5.84604 10362 -3 & - 3.18835 83390 -3 & - 6.39834 09183 -4 & + 4.03135 05774 -3 & - 5.72729 58190 -3 & + 4.88348 24733 -3 \\ S_5 &+ 2.01001 56408 -3 & - 2.32915 54912 -3 & + 2.39093 84411 -3 & - 2.25186 61197 -3 & + 1.91162 49246 -3 & - 1.31153 86153 -3 \\ c_j &+ 1.70257 52590 -1 & + 1.93044 87514 -1 & + 1.92306 63367 -1 & + 1.66132 56679 -1 & + 1.17710 58386 -1 & + 5.35716 43270 -1 \\ T_0 &+ 6.11202 77986 -3 & + 2.68223 16003 -2 & + 6.19493 50966 -2 & + 9.31598 50230 -2 & + 9.37389 73054 -2 & + 5.13437 10215 -2 \\ T_1 &+ 4.72237 57619 -3 & + 1.48246 56844 -2 & + 1.97564 62819 -2 & + 9.44605 50853 -3 & - 6.64254 89283 -3 & - 8.97397 06069 -3 \\ T_2 &+ 3.27907 91691 -3 & + 5.78444 22432 -3 & + 7.50972 72997 -4 & - 4.65775 71000 -3 & - 1.13949 76212 -3 & + 2.45819 51769 -3 \\ T_3 &+ 1.99066 68857 -3 & + 9.01682 01857 -4 & - 1.97123 69461 -3 & + 3.09422 59932 -4 & + 1.28976 00401 -3 & - 7.95426 87874 -3 \\ T_4 &+ 9.95332 48313 -4 & - 6.15496 23745 -4 & - 1.23044 34031 -4 & + 6.69738 61905 -4 & - 6.74163 33479 -4 & + 2.61616 18097 -4 \\ T_5 &+ 3.42220 29002 -4 & - 4.49631 53098 -4 & + 4.59793 32292 -4 & - 3.74108 29853 -4 & + 2.25018 48600 -4 & - 7.02612 78834 -4 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} N_0 &= 1.53846 15385 -1 & N_1 &= 2.78454 57710 -3 & N_2 &= 1.60295 54491 -4 & N_3 &= 1.67727 93350 -5 & N_4 &= 2.56342 24243 -6 & N_5 &= 5.10817 35936 -7 \\ x_j &+ 2.41118 51553 -1 & + 4.26400 76758 -1 & + 6.11360 57166 -1 & + 7.77092 71683 -1 & + 9.05293 76703 -1 & + 9.81590 80393 -1 \\ S_0 &+ 2.00047 92146 -2 & + 9.59399 39221 -2 & + 2.58415 12111 -1 & + 4.99804 66594 -1 & + 7.60626 07292 -1 & + 9.50186 42785 -1 \\ S_1 &+ 1.44391 85469 -2 & + 4.87374 04150 -2 & + 7.61249 48615 -2 & + 5.16570 90085 -2 & - 3.39008 99614 -2 & - 1.25999 25633 -1 \\ S_$$

$q = 7,5 \quad m = 0, 1, \dots, 5 \quad k + 1 = 6$ 

$J_1 = (15 - 17x)/15$

$J_2 = (255 - 646x + 399x^2)/255$

$J_3 = (1615 - 6783x + 9177x^2 - 4025x^3)/1615$

$J_4 = (33\ 915 - 208\ 012x + 458\ 850x^2 - 434\ 700x^3 + 150\ 075x^4)/33\ 915$

$J_5 = (156\ 009 - 1\ 300\ 075x + 4\ 129\ 650x^2 - 6\ 303\ 150x^3 + 4\ 652\ 325x^4 - 1\ 335\ 015x^5)/156\ 009$

$$\begin{aligned} N_0 &= 1.33333\ 33333 - 1 & N_1 &= 1.87134\ 50292 - 3 & N_2 &= 8.55858\ 11476 - 5 & N_3 &= 7.27044\ 75123 - 6 & N_4 &= 9.18976\ 90744 - 7 & N_5 &= 1.53865\ 96884 - 7 \\ x_j &+ 2.72740\ 83221 - 1 & + 4.57470\ 25842 - 1 & + 6.35920\ 77420 - 1 & + 7.92624\ 52176 - 1 & + 9.12301\ 51283 - 1 & + 9.82996\ 15461 - 1 \\ S_0 &+ 1.46618\ 24755 - 2 & + 7.87370\ 80862 - 2 & + 2.29646\ 47907 - 1 & + 4.69860\ 98905 - 1 & + 7.42078\ 38846 - 1 & + 9.45787\ 15521 - 1 \\ S_1 &+ 1.01297\ 62698 - 2 & + 3.79145\ 58434 - 2 & + 6.41379\ 16730 - 2 & + 4.77812\ 01758 - 2 & - 2.51874\ 12798 - 2 & - 1.07878\ 66637 - 1 \\ S_2 &+ 6.23789\ 11347 - 3 & + 1.32699\ 92196 - 2 & + 4.99717\ 67798 - 3 & - 1.17230\ 16370 - 2 & - 6.58107\ 47989 - 3 & + 2.05134\ 87968 - 2 \\ S_3 &+ 3.32267\ 15555 - 3 & + 2.30037\ 80795 - 3 & - 3.18490\ 13026 - 3 & - 6.24686\ 92322 - 5 & + 3.96369\ 81176 - 3 & - 4.83035\ 14640 - 3 \\ S_4 &+ 1.43760\ 06841 - 3 & - 6.06843\ 46611 - 4 & - 3.63673\ 46227 - 4 & + 1.12962\ 67799 - 3 & - 1.45817\ 72151 - 3 & + 1.20024\ 96909 - 3 \\ S_5 &+ 4.19839\ 44833 - 4 & - 4.70223\ 41930 - 4 & + 4.71959\ 57395 - 4 & - 4.37756\ 88320 - 4 & + 3.67970\ 27733 - 4 & - 2.51136\ 02611 - 4 \\ c_j &+ 1.84363\ 28339 - 1 & + 1.83899\ 03904 - 1 & + 1.70290\ 67451 - 1 & + 1.40527\ 23201 - 1 & + 9.68069\ 57442 - 2 & + 4.34192\ 68582 - 2 \\ T_0 &+ 2.70310\ 21523 - 3 & + 1.44796\ 73507 - 2 & + 3.91066\ 53820 - 2 & + 6.60282\ 64221 - 2 & + 7.18383\ 50970 - 2 & + 4.10653\ 86513 - 2 \\ T_1 &+ 1.86755\ 63110 - 3 & + 6.97245\ 08616 - 3 & + 1.09220\ 89102 - 2 & + 6.71456\ 00252 - 3 & - 2.43831\ 67988 - 3 & - 4.68401\ 27894 - 3 \\ T_2 &+ 1.15003\ 80910 - 3 & + 2.44033\ 88129 - 3 & + 8.50972\ 60448 - 4 & - 1.64740\ 30413 - 3 & - 6.37093\ 82798 - 4 & + 8.90680\ 64364 - 4 \\ T_3 &+ 6.12578\ 63760 - 4 & + 4.23037\ 31825 - 4 & - 5.42358\ 99107 - 4 & - 8.77855\ 24193 - 6 & + 3.83713\ 55498 - 4 & - 2.09730\ 32756 - 4 \\ T_4 &+ 2.65040\ 78232 - 4 & - 1.11597\ 93027 - 4 & - 6.19301\ 99191 - 5 & + 1.58743\ 32458 - 4 & - 1.41161\ 69961 - 4 & + 5.21139\ 63695 - 4 \\ T_5 &+ 7.74029\ 79191 - 5 & - 8.64736\ 34943 - 5 & + 8.03703\ 14189 - 5 & - 6.15167\ 63089 - 5 & + 3.56220\ 82977 - 5 & - 1.09041\ 42568 - 5 \end{aligned}$$

 $q = 9 \quad m = 0, 1, \dots, 5 \quad k + 1 = 6$ 

$J_1 = (9 - 10x)/9$

$J_2 = (45 - 110x + 66x^2)/45$

$J_3 = (165 - 660x + 858x^2 - 364x^3)/165$

$J_4 = (495 - 2860x + 6006x^2 - 5460x^3 + 1820x^4)/495$

$J_5 = (1287 - 10\ 010x + 30\ 030x^2 - 43\ 680x^3 + 30\ 940x^4 - 8568x^5)/1287$

$$\begin{aligned} N_0 &= 1.11111\ 11111 - 1 & N_1 &= 1.12233\ 44557 - 3 & N_2 &= 3.79867\ 04655 - 5 & N_3 &= 2.44872\ 97217 - 6 & N_4 &= 2.40071\ 54134 - 7 & N_5 &= 3.17752\ 74080 - 8 \\ x_j &+ 3.16181\ 54340 - 1 & + 4.98355\ 73150 - 1 & + 6.67430\ 69626 - 1 & + 8.12230\ 38250 - 1 & + 9.21058\ 57522 - 1 & + 9.84743\ 07141 - 1 \\ S_0 &+ 9.99415\ 45341 - 3 & + 6.16819\ 12287 - 2 & + 1.98437\ 93861 - 1 & + 4.35228\ 09580 - 1 & + 7.19695\ 85431 - 1 & + 9.40354\ 77756 - 1 \\ S_1 &+ 6.48307\ 98612 - 3 & + 2.75268\ 73931 - 2 & + 5.12784\ 14689 - 2 & + 4.24442\ 26094 - 2 & - 1.68397\ 43640 - 2 & - 8.85428\ 35597 - 2 \\ S_2 &+ 3.73517\ 11057 - 3 & + 9.00902\ 19505 - 3 & + 4.33578\ 02150 - 3 & - 7.77550\ 71363 - 3 & - 5.20445\ 56402 - 3 & + 1.42037\ 58966 - 2 \\ S_3 &+ 1.85282\ 27731 - 3 & + 1.54173\ 57649 - 3 & - 1.82738\ 67154 - 3 & - 2.13004\ 52851 - 4 & + 2.45450\ 92944 - 3 & - 2.87194\ 00419 - 3 \\ S_4 &+ 7.41988\ 71395 - 4 & - 2.72196\ 57810 - 4 & - 2.34856\ 27828 - 4 & + 6.15522\ 14536 - 4 & - 7.66333\ 17116 - 4 & + 6.21905\ 60162 - 4 \\ S_5 &+ 1.98890\ 64934 - 4 & - 2.19780\ 36736 - 4 & + 2.18582\ 39867 - 4 & - 2.01459\ 69411 - 4 & + 1.68644\ 24717 - 4 & - 1.14842\ 63209 - 4 \\ c_j &+ 1.87065\ 16647 - 1 & + 1.77133\ 96581 - 1 & + 1.59001\ 89064 - 1 & + 1.28609\ 34860 - 1 & + 8.74970\ 62916 - 2 & + 3.89877\ 44601 - 2 \\ T_0 &+ 1.86955\ 81816 - 3 & + 1.09259\ 61742 - 2 & + 3.15520\ 07414 - 2 & + 5.59744\ 01893 - 2 & + 6.29712\ 73445 - 2 & + 3.66623\ 11902 - 2 \\ T_1 &+ 1.21275\ 84135 - 3 & + 4.87594\ 43457 - 3 & + 8.15336\ 48846 - 3 & + 5.45872\ 42698 - 3 & - 1.47342\ 81088 - 3 & - 3.45208\ 54605 - 3 \\ T_2 &+ 6.98720\ 40468 - 4 & + 1.59580\ 37862 - 3 & + 6.89397\ 25158 - 4 & - 1.00000\ 29078 - 3 & - 4.55374\ 58259 - 4 & + 5.53772\ 52694 - 4 \\ T_3 &+ 3.46598\ 60049 - 4 & + 2.73093\ 77027 - 4 & - 2.90557\ 94268 - 4 & - 2.73943\ 73661 - 5 & + 2.14762\ 35416 - 4 & - 1.11970\ 46486 - 4 \\ T_4 &+ 1.38800\ 24229 - 4 & - 4.82152\ 59359 - 5 & - 3.73425\ 92275 - 5 & + 7.91619\ 02164 - 5 & - 6.70519\ 01692 - 5 & + 2.42466\ 96762 - 5 \\ T_5 &+ 3.72055\ 12428 - 5 & - 3.89305\ 68078 - 5 & + 3.47550\ 14649 - 5 & - 2.59096\ 00029 - 5 & + 1.47558\ 76305 - 5 & - 4.47745\ 52092 - 6 \end{aligned}$$

 $q = 8 \quad m = 0, 1, \dots, 5 \quad k + 1 = 6$ 

$J_1 = (8 - 9x)/8$

$J_2 = (36 - 90x + 55x^2)/36$

$J_3 = (120 - 495x + 660x^2 - 286x^3)/120$

$J_4 = (330 - 1980x + 4290x^2 - 4004x^3 + 1365x^4)/330$

$J_5 = (2376 - 19\ 305x + 60\ 060x^2 - 90\ 090x^3 + 65\ 520x^4 - 18\ 564x^5)/2376$

$$\begin{aligned} N_0 &= 1.25000\ 00000 - 1 & N_1 &= 1.56250\ 00000 - 3 & N_2 &= 6.43004\ 11523 - 5 & N_3 &= 4.96031\ 74604 - 6 & N_4 &= 5.73921\ 02851 - 7 & N_5 &= 8.85680\ 59958 - \\ x_j &+ 2.87737\ 59347 - 1 & + 4.71804\ 17362 - 1 & + 6.47069\ 02542 - 1 & + 7.99601\ 77731 - 1 & + 9.15429\ 29500 - 1 & + 9.83621\ 29298 - \\ S_0 &+ 1.27787\ 42665 - 2 & + 7.21383\ 53273 - 2 & + 2.17935\ 07823 - 1 & + 4.57149\ 37224 - 1 & + 7.33984\ 38738 - 1 & + 9.43838\ 58004 - \\ S_1 &+ 8.64220\ 24197 - 3 & + 3.38487\ 80103 - 2 & + 5.92886\ 59720 - 2 & + 4.59197\ 40371 - 2 & - 2.19152\ 74204 - 2 & - 1.00588\ 60998 - \\ S_2 &+ 5.20280\ 37861 - 3 & + 1.15833\ 73969 - 2 & + 4.79575\ 53103 - 3 & - 1.01486\ 50445 - 2 & - 6.07663\ 37430 - 3 & + 1.80163\ 12562 - \\ S_3 &+ 2.70482\ 81372 - 3 & + 2.00529\ 61711 - 3 & - 2.62124\ 10534 - 3 & - 1.39945\ 05748 - 4 & + 3.34995\ 85153 - 3 & - 4.02202\ 59850 - \\ S_4 &+ 1.13970\ 85379 - 3 & - 4.58729\ 82601 - 4 & - 3.14105\ 82078 - 4 & + 9.13241\ 90492 - 4 & - 1.16330\ 59394 - 3 & + 9.52617\ 93555 - \\ S_5 &+ 3.23182\ 86289 - 4 & - 3.60201\ 13790 - 4 & + 3.60335\ 48680 - 4 & - 3.33457\ 60215 - 4 & + 2.79880\ 80084 - 4 & - 1.90863\ 18400 - \\ c_j &+ 1.85612\ 66898 - 1 & + 1.81691\ 33511 - 1 & + 1.66377\ 25340 - 1 & + 1.36318\ 25015 - 1 & + 9.34902\ 19022 - 2 & + 4.18341\ 36922 - \\ T_0 &+ 2.37189\ 65323 - 3 & + 1.31069\ 13719 - 2 & + 3.62594\ 39735 - 2 & + 6.23178\ 02481 - 2 & + 6.86203\ 61135 - 2 & + 3.94846\ 72390 - \\ T_1 &+ 1.60410\ 22570 - 3 & + 6.15003\ 00488 - 3 & + 9.86428\ 43620 - 3 & + 6.25969\ 86547 - 3 & - 2.04886\ 37853 - 3 & - 4.20803\ 76827 - \\ T_2 &+ 9.65706\ 29692 - 4 & + 2.10459\ 86815 - 3 & + 7.97904\ 59651 - 4 & - 1.38344\ 62700 - 3 & - 5.68105\ 81955 - 4 & + 7.53696\ 88655 - \\ T_3 &+ 5.02050\ 36968 - 4 & + 3.64344\ 93862 - 4 & - 4.36114\ 88696 - 4 & - 1.90770\ 65353 - 5 & + 3.13188\ 35531 - 4 & - 1.68257\ 98576 - \\ T_4 &+ 2.11544\ 34358 - 4 & - 8.33472\ 34543 - 5 & - 5.22600\ 63738 - 5 & + 1.24491\ 53844 - 4 & - 1.08757\ 72706 - 4 & + 3.98519\ 49150 - \\ T_5 &+ 5.99868\ 33750 - 5 & - 6.54454\ 25653 - 5 & + 5.99516\ 28596 - 5 & - 4.54563\ 56824 - 5 & + 2.61661\ 17371 - 5 & - 7.98459\ 65728 - \end{aligned}$$

 $q = 10 \quad m = 0,$

$$q = 10,5 \quad m = 0, 1, \dots, 5 \quad k + 1 = 6$$

$$J_1 = (21 - 23x)/21$$

$$J_2 = (483 - 1150x + 675x^2)/483$$

$$J_3 = (4025 - 15 525x + 19 575x^2 - 8091x^3)/4025$$

$$J_4 = (326 025 - 1 800 900x + 3 640 950x^2 - 3 204 036x^3 + 1 038 345x^4)/326 025$$

$$J_5 = (630 315 - 4 652 325x + 13 350 150x^2 - 18 690 210x^3 + 12 806 255x^4 - 3 444 441x^5)/630 315$$

$$N_0 = 9.52380 95238 - 2 \quad N_1 = 7.25623 58277 - 4 \quad N_2 = 1.89198 50929 - 5 \quad N_3 = 9.57688 45428 - 7 \quad N_4 = 7.49875 06594 - 8 \quad N_5 = 8.04656 98329 - 9$$

$$\begin{aligned} x_j &+ 3.55244 97859 - 1 &+ 5.33602 55591 - 1 &+ 6.93910 83317 - 1 &+ 8.28436 27941 - 1 &+ 9.28222 35959 - 1 &+ 9.86164 38858 - 1 \\ S_0 &+ 7.32837 61441 - 3 &+ 5.06156 74700 - 2 &+ 1.76275 68919 - 1 &+ 4.09007 02766 - 1 &+ 7.02016 18072 - 1 &+ 9.35964 22528 - 1 \\ S_1 &+ 4.47706 74294 - 3 &+ 2.10347 68605 - 2 &+ 4.23065 92134 - 2 &+ 3.79006 47384 - 2 &- 1.16706 60274 - 2 &- 7.49565 13966 - 2 \\ S_2 &+ 2.42234 83994 - 3 &+ 6.45019 22492 - 3 &+ 3.65810 62477 - 3 &- 5.45742 37170 - 3 &- 4.18289 44698 - 3 &+ 1.03907 31869 - 2 \\ S_3 &+ 1.12417 26919 - 3 &+ 1.07077 24197 - 3 &- 1.12910 68709 - 3 &- 2.28639 61004 - 4 &+ 1.62200 30214 - 3 &- 1.83993 25796 - 3 \\ S_4 &+ 4.19067 67952 - 4 &- 1.34407 49256 - 4 &- 1.54669 47581 - 4 &+ 3.62988 90870 - 4 &- 4.39729 89360 - 4 &+ 3.52937 70329 - 4 \\ S_5 &+ 1.03840 67920 - 4 &- 1.13544 61814 - 4 &+ 1.12112 82504 - 4 &- 1.02810 79988 - 4 &+ 8.57803 83589 - 5 &- 5.83105 74670 - 5 \\ c_j &+ 1.87267 88706 - 1 &+ 1.70183 17553 - 1 &+ 1.48976 13486 - 1 &+ 1.18544 86817 - 1 &+ 7.98253 62358 - 2 &+ 3.53776 26404 - 2 \\ T_0 &+ 1.37236 95161 - 3 &+ 8.61393 62520 - 3 &+ 2.62608 70845 - 2 &+ 4.84856 84175 - 2 &+ 5.60386 96007 - 2 &+ 3.31121 92689 - 2 \\ T_1 &+ 8.38410 95773 - 4 &+ 3.57976 37177 - 3 &+ 6.30267 25752 - 3 &+ 4.49292 72477 - 3 &- 9.31614 68533 - 4 &- 2.65178 35476 - 3 \\ T_2 &+ 4.53628 06648 - 4 &+ 1.09771 41997 - 3 &+ 5.44970 52969 - 4 &- 6.46949 57508 - 4 &- 3.33901 06676 - 4 &+ 3.67599 43013 - 4 \\ T_3 &+ 2.10521 44470 - 4 &+ 1.82227 45065 - 4 &- 1.68209 97747 - 4 &- 2.71040 52431 - 5 &+ 1.29476 97893 - 4 &- 6.50924 47410 - 5 \\ T_4 &+ 7.84779 18879 - 5 &- 2.28738 93899 - 5 &- 2.30420 60687 - 5 &+ 4.30304 72329 - 5 &- 3.51015 98096 - 5 &+ 1.24860 98211 - 5 \\ T_5 &+ 1.94460 24585 - 5 &- 1.93233 83679 - 5 &+ 1.67021 35343 - 5 &- 1.21876 92718 - 5 &+ 6.84745 02032 - 6 &- 2.06288 97261 - 6 \end{aligned}$$

$$q = 12 \quad m = 0, 1, \dots, 5 \quad k + 1 = 6$$

$$J_1 = (12 - 13x)/12$$

$$J_2 = (78 - 182x + 105x^2)/78$$

$$J_3 = (364 - 1365x + 1680x^2 - 680x^3)/364$$

$$J_4 = (1365 - 7280x + 14 280x^2 - 12 240x^3 + 3876x^4)/1365$$

$$J_5 = (4368 - 30 940x + 85 680x^2 - 116 280x^3 + 77 520x^4 - 20 349x^5)/4368$$

$$N_0 = 8.33333 33333 - 2 \quad N_1 = 4.96031 74603 - 4 \quad N_2 = 1.02728 46811 - 5 \quad N_3 = 4.19299 86984 - 7 \quad N_4 = 2.68351 91671 - 8 \quad N_5 = 2.38238 56243 - 9$$

$$\begin{aligned} x_j &+ 3.90428 04606 - 1 &+ 5.64281 03848 - 1 &+ 7.16479 03236 - 1 &+ 8.42058 96421 - 1 &+ 9.34192 13029 - 1 &+ 9.87343 39727 - 1 \\ S_0 &+ 5.66859 64449 - 3 &+ 4.29759 03239 - 2 &+ 1.59815 59995 - 1 &+ 3.88493 51132 - 1 &+ 6.87700 15830 - 1 &+ 9.32341 99059 - 1 \\ S_1 &+ 3.27098 58247 - 3 &+ 1.67045 41985 - 2 &+ 3.57690 29673 - 2 &+ 3.40978 63915 - 2 &- 8.28092 39198 - 3 &- 6.49115 26935 - 2 \\ S_2 &+ 1.66770 62938 - 3 &+ 4.81232 34528 - 3 &+ 3.07695 74275 - 3 &- 3.99991 45980 - 3 &- 3.41998 05098 - 3 &+ 7.91815 38047 - 3 \\ S_3 &+ 7.27029 49397 - 4 &+ 7.68812 36724 - 4 &- 7.38596 61047 - 4 &- 2.06901 00962 - 4 &+ 1.12621 44474 - 3 &- 1.24673 19674 - 3 \\ S_4 &+ 2.53519 59643 - 4 &- 7.13722 49908 - 5 &- 1.04807 06357 - 4 &+ 2.27487 74139 - 4 &- 2.69736 91974 - 4 &+ 2.14591 64326 - 4 \\ S_5 &+ 5.84190 64409 - 5 &- 6.33367 75632 - 5 &+ 6.21723 67849 - 5 &- 5.67801 35447 - 5 &+ 4.72469 37136 - 5 &- 3.20701 35231 - 5 \\ c_j &+ 1.85843 27910 - 1 &+ 1.63335 31161 - 1 &+ 1.40050 26050 - 1 &+ 1.09934 67765 - 1 &+ 7.33933 62729 - 2 &+ 3.23797 78894 - 2 \\ T_0 &+ 1.05347 05512 - 3 &+ 7.01948 25473 - 3 &+ 2.23822 16405 - 2 &+ 4.27089 08936 - 2 &+ 5.04726 27167 - 2 &+ 3.01890 27509 - 2 \\ T_1 &+ 6.07890 73155 - 4 &+ 2.72844 15704 - 3 &+ 5.00946 19235 - 3 &+ 3.74853 76780 - 3 &- 6.07764 85298 - 4 &- 2.10182 08898 - 3 \\ T_2 &+ 3.09932 00622 - 4 &+ 7.86022 35073 - 4 &+ 4.30928 68927 - 4 &- 4.39729 32196 - 4 &- 2.51003 87008 - 4 &+ 2.56388 06944 - 4 \\ T_3 &+ 1.35113 54516 - 4 &+ 1.25574 20757 - 4 &- 1.03440 64770 - 4 &- 2.27455 95798 - 5 &+ 8.26566 65449 - 5 &- 4.03689 05444 - 5 \\ T_4 &+ 4.71149 13117 - 5 &- 1.16576 08679 - 5 &- 1.46782 56555 - 5 &+ 2.50087 91519 - 5 &- 1.97968 99592 - 5 &+ 6.94842 99613 - 6 \\ T_5 &+ 1.08567 90492 - 5 &- 1.03451 31984 - 5 &+ 8.70725 63132 - 6 &- 6.24210 58873 - 6 &+ 3.46761 15951 - 6 &- 1.03842 38879 - 6 \end{aligned}$$

$$q = 11 \quad m = 0, 1, \dots, 5 \quad k + 1 = 6$$

$$J_1 = (11 - 12x)/11$$

$$J_2 = (66 - 156x + 91x^2)/66$$

$$J_3 = (286 - 1092x + 1365x^2 - 560x^3)/286$$

$$J_4 = (1001 - 5460x + 10 920x^2 - 9520x^3 + 3060x^4)/1001$$

$$J_5 = (3003 - 21 840x + 61 880x^2 - 85 680x^3 + 58 140x^4 - 15 504x^5)/3003$$

$$N_0 = 9.09090 90909 - 2 \quad N_1 = 6.35727 90846 - 4 \quad N_2 = 1.53045 60759 - 5 \quad N_3 = 7.19149 21772 - 7 \quad N_4 = 5.25264 73477 - 8 \quad N_5 = 5.28043 91329 - 9$$

$$\begin{aligned} x_j &+ 3.67379 66793 - 1 &+ 5.44291 35714 - 1 &+ 7.01823 09603 - 1 &+ 8.33231 86049 - 1 &+ 9.30329 31240 - 1 &+ 9.86581 06948 - 1 \\ S_0 &+ 6.69230 28516 - 3 &+ 4.77702 14450 - 2 &+ 1.70270 05673 - 1 &+ 4.01632 95366 - 1 &+ 6.96920 95579 - 1 &+ 9.34682 02292 - 1 \\ S_1 &+ 4.01017 63066 - 3 &+ 1.94055 80064 - 2 &+ 3.99070 11224 - 2 &+ 3.65565 46497 - 2 &- 1.03874 00906 - 2 &- 7.12884 38662 - 2 \\ S_2 &+ 2.12641 26585 - 3 &+ 5.82621 36457 - 3 &+ 3.45225 61167 - 3 &- 4.89940 41924 - 3 &- 3.90406 08916 - 3 &+ 9.45294 86546 - 3 \\ S_3 &+ 9.66059 53831 - 4 &+ 9.55474 24131 - 4 &- 9.74606 88544 - 4 &- 2.23376 95290 - 4 &+ 1.42927 09083 - 3 &- 1.60717 30112 - 3 \\ S_4 &+ 3.52022 65647 - 4 &- 1.08063 95336 - 4 &- 1.35410 41428 - 4 &+ 3.08760 61231 - 4 &- 3.71167 65115 - 4 &+ 2.96969 06732 - 4 \\ S_5 &+ 8.50889 74004 - 5 &- 9.27590 68325 - 5 &+ 9.13985 97841 - 5 &- 8.36930 09061 - 5 &+ 6.97625 65473 - 5 &- 4.73977 24148 - 5 \\ c_j &+ 1.86940 72463 - 1 &+ 1.67879 69803 - 1 &+ 1.45886 40475 - 1 &+ 1.15529 47981 - 1 &+ 7.75593 47346 - 2 &+ 3.43184 72204 - 2 \\ T_0 &+ 1.25106 39445 - 3 &+ 8.01964 91767 - 3 &+ 2.48400 86413 - 2 &+ 4.64004 46211 - 2 &+ 5.40527 34483 - 2 &+ 3.20768 59023 - 2 \\ T_1 &+ 7.49665 26465 - 4 &+ 3.25780 29212 - 3 &+ 5.82189 03918 - 3 &+ 4.22335 88004 - 3 &- 8.05640 03489 - 4 &- 2.44651 03007 - 3 \\ T_2 &+ 3.97513 12324 - 4 &+ 9.78102 98750 - 4 &+ 5.03637 23314 - 4 &- 5.66025 61773 - 4 &- 3.02796 41475 - 4 &+ 3.24410 75565 - 4 \\ T_3 &+ 1.80595 87013 - 4 &+ 1.60404 72711 - 4 &- 1.42181 89456 - 4 &- 2.58066 23170 - 5 &+ 1.10853 31883 - 4 &- 5.51557 22312 - 5 \\ T_4 &+ 6.58073 70487 - 5 &- 1.81417 43858 - 5 &- 1.97545 38505 - 5 &+ 3.56709 52926 - 5 &- 2.87875 20779 - 5 &+ 1.01915 24682 - 5 \\ T_5 &+ 1.59065 94458 - 5 &- 1.55723 64380 - 5 &+ 1.33338 12838 - 5 &- 9.66900 98006 - 6 &+ 5.41073 90473 - 6 &- 1.62661 74787 - 6 \end{aligned}$$

$$q = 11,5 \quad m = 0, 1, \dots, 5 \quad k + 1 = 6$$

$$J_1 = (23 - 25x)/23$$

$$J_2 = (575 - 1350x + 783x^2)/575$$